# 論文 せん断破壊を生じる RC はりおよび柱のエネルギー吸収と 破壊プロセス

上田 尚史\*1・伊藤 睦\*2・中村 光\*3・田邉 忠顕\*4

要旨:RC 部材のポストピーク領域における破壊プロセスを探ることを目的として,せん断破壊 を生じるRC はりおよび柱を対象とした数値解析を行い,エネルギー吸収量ならびに吸収領域に ついて検証を行った。その結果,斜め引張破壊には,斜めひび割れの発生,ひび割れの進展に伴 う主鉄筋に沿う領域の損傷というプロセスが存在することを明らかにした。また,各プロセスに おいて,部材のエネルギー解放量が吸収量を上回る場合があり,Snapback 挙動を示すことを確認 した。さらに,軸力が作用するRC 部材の解析を行った結果,作用軸力が増加するに従いエネル ギー吸収能が高くなり,Snapback 挙動が起こりにくくなることを確認した。

キーワード: せん断破壊, エネルギー吸収, 破壊プロセス, Snapback, 制御点選択型弧長法

#### 1. はじめに

構造物の合理的な設計を行う場合,あるいは耐 震性能を考える場合には,耐荷力はもとよりポス トピーク挙動までをも評価する必要がある。特に, RC部材のせん断破壊は,破壊が材料と構造の複合 的な破壊であり,様々な要因が相互に影響を及ぼ し合うとともに,破壊メカニズムが極めて不明確 であるため,ポストピーク領域における挙動に対 する明確な考えが確立されるには至っていないの が現状である。

近年,RC部材のポストピーク挙動の実験的研究 として,内田らはせん断破壊するRCはりのポスト ピーク挙動を計測することに成功している。実験 は4体の同一のはりを用いたにも拘らず,それぞ れの破壊モードが異なり,また,終局状態におい てRC部材がSnapback挙動を示したことが報告さ れている<sup>1)</sup>。破壊時にSnapback挙動を示すような 構造物は,荷重の低下とともにエネルギーを解放 し,構造物の運動エネルギーを増大させるため, 極めて危険であり,十分な検証が必要である。 Snapback挙動は,実験的な観察が困難であるため, 解析的な評価が望まれるが,成功例はほとんど公 表されていない。

RC構造物は,部材のエネルギー吸収能がポスト ピーク挙動に対して直接影響を及ぼす。故に,部 材のエネルギー吸収状態に注目することは,部材 内部の力学的挙動,破壊の局所領域,耐荷機構な ど,構造物の終局挙動を予測するための重要な情 報が得られ,非常に有益である。

本研究では、収斂過程に弧長法の一種である制 御点選択型弧長法を用いることで、Snapback 挙動 の評価を可能にする。さらには、一定荷重が作用 するような状態、すなわち Non-Proportional loading 状態の解析を行うため、弧長法の拡張を行い、軸 力が作用する RC 部材のせん断挙動を解析する。解 析結果に基づいて、せん断破壊を生じる RC はりお よび柱のエネルギー吸収状態を評価することによ って、破壊の局所領域、破壊プロセス、軸力の影 響などを明らかにする。

#### 2. 解析概要

解析は 2 次元アイソパラメトリック要素を用い

*1	名古屋大学大学院	工学研究科土木工学専攻			(正会員)	
*2	名古屋大学大学院	工学研究科土木工学専攻	助手	工博	(正会員)	
*3	名古屋大学大学院	工学研究科土木工学専攻	助教授	工博	(正会員)	
*4	名古屋大学大学院	工学研究科土木工学専攻	教授	工博	(正会員)	

た有限要素法により行った。また,鉄筋はトラス 要素でモデル化し,完全付着とした。RC構成則に は,名古屋大学で開発された格子等価連続体モデ ル<sup>2)</sup>を用いた。収斂過程には弧長法の一種である, 制御点選択型弧長法を採用し,Non-Proportional loading 状態に対応できるように拡張した。以下に これらの概要を述べる。

2.1 格子等価連続体モデル<sup>2)</sup>

格子等価連続体モデルは、不連続体である RC 要素の挙動を空間的に平均化したモデルである。RC 構成式は、コンクリートと補強筋による耐荷機構 をモデル化した Main lattice 成分と、ひび割れ面に おけるせん断伝達をモデル化した Shear lattice 成分 を、ひび割れ面座標系に想定することにより構築 される。各種一軸の応力 - ひずみ関係の組み合わ せで構成され、簡便で収斂性の良いモデルである。 詳細は文献 2)を参照されたい。

2.2 Non-Proportional loading の定式化

弧長法における支配方程式は増分形式で定式化 されるため, Non-Proportional loading 状態の解析で は増分ベクトルのみを弧長制御し,一定荷重ベク トルは以下のように考慮する必要がある。

柱などに作用する一定軸力などの外力ベクトルを $\{\overline{P_{ef}}\}$ ,水平荷重などの載荷荷重ベクトルを $\{P_{ef}\}$ とすると,荷重ベクトル $\{P_e\}$ は,

$$\{\mathbf{P}_{\mathbf{e}}\} = \{\mathbf{P}_{\mathbf{e}\mathbf{f}}\} + \lambda\{\mathbf{P}_{\mathbf{e}\mathbf{f}}\}$$
(1)

で表すことができる。ここに, は荷重レベルパ ラメーターである。故に, 収束計算時における解 の収束方向は、次式を満たす方向となる。

$$\{R(\{d\},\lambda)\} = \{\overline{P_{ef}}\} + \lambda\{P_{ef}\} - \{Q(\{d\})\} = 0$$
(2)

ここに, {R}は不平衡力ベクトル, {d}は変位ベク トル, {Q}は内力ベクトルである。

3. Snapback を生じる RC はりの解析

Snapback 挙動を示す構造物は,エネルギーを解放しながら破壊するため,極めて危険である。それにも拘らず,Snapback 挙動を扱った研究は,これまでほとんど行われていない。

しかしながら,内田らが実験的に明らかにした ように RC 部材は破壊時に Snapback 挙動を生じる 可能性を内在している。本章では, Snapback を生 じる RC はりの数値解析を行い,エネルギー吸収の 視点から Snapback 挙動を評価する。

## 3.1 実験概要

解析の対象とする実験は,内田らにより行われ たRCはりのせん断破壊試験<sup>1)</sup>である。試験体寸法 および配筋詳細を図 - 1に,材料諸元を表 - 1に 示す。試験体はせん断補強筋を配筋したスパン (a/d=1.7)とせん断補強筋のないスパン(a/d=2.9)を有 しており,後者のスパン(以下,対象スパン)を破壊 させることを意図している。実験は,同一の試験 体4体(S-1~S-4)に対して行われ,全て異なる結果 が観察されている。文献1)によれば,破壊モード はそれぞれ「せん断圧縮破壊」(S-1),「曲げ降伏後の せん断破壊」(S-2),「せん断圧縮破壊」(S-3),「斜め



表 - 1 材料諸元

引張破壊」(S-4)であり, S-3, S-4 試験体において, Snapback 挙動が計測された。

3.2 解析モデル

解析に用いた要素分割を図 - 2 に示す。図中の

印は,制御点選択型弧長法により制御した点で ある。この点を選択した理由は,予備解析におい て急激な増分変位を示す点であったからである。

3.3 解析結果

解析により予測された,荷重と載荷点中央の変 位との関係を図-3に示す。なお,図中には S-4 試験体の実験結果を併せて示している。本解析で は,斜めひび割れの発生とともに,Snapback 挙動 が予測され,最も耐荷力の低い S-4 試験体と類似し た傾向が得られた。また,最大荷重後から Snapback 挙動を示している間,荷重低下 50%程度の領域に おいて,最初の釣合点を得ることに成功しており, Snapback が2つのプロセスにより生じていること が確認できる。以下,ポストピーク領域における エネルギーの吸収量および吸収領域を示すことで Snapback 時の破壊プロセスならびに耐荷機構を明らかにする。

3.4 エネルギー吸収量に基づく破壊プロセスの評価

ピーク荷重から中間の釣合点までの領域を Snapback-State1,釣合点から荷重がほぼ一定値とな るまでの領域を Snapback-State2 とする。各領域に おけるエネルギーの吸収量(エネルギー吸収量 - 変 位関係)ならびに吸収領域を図 - 4,図 - 5に示す。



図 - 3 荷重 - 変位関係







図 - 5 Snapback-State2 におけるエネルギー吸収

なお,エネルギー吸収量は各ガウス点ごとのひず みエネルギーを積分することで算出した。それぞ れの図において左図は部材の全エネルギー吸収量, コンクリートの吸収量,鉄筋の吸収量を示し,右 図はコンクリート内部の応力状態,すなわち圧縮, 引張,せん断それぞれの作用によるエネルギー吸 収量を示している。なお,図中の実線部は各領域 に対応した吸収量であり,また,エネルギー吸収 領域図は,色が濃くなるにつれて吸収量,解放量 が大きいことを示し,吸収領域は丸で囲んである。

図 - 4から Snapback-State1 では,エネルギーの 吸収は対象スパンウェブ部に集中し,解放はコン クリートの圧縮領域およびスパン中央部の主鉄筋 に集中している。コンクリート内部の状態は,圧 縮耐荷機構はエネルギーを解放し,引張およびせ ん断耐荷機構は吸収している。以上から,破壊の 局所領域は対象スパンウェブ部の斜めひび割れ進 展位置であると予測できる。また,破壊にはせん 断応力による作用が大きいことが確認できる。

同様の議論から Snapback-State2 ではエネルギー 吸収は部材端部に集中しており,破壊の局所領域 は主鉄筋に沿う領域であると予測できる。ここで も,せん断応力が大きく影響している。なお,エ ネルギー解放領域はSnapback-State1と同様である。

Snapback-State1,2より,Snapback 挙動を示す斜 め引張破壊には,破壊領域の違いによる2つの段 階があることが解析的に予測された。各プロセス において,エネルギーを吸収している領域は異な り,Snapback-State1では対象スパンのウェブ部で あり,Snapback-State2では支点近傍の主鉄筋に沿う 領域に集中している。このように,部材のエネル ギー吸収状態を示すことは,破壊領域の推定と破 壊進展の予測を行うことが容易となり,構造物の ポストピーク挙動の評価と安全性評価,補強対策 を行う上で,非常に有益な情報を得ることができ る。

 ポストピーク領域における軸力の影響評価 軸力を受ける RC はりは,作用軸力が斜めひび割 れの発生に直接影響を及ぼすため,せん断耐力が 増加することは周知のことであるが,ポストピー ク領域の耐荷機構を始めとする部材のエネルギー 吸収能においても,軸力の影響を受けることが考 えられる。

軸力を受ける RC 部材の研究として,山谷らの実 験は,軸方向圧縮力とせん断スパン比をパラメー タとして行われており,充実したデータがそろっ ている<sup>3)</sup>。しかしながら,山谷らの実験はせん断耐 力についての検討が行われており,ポストピーク 領域の挙動については議論されていない。本章で は,軸方向圧縮力を受ける RC はりのポストピーク 挙動を探ることを目的とし,山谷らの実験を対象 とした数値解析を行う。また,解析によって予測 されるせん断耐力を,デコンプレッションモーメ ント法によるせん断耐力と比較することで,解析 の妥当性を示す。なお,デコンプレッションモー メント法には,コンクリート標準示方書の原式<sup>4)</sup> と山谷らの提案式<sup>3)</sup>を用いた。

4.1 解析対象

本解析では,山谷らの実験の試験体 No.1~No.4 を対象とした。解析モデルと材料諸元を図 - 6 に 示す。解析は試験体の対称性を考慮に入れて 1/2 モ デルで行った。なお,作用軸力は,0.0(MPa), 0.98(MPa),2.45(MPa)および 4.90(MPa)である。 4.2 解析結果

解析により予測された載荷点の荷重 - 変位関係 を図 - 7 に, せん断耐力の解析値とデコンプレッ ションモーメント法による計算値との比較を図 -8 に, Snapback 挙動時のはりのエネルギー吸収領 域を図 - 9 に示す。



図 - 6 解析モデルおよび材料諸元



図-9 エネルギー吸収領域図

図 - 7から,作用軸力は最大耐力のみならずポ ストピーク領域のエネルギー吸収能に影響を与え ることが確認できる。すなわち,低軸力のはりは Snapback 挙動を示すのに対し,軸力の増加に従い Snapback が生じにくくなる傾向がある。また,図 - 9から Snapback 時には,斜めひび割れに伴うエ ネルギーの吸収と圧縮コンクリートと主鉄筋のエ ネルギー解放が確認できる。さらに,高軸力状態 になるほど,エネルギーの吸収量,解放量ともに 少なくなる傾向があり,エネルギーの吸収量が少 ないことから,部材の損傷が軽度であることが予 測できる。これは,図-7において荷重低下の割 合が小さいことからもいえる。なお,図-7に Snapback 経路上で最大荷重後最初に得られた釣合 点を示しているが,この釣合点を境として3章で 示したような Snapback 挙動の 2 つのプロセスを確 認している。

図 - 8から,作用軸力 0.98MPa を除けばせん 断耐力をある程度予測できているといえる。また, 山谷らが指摘しているように,示方書原式が,軸 圧縮力が大きくなる場合に危険側の耐力を与える という傾向は,本解析でも示された。

なお,作用軸力 0.98MPa の場合は,耐力の増加 量ならびに最大荷重時の変位が他の場合と比較し て大きく予測されているが,この点に関しては, 今後詳細な検討を行う必要があると考えている。

## 5. せん断破壊を生じる RC 柱の解析

高架橋や長大橋に代表されるように, RC 柱は構 造物の要の部材である。仮に, RC 柱がせん断破壊 を生じるようなことになった場合, Snapback 挙動 のように破壊時にエネルギー解放するような破壊 モードを示すようであれば, 極めて危険である。

本章では,せん断破壊を生じる RC 柱を対象とし



図 - 12 エネルギー吸収領域図

た解析を行い, Snapback 挙動の有無を確認する。 解析には一般的な RC 柱を仮想し, Pushover 解析を 行った(図 - 10)。なお,軸力の有無による挙動の違 いを探るために,軸力を作用させる場合とさせな い場合の,2つのケースについて解析を行った。

図 - 11 に解析により予測された荷重 - 変位関係 を示す。全体的には、どちらも緩やかな軟化型の 荷重 - 変位関係であったが、局所的な範囲で見る と、軸力の作用していない場合にはポストピーク 領域において、わずかながら Snapback 挙動が確認 できる。この前後のエネルギーの吸収状態を図 -12 に示す。図中の数字は図 - 11 の数字に対応して いる。荷重の低下は斜めひび割れの発生によって 生じており、その後の耐荷機構は圧縮コンクリー トのアーチ機構と鉄筋のトラス機構であることが 確認できる。

## 6. 結論

RC 部材の Snapback 挙動も含めたポストピーク 挙動と,ポストピーク領域のエネルギー吸収状態 を評価することにより以下の知見を得た。

1.エネルギー吸収状態から,破壊領域および耐荷 機構を明らかにすることが可能である。

- エネルギーの吸収量と解放量を比較することで、 Snapback 挙動を生じるかどうかを判断することが可能である。
- 3. Snapback 挙動には,斜めひび割れの発生と主鉄 筋に沿う領域の破壊の2つの段階が存在する。
- 4.軸圧縮力の増加に伴い,部材のエネルギー吸収 能は増大する。

### 参考文献

- 内田裕市・森本博昭・塚本健雄:せん断破壊 を生じる RC はりのポストピーク挙動,土木学 会第 56 回年次学術講演会,v-443,pp.886-887, 2001.10
- 2) 舟田武・田邉忠顕:格子等価連続体化法によるひび割れ面のせん断伝達モデル,コンクリート工学年次論文集,Vol.23,No.3,pp.1003-1008,2001
- 山谷敦・檜貝勇・中村光:軸方向圧縮力を受けるRC梁のせん断挙動に関する実験的研究, 土木学会論文集, v-54, No.697, pp143-159, 2002.2
- 4) 土木学会:2002 年度制定コンクリート標準示方書構造性能照査編,pp.67-70,2002