# 論文 硬化セメントペーストの有効比表面積とフラクタル次元

#### 多田 眞作<sup>\*1</sup>·内海 秀幸<sup>\*2</sup>

要旨:水セメント比の異なる硬化セメントペーストの水銀圧入データから有効比表面積を求め, 水蒸気吸着から求めた有効比表面積と比較した。また水蒸気吸着と水銀圧入データから硬化体表 面のフラクタル次元をもとめ,他の測定方法で得られた値と比較した。水蒸気吸着法は簡便で信 頼性が高く,相対湿度35%までのデータは比表面積測定に,相対湿度35%以上のデータは表面の フラクタル次元の測定に利用できる。水蒸気吸着のデータから有効比表面積と有効細孔径の関係 として求めたフラクタル次元は従来の方法による結果と良く一致した。 キーワード:比表面積,水蒸気吸着,水銀圧入法,フラクタル次元,硬化セメントペースト

1. はじめに

硬化セメントペーストの比表面積は水和の進 行により大きく変化する。また成熟した後にも 炭酸化などによって更に変化を生じ,硬化体組 織の経時変化を鋭敏に反映する指標となる。 従って硬化体の比表面積の測定は,水和度の把 握,品質の検査,炭酸化度の検討等にとって極 めて重要である。

既存の比表面積測定法は幾つかあるが,測定 理論の厳密さと測定手段の簡易さを同時に満足 するするものは多くない。また,各測定法が固 有に持つ,測定の尺度(分子の直径,波長な ど)と測定された結果(比表面積)についての 統一的な理論が無いため,各測定法による比表 面積の大きな食い違いの理由は十分に考察され ていなかった。

著者らは水蒸気吸着を用いて比表面積を測定 する簡便な新しい手法を提案し,液体,気体, 固体(試料)の各界面の面積の変化を含んだ有 効比表面積の概念を定義した。有効比表面積は 一般的な概念であるため,本研究では水銀圧入 法によっても有効比表面積が求められることを 示し,吸着によって求めた比表面積との比較が 可能であることを示した。一方、表面のフラク タル次元は硬化セメントペーストの表面や空隙 の複雑さを表す尺度として過去に測定されてき た経緯がある。そこで有効比表面積に基づいて

\*1 株式会社テクスト 代表 工博(正会員)\*2 千葉工業大学 土木工学科 工博(正会員)

硬化セメントペーストのフラクタル次元を求め、これまで測定されてきたフラクタル次元の 値と比較することにより、有効比表面積の適用 性を検討した。

## 2. 有効比表面積

2.1 比表面積の測定法

現在,硬化セメントペーストの比表面積は BET法によるガス吸着,X線小角散乱法,中性子 小角散乱法,ヘリウムピクノメトリ法,水銀圧 入法等で測定されている。ガスの吸着による BET法<sup>1</sup>は窒素を用いる場合がもっとも信頼性が 高いといわれるが、液体窒素温度の中での微少 圧力測定と真空中の質量測定が必要となり,装 置と測定技術を同時に簡素化する事は難しい。X 線小角散乱<sup>2)</sup>, 中性子小角散乱法<sup>3)</sup>は試料の乾燥 を必要としないが,装置は容易に利用できると は言えない。ヘリウムピクノメトリ法は試料の 基準乾燥状態の体積と単分子吸着時の体積をそ れぞれ正確に測定し,その差から比表面積を計 算する簡易な方法である。しかし単分子吸着時 の相対圧の設定が曖昧である。水銀圧入法は装 置の能力に由来する最大圧力の限界があり、細 孔の全領域を水銀で濡らすことができない。こ の様に,現行の比表面積測定法には,測定理論 の厳密さと測定手段の簡易さを兼備したものは 見あたらない。

従来の比表面積は単分子吸着が生じている時 の単位質量当たりの固体-吸着分子界面の面積 (m<sup>2</sup>/g)であるが,本研究では固体-気体,液体-気体の界面の面積も含んだ有効比表面積を定義 し,測定の対象とした。

2.2 水蒸気吸着による有効比表面積

我々は既報<sup>5</sup>において,水蒸気吸着を用いて比 表面積を測定する新しい手法について報告し, その中で上記の有効比表面積の概念を提示し た。水蒸気吸着の基礎式は,単分子吸着完了後 の吸着において,次式で与えられる。

$$_{\rm lg}\left(A_{\rm lg} + A_{\rm sg}\cos_{\rm w}\right) = -\frac{RT\ln\left(h\right)}{v} V_{\rm w} \quad (1)$$

ここで,hは相対圧,A<sub>ij</sub>は界面の面積,<sub>ij</sub>は 界面張力をそれぞれ示す。サブスクリプトI,g,s はそれぞれ液相,気相,固相(試料)を示す。

wは材料と吸着水の接触角である。また RTIn(h)は気相水分の化学ポテンシャルで,等温 で自由な水面をもつ純水を基準にしている。Rは 気体定数,Tは絶対温度である。V<sub>w</sub>は系(吸着 水)の体積,vは水分子の比容積である。

式(1)の A<sub>lg</sub>+A<sub>sg</sub>cos wを単位質量で除したもの を有効比表面積A(m<sup>2</sup>/g)と定義した。水セメン ト比が0.3, 0.4, 0.5の硬化セメントペーストの吸 着等温線の測定からhとVw を決定し,Aを計算 すると図-1に示す様に極大値を示した。水蒸気 吸着に伴う有効比表面積の増加,極大,減少に はそれぞれ物理的な内容があり,既報では単分 子吸着以前の有効比表面積の増加段階について 詳細に検討した<sup>5)</sup>。本研究では,単分子吸着以後 の有効比表面積の減少段階に着目した。

## 2.3 水銀圧入による有効比表面積

水銀圧入の基礎式は,圧入の各段階において 平衡状態を仮定すると次式で与えられる<sup>)。</sup>

$$_{lg}\left(A_{lg} - A_{sl}\cos \right) = PV_{m}$$
(2)

ここで  $_{m}$ は材料と水銀の接触角,Pは系(試料内・外部の水銀)の圧力,V $_{m}$ は水銀の体積である。 $A' = A_{lg} - A_{sl} \cos _{m}$ とおいて有効細孔径



図-1 水蒸気吸着で求めた有効比表面積 の定義からRh=V<sub>m</sub>/A'を用いると次式を得る。

$$P = \frac{m}{Rh}$$
(3)

ここで mは水銀と水銀蒸気の界面張力 lgで あるが計算では水銀の表面張力の値を使用して いる。以上の式は,Rootare-Plenzlow<sup>3</sup>の式を 一般的に導いたもので,モデルレス水銀圧入法 と言えるものである。

水銀圧入実験に用いた試料は水セメント比が 0.3,0.4,0.5の硬化セメントペーストで,混練 後4週間水中養生した。約2g程度に粉砕,縮分後 に42時間真空乾燥して水銀圧入試験に供した。 試験機はCE Instruments社のPASCAL440 で, 最大圧力は400 MPa,容積分解能0.1 mm<sup>4</sup>,収 録データ点数2500点である。データは付属のパ ソコンが従来の方法で計算し出力するが,本研 究の目的が計算法自体であるため,圧力(MPa)と 累積侵入体積 (mm<sup>3</sup>/g)の生データを表計算ソフ トに格納して使用した。計算手順は次の通りで ある。

まず圧力Pと 水銀の表面張力 <sub>m</sub>を用い,式(3) からRh= <sub>m</sub>/P=480x10<sup>9</sup>/P (m)として有効細孔 径Rhを求める。次にA'=PV<sub>m</sub>/ <sub>m</sub>=2.0833x10<sup>3</sup>x PV<sub>m</sub> (m<sup>2</sup>/g)として有効比表面積を求めた。この 様にして得られた 有効比表面積と有効細孔径の



関係を図-2に示す。

両対数でプロットすると,どの水セメント比の 試料においても直線性が良く,後述のフラクタル 次元の存在が予想される。

水蒸気等温吸着の過程で式(1)が成立し,吸着 される水分はより微細な空隙から順に満ちている と考えられる。水銀圧入の過程では(2)式が成立 し,圧力Pまでに圧入された水銀量 Vmが測定され る。水銀は水蒸気吸着の場合とは逆に,より大き な空隙から順に満ちている。この関係を図-3に示 す。どのRh でもVwとVm, wとmとの間に次の 関係を仮定する。

 $V_w + V_m = V_p, \quad w + m = ,$  (4)

ここでV<sub>p</sub>は試料の全空隙量である。式(4)が成 り立てば有効比表面積に関してA=A'である。そ こで水蒸気吸着と水銀圧入による有効比表面積が の測定値が重なる領域を拡大して図-4に示した。 水蒸気吸着における有効空隙径は vを水分子の比 容積として Rh= - wV/RTIn(h)=-153.77×10<sup>9</sup>/ In(h)から計算した。水蒸気吸着と水銀圧入によ る有効比表面積はかなり近い位置にあるが,水銀



図-3 水蒸気吸着と水銀圧入のモデル



図-4 水蒸気吸着と水銀圧入による有効比表面積

圧入で最大圧となる領域では2倍程度の開きがある。この理由は特に高圧では<sub>w</sub>+ m= という仮 定が成り立たないためであろう。

3. 表面のフラクタル次元

3.1 硬化セメントペーストのフラクタル次元 PfieferとAvnir<sup>8)</sup>は材料科学の分野における比 表面積とその測定手段との関係を フラクタル次 元の導入により初めて統一的に取り扱った。 Winslow<sup>9)</sup>は硬化セメントペーストの表面のフラ クタル次元(2と3の間の非整数)をX線小角散 乱法によって最初に測定した。水セメント比に よらず3.0に近い値となり,セメント硬化体の表 面は複雑さの程度が非常に大きいと結論した。

フラクタル次元Dは非整数で,ある尺度rで測 定を行ったときの結果N(r)とrとの間に,次式が 成り立つときに定義される。

 $N(r) \quad r^{D} \tag{5}$ 

フラクタル次元Dの測定法の中で最も基本的 で直感的な手法はタイリングと呼ばれている。 吸着する気体分子の断面積 を尺度とし,異な る大きさの分子を試料に単分子吸着させて比表 面積Sを求める場合がその一例である。この時に 得られるDが,表面のフラクタル次元である。そ こで,硬化セメントペーストの表面のフラクタ ル次元のおよその値を知るために,Mikhailと Selim<sup>10</sup>の実験結果を両対数にプロットし,図-5 に示した。試料は水セメント比が0.4の硬化セメ ントペーストである。直線の勾配はおよそ-2.57 となり,表面のフラクタル次元は2.6程度と想定 された。

拡散律速で凝集した粒子(DLA)はフラクタル であると言われている<sup>11)</sup>ので,硬化セメントペー ストの表面のフラクタル次元を測定することは, 水和反応過程における反応条件やDLAが支配的 となった細孔領域などを相互に比較する際の尺度 として利用できる可能性がある。

3.2 水蒸気吸着によるフラクタル次元
 Niklasson<sup>12)</sup>は相対湿度35%以上の吸着を対象
 とし,吸着体積V(m<sup>2</sup>/g)と相対湿度hによるフラ
 クタル次元Dを次の様に導いた。

$$V \ [\ln(1/h)]^{(D-3)}$$
 (6)

ここで尺度としてIn(1/h)が用いられているのは,いわゆるKelvin式によって

In(h)=-2v COS /RTr=-k/rとなり,円筒形 細孔モデルにおける半径rに関係づけられるか らである。ここでkは定数である。この方法は Kelvin半径と吸着体積の関係なのでフラクタ ル次元の物理的な意味が分かりづらい。また, 細孔形状に円筒形を仮定しているので,このこ と自体でフラクタル性を否定していることにも なりかねない。相対湿度35%以上の吸着実測







値に対しIn(1/h)を両対数にプロットし最小二 乗法で傾きを求め,図-6に示した。式(6)から 勾配はD-3となるため,水セメント比が0.5, 0.4,0.3の各資料のフラクタル次元Dはそれぞ れ2.62,2.60,2.44と計算された。

一方,比表面積と細孔径による面積のフラ クタル次元DはPfeiferとAvnif<sup>®</sup>により与えら れている。本研究ではこれを有効比表面積Aと 有細孔径Rhの関係に置き換え,次式で表す。

$$A \quad Rh^{(2-D)} \tag{7}$$

そこで相対湿度35%以上の吸着実測値に対 してlog(A)=log(k)+(2-D)log(Rh)のプロット から最小二乗法で傾きを求め,図-7に示し た。勾配は2-Dとなるため,水セメント比が 0.5,0.4,0.3の各資料のフラクタル次元Dはそれ



図-7 水蒸気吸着によるフラクタル次元(本研究)



図-8 水銀圧入によるフラクタル次元(従来法<sup>3)</sup>) ぞれ2.62, 2.59, 2.44と計算された。本研究に よる方法は有効空隙径と有効比表面積の関係で 面積のフラクタル次元である。

Niklasson<sup>12)</sup>の方法と本研究の結果を比較す ると,同じ実測値を異なる計算方法で処理した ものであるが,両者の結果は非常に良く一致し ている。これは式(6)をrで微分すれば明らかな 様に,本質的に同じ計算法であるためである。 Niklassonが立脚する,円筒形モデルにおける Kelvin式は式(1)とは異なるが,Dを求める過 程では問題となる部分はY切片となって計算の 対象から外れるため,細孔形状に特定の幾何学 形状を想定しない本方法とは同等の結果になっ たものと考えられる。

3.3 水銀圧入によるフラクタル次元

Ji, Chanおよび Feng <sup>13)</sup> は水銀圧入法でフラク タル次元Dを求めるための基礎式を検討した。 ∨\*を細孔の小さい方向から逆にもとめた累積 値,rを円筒形モデルにおける半径として次式を 導いた。

 $V^* t^{(3-D)}$  (8)

Jiらの提案する方法は,通常の累積侵入量を逆 方向に並べ替え,この体積と円筒形モデルの半 径rとの関係からフラクタル次元を求める強引な ものである。しかも直線領域は図-8上図に示す 様に2つに分断し,どちらの直線を採るかにつ いても物理的な意味は明確ではない。本研究で 測定された水銀圧入のデータを式(8)によってプ ロットすると,図-8下図に示す様に非常に小さ な勾配が得られた。フラクタル次元はどの水セ メント比でもおよそ2.99となった。

本研究では,水蒸気吸着によるフラクタル次 元の測定と同様に有効比表面積と有効細孔径と の関係(図-2)から表面のフラクタル次元を求 めた。各水セメント比の試料の勾配を図-9に示 す様にもとめ,式(7)を用いてフラクタル次元を 計算すると3.5から3.68の範囲となった。

有効比表面積を用いる方法では,直線性が良 く,フラクタル次元の存在が明らかであるが, 計算結果はフラクタル次元が3を越え、あり得な い結果となった。基礎式の検討が必要と考える。

これまでに測定または文献で調査した硬化セ メントペーストのフラクタル次元の値を表-1に まとめた。試料は水セメント比0.4と共通である が,計算のための基礎式はそれぞれ異なる。



著	诸者	手段	フラクタル次元 D	備考
Mikhail	and Selim (10)	タイリング	2.57	
Häußler	et. al. (3)	中性子小角散乱法	2.59	
Niklasso	on (12)	水蒸気吸着	2.50	W/C=0.465
Beddoe	and Lang (14)	X線小角散乱法	2.52-2.62	セメント種の違いによる
本研究		水蒸気吸着	2.59	表面のフラクタル次元
本研究		水銀圧入	3.50-3.65	

表-1 各種の方法によるフラクタル次元の比較(硬化セメントペースト W/C=0.4)

BeddoeとLang<sup>14)</sup>によるX線小角散乱法を用いた 測定では計算式が示されていない。ただ,硬化 セメントペーストの表面のフラクタル次元はお よそ2.5から2.6であると言うことができる。

#### 4. まとめ

水蒸気吸着と水銀圧入の測定原理を再検討 し,有効比表面積の概念により両者を関係づけ た。水蒸気吸着と水銀圧入の実験値から硬化セ メントペーストの表面のフラクタル次元を求め た結果,次の様な知見を得た。

(1) 水蒸気吸着によって有効比表面積と有効細 孔径から求めたフラクタル次元は既往の測定値 と良く一致した。有効比表面積の概念はフラク タル次元の測定においても有効である。

(2)フラクタル次元の測定法を各種比較した結 果,水蒸気吸着法は簡便で信頼性が高い。相対 湿度35%までのデータは比表面積測定に,相対 湿度35%以上のデータは表面のフラクタル次元 の測定に利用できる。

(3) 水銀圧入法によるフラクタル次元の測定にはさらに基礎式の検討が必要である。

## 参考文献

- Kantro, D. L., Brunauer, S. and Copeland, L. E.: BET surface area - Methods and Interpretations, in The Solid-Gas Interface, Ed by Flood, E. A., Marcel Dekker, Inc. N.Y.,pp.413-429, 1967
- 2) Thomas, J. J., Jennings, H. M. and Allen, A. J.: The surface area of hardened cement paste as measured by various techniques, Concrete Ecience and Engineering, Vol. 1, pp. 45-64, 1999.3
- 3) F. Häußler, S. Palzer, A. Eckart: Nanostructural

Investigations on Carbonation of Hydrating Tricalcium Silicate by Small Angle Neutron Scattering, LACER No. 5, Universität Leipzig, 2000.

- Ramachandran, V. S., Feldman, R.F., Beaudoin, J. J.: Concrete Science, Hyden, 427p, 1981
- 5) 多田眞作,渡辺一正:硬化セメントペース トの水蒸気吸着等温線と細孔構造,コンク リート工学年次報告集, Vol. 23, No. 2, pp. 805-810, 2001.7
- 6) 多田眞作: ALCの空隙構造と水分特性, コン クリート工学論文集, Vol.1, No.1, pp. 155-164, 1990.1
- 7) Rootare, H. M. and Prenzlow, C. F.:Surface Area from Mercury Prosimeter Measurements, J. Phys. Chem., vol. 71, pp.2733-2736, 1967
- Pfeifer, P. and Avnir, D.:Chemistry of noninteger dimensions between two and three. 1. Fractal theory of heterogeneous surfaces, J. Chem. Phys. Vol. 79, No. 7, pp.3558-3565, 1983
- 9) Winslow, D. N. :The fractal nature of the surface of cement paste, Cement and Concrte Research, Vol.15, pp.817-824, 1985
- Mikhail, R. Sh. and Selim, S. A.: Adsorption of organic vapors in relation to pore structure of hardened cement paste. Highway Research Board Special Report 98, pp. 123-134,1966
- Stanley, E. H. and Meakin, P.: Multifractal phe nomena in physics and chemistry, Nature, Vol. 335, pp. 405-409, 1988
- Niklasson, G. A.: Adsorption on fractal structures: Application to cement materilas, Cement and Concrte Research, Vol.23, pp.1153-1158, 1993
- 13) Ji, X., Chan, S. Y. N. and Feng,: Fractal model for simulating the space-filling process of cement hydrates and fractal dimensions of pore structure of cement-based materials, Cement and Concrete Research, Vol. 27. No. 11, pp. 1691-1699, 1997
- 14) Beddoe, R. E. and Lang. K.: Effect of moisture on fractal dimension and specific surface of ardened cement paste by small-angle X-ray seat tering, Cement and Concrete Research, Vol. 24, No. 4, pp. 605-612, 1994