# 論文 RC 造有孔梁のプレストレス導入による開孔補強効果に関する解析的 研究

#### 尾關 桂子\*1・篠原 保二\*2

要旨: RC 造有孔梁の孔部に発生するひび割れを低減させる為,梁に PC 鋼棒を回周させプレ ストレス導入し,開孔補強する実験が行われている。本論文では,三次元有限要素法解析に よりこの補強効果を検証し,その結果以下の知見が得られた。(1)プレストレス導入したモデ ルは孔際補強筋の負担が小さかった。これは,プレストレス導入によりひび割れ幅,ひび割 れ発生領域の抑制効果が得られたことに起因する。(2)等価拘束圧,損傷度という2つの尺度 を用いることで,プレストレス導入による圧縮応力の分散効果が明らかになった。 キーワード:AC 工法,等価拘束圧,損傷度,三次元解析

1. はじめに

RC 造有孔梁は断面が欠損しているため,応力 集中や収縮ひずみの影響等で,非常にひび割れ が発生しやすくなっている。そういったひび割 れ発生の緩和策として,既存 RC 造建物の有孔梁 を対象とし孔の周囲に PC 鋼棒を回周させプレ ストレスを導入する開孔補強方法(以下 AC 工法) が提案されている<sup>1)</sup>。実験では,AC工法の有孔 梁は無補強の試験体と比較してひび割れ幅の抑 制, せん断終局耐力の上昇, といった効果があ るという知見が得られた。そこで本研究では、 プレストレス導入が内部コンクリートにもたら す拘束効果に着目し,三次元有限要素法解析を 行い,等価拘束圧と損傷度という尺度を用いて, その拘束効果を積分点レベルで明らかにするこ とを目的としている。解析には,有限要素法解 析用汎用ソフト DIANA を用いる。

#### 2. 解析概要

2.1 対象試験体・要素分割

解析対象試験体の要素分割を図 - 1 に示す。 実験ではAC工法の試験体は1体のみであったが, 今回の解析ではプレストレス導入の効果を実用 的な観点から検証するために,プレストレスの 導入方法を変数とした。すなわち,実験と同様 に梁せい・梁幅面 4 面に均等にプレストレスを 導入したモデル(No.4)の他に,実際には梁は床ス ラブと一体となっているために,4方向にプレス トレスを導入することは困難であることから, プレストレス導入を梁せい面と梁幅下面の3方 向にしたモデル(No.3),梁せい面のみの2方向に したモデル(No.2),さらに比較のため,PC 鋼棒 に全くプレストレスを加えないモデル(No.1),以 上の4 モデルを解析対象とする。これらのプレ ストレス導入方法についての概念図を図-2に 示す。

実験では正負交番繰り返し載荷を行ったが, 今回の解析では梁の右側断面において y 軸正方 向に変位制御で荷重を与えている。また,逆対 称加力とするために,その右側断面の x 方向変 位と等しくする Tying を設定した。コンクリート には,直方体要素には8節点,角錐形要素には6 節点のアイソパラメトリック・ソリッド要素を 使用した。主筋,せん断補強筋には埋め込み鉄 筋要素を採用し,コンクリートと鉄筋の間は完 全付着とした。また,PC 鋼棒にはトラス要素を

\*1 東京工業大学大学院 総合理工学研究科 環境理工学創造専攻 工修 (正会員) \*2 東京工業大学 建築物理研究センター助教授 工博 (正会員)



Reference a matrix  $2 = 0.4 = 7 \text{ J} + 7 \text$ 

2.2 構成モデル概要

本研究で用いたコンクリート,鉄筋の要素特 性を図-3,4に示す。

コンクリートの応力上昇部分には,土木学会 のコンクリート標準示方書の式を用い,ヤング 係数は実験のシリンダ圧縮試験から算出した値 を用いた。圧縮領域にはDrucker-Prager 破壊基準 を採用し,内部摩擦角は20°とした。また,引 張領域においては最大引張応力基準によるテン ションカットオフを採用し,引張軟化特性とし てバイリニアモデルを用いている。

鉄筋の材料データは全て,実験で用いた鉄筋 の材料試験から得た値を用いており,ひずみ硬 圧縮軟化曲線

$W_1$	$W_2$
引張軟化曲線	ł

Ec  $W_1$  $W_2$ max t N/mm<sup>2</sup> N/mm<sup>2</sup> N/mm<sup>2</sup> mm mm 0.002 39 2.4E+40.032 0.16 0.2 2.8

図-3 コンクリート要素特性



応力-ひずみ関係

	<sub>y</sub> (N/mm <sup>2</sup> )	$E_{\rm S}({\rm N/mm}^2)$
主筋	1153	1.90E+5
補強筋	874	1.95E+5

#### 図 - 4 鉄筋要素特性



#### 3. 解析結果

3.1 Q - R 曲線

図 - 5 に, せん断力 Q と部材変形角 R の関係 を示す。プレストレスを 4 方向に対して導入し た No.4 は、プレストレスを加えていない No.1 と比べて勾配にはあまり差が生じていないが, 最大強度は No.4 の方が約 15%高く出ている。ま た,実験値と解析値を比較すると,実験とプレ ストレス導入方向が等しい No.4 を始めとして全 ての解析モデルが、実験結果より勾配が高くな っていた。この原因としてはまず,本解析モデ ルが分散ひび割れを採用しているために,小さ いひび割れ幅が分散するのに対し,実験ではひ び割れが局所化し,数本のひび割れ幅が卓越し たことが考えられる。それ故,解析ではストレ スロッキングの影響により,コンクリート要素 の変形が隣接する別のコンクリート要素により 拘束されたのだと思われる。さらに,補強筋と コンクリートの間の付着を完全付着としたこと も、剛性が高くなった要因と考えられる。また、 主筋, せん断補強筋は解析, 実験とも最大耐力 まで降伏しなかった。

3.2 補強筋ひずみ

実験では孔際に最初にひび割れが発生したとき,そのひび割れの角度は約45°であった。そこで,孔中心を通る45°断面と孔際せん断補強筋の交点に最も近い補強筋の積分点(図-1に星印で示した位置)のQ- 関係を図-6に示す。 No.4の方が,No.1より同荷重におけるひずみが



小さいが,これは No.4 の方がひび割れ発生領域 が狭かった(次節参照)ため,補強筋の負担も小さ くなったことに起因すると考えられる。また, 解析の方が孔部せん断ひび割れ発生後の勾配が 急であり,これが前節のQ-R曲線の勾配に大き な差が生じたことに影響したと思われる。 3.3 ひび割れ分布

図 - 7,8に Q=300kN 時のひび割れベクト ル図を示す。この図はひずみベクトル図で,ベ クトルの長さがひび割れ幅を表し,ひび割れは ベクトルの直交方向に入る。ひび割れ幅の長さ は7500倍して出力している。Q=300kNの段階 で見た理由としては,前節でせん断補強筋のひ ずみ分布を示したが,Q=300kN では No.1 は勾 配が初期に比べてかなり寝ているが、No.4 は初 期勾配と殆ど変わらないため,孔周辺のひび割



れ分布に差が生じると予測したからである。

梁の左右端部の曲げ及び曲げせん断ひび割れ は,プレストレス導入の影響が少ないため,ほ ぼ同様のひび割れ性状を示している。一方,開 孔周辺のひび割れ幅やひび割れ発生領域に関し ては,プレストレス導入によりNo.4 はNo.1 より 抑えられていることが分かる。このため,前節 のようにNo.1 モデルの補強筋の負担が大きくな ったのだと思われる。

3.4 等価拘束圧

コンクリート構造物の有限要素法解析では, 各要素内での応力経路はランダムな経路となる。 そこで,水野・畑中らは等価拘束圧 」という尺 度を提案した<sup>2)</sup>。これは図 - 9に示すように,一 般応力状態を側圧一定の三軸圧縮実験経路上の 応力状態に換算した場合の側圧を,等価拘束圧 として評価する手法である。ここで,ランダム 経路上の一般応力状態が点 A となったとき,点 A から静水圧軸( 軸)に向かって √2 の傾きで下 ろした直線と静水圧軸( 軸)との交点を 11 √3 倍 した値が等価拘束圧 」となる。

ここでは Q=300kN の段階で, No.1 ~ No.4 の 各モデルに対して最も手前の積分点(コンクリー ト表面)と梁幅方向の中央断面における積分点 (コンクリート内部)での等価拘束圧を計算し,そ の結果を図 - 10 に示す。実験では開孔部の上下 弦部にひび割れが集中していたことを考慮して, 開孔部周囲450mm×450mmの範囲に絞って表現 している。また,コーナーブロック配置箇所を 三角印で示している。











図 - 10 等価拘束圧(Q = 300kN)

色が濃くなるほど,その積分点における等価 拘束圧は大きくなる。No.4 は 4 面にわたってプ レストレス導入されているため,コンクリート 表面のコーナーブロック部に局所的に拘束圧の 高い部分が生じているが,内部,表面共に孔周 辺にも拘束圧が作用する積分点がまばらに分布 している。その広がり方は他の3 モデルより広 範囲であり、プレストレス導入による拘束効果 が広く及んでいることが分かる。また,内部コ ンクリートでは孔際の拘束だけが卓越してしま うのを抑制していることも読み取れる。

さらに, No.1 は内部, 表面とも引張応力を生 じる領域(孔左上から右下にかけて)において、孔 中心部から放射状に拘束圧の高い領域が生じて いるが、これはひび割れ発生後、補強筋に引張 応力が作用したことにより, 内部コンクリート に圧縮力が生じたためであると考えられる。 3.5 損傷度

コンクリートの圧縮破壊に対する損傷度を, 図 - 11 に示す応力の不変量 -r 平面上における 偏差応力成分 r を用いて定義する 3)。つまり応力 の不変量 ( <sub>p</sub>, r<sub>p</sub>) を有する応力点 P の損傷度  $D_f$ は,静水圧成分 pにおける Drucker-Prager 基 準の子午線上の偏差応力成分 r<sub>fs</sub> に対する r<sub>p</sub>の比 として, $D_{f=r_{p}}/r_{fs}$ で定義できる。

ここでは等価拘束圧の場合と同様,孔周囲に 焦点を当て,各々のモデルに対してコンクリー ト内部,表面の損傷度を見ていく。基準となる 荷重は等価拘束圧の場合と同様, Q=300kNの時 点とする。図 - 12 に損傷度の計算結果を示す。





No.1 内部







No.2 表面





## 図 - 12 損傷度(Q=300kN)

プレストレスを4方向に導入した No.4 は,コ ンクリート表面ではコーナーブロック部付近の 損傷度が局所的に高くなったが,コンクリート 内部では孔周辺部は No.1 に比べて均一に損傷度 が分布している。一方,No.1 は表面,内部とも 孔中心から損傷度の高い領域が放射状に広がっ ている。つまり,プレストレス導入することに より,圧縮応力が局部的に高くなることを防ぎ, 均一的に分布させることができるので,損傷に 関して有利になるといえる。また,孔周囲に関 して No.2 と No.4 を比較すると,コンクリート 内部,表面共に,非常に似た損傷度分布となっ ている。つまり,1 方向のみに載荷する場合は, その方向にプレストレス導入すれば,損傷の集

また,図で白く示されている領域は引張応力 を受けている箇所であるが,No.1 に関しては内 部 表面両方で No.2とNo.3 に関しては内部で, 引張応力を受ける領域が孔際から母材部へと分 布している。これより,これらのモデルでは孔 部せん断ひび割れが孔際から母材部に進展して いることが予測できる。その点,No.4 は引張応 力を受ける領域が小さくなっており,孔部せん 断ひび割れの抑制についてはプレストレス導入 を2方向より4方向に施した方が効果的である, という知見が得られた。

### 4. まとめ

本解析結果より、以下の知見が得られた。

 プレストレス導入した有孔梁と導入してい ない有孔梁の孔際補強筋のひずみ - 荷重曲 線を比較し、孔際補強筋のひずみはプレスト レスを導入していない有孔梁の方が大きい ことが分かった。これは,プレストレス導入 にはひび割れ抑制効果があるために,逆に導 入しないものに関しては,コンクリートが負 担していたせん断力が,ひび割れ発生に伴い 補強筋へと作用した,ということに起因する。

- 等価拘束圧という尺度を用いて,表面だけで なく内部コンクリートの拘束状況も評価で きた。プレストレスの有無に関わらず,圧縮 を受ける孔際の積分点が最も等価拘束圧の 値は高かった。また,4方向にプレストレス を導入したものが,最も広範囲に拘束効果を 与えることができた。
- 損傷度という尺度を用いて、等価拘束圧と同 様に内部コンクリートの圧縮破壊に対する 損傷を評価することができた。プレストレス を載荷するのと同じ方向に導入すると、損傷 が局所的に高くなるのを防ぎ、均一的に分布 する効果があることが分かった。

参考文献

- 赤木大介: プレストレスを導入して開孔補強 した RC 造有孔梁のせん断性状, コンクリー ト工学年次論文報告集, Vol.25, No.2, pp.409-414, 2003
- 水野英二,畑中重光:コンクリートのひずみ 軟化型構成モデルの開発とコンファインド コンクリートの三次元有限要素解析,土木学 会論文集,No.571,V-36,pp.185-197,1997.8
- 3) 吉田幸夫,水野英二,畑中重光:円形コンフ ァインドコンクリート内部の応力と損傷状 態に関する FEM 解析,コンクリート工学年 次論文集, Vol.24, No.2, pp.97-102,2002