# 論文 アルカリ骨材反応によるコンクリートのひびわれ幅の数値解析モデ ル

松島 学<sup>\*1</sup>·横田 優<sup>\*2</sup>·吉田 秀典<sup>\*3</sup>·岡 孝二<sup>\*4</sup>

要旨:アルカリ骨材反応によるコンクリート構造物の劣化が注目されている。アルカリ骨材 反応によって、コンクリートにひび割れが発生する。劣化の度合いによってはコンクリート 中の鉄筋を破断する事例も報告されている。本研究は、アルカリ骨材反応によるコンクリー ト構造物のひび割れ性状を再現する解析モデルを構築した。また、アルカリ骨材反応によっ て損傷を受けた橋台の現場計測を行った。提案する解析モデルを用いた数値解析を行い、ひ び割れ性状とひび割れ幅について数値解析と現場計測との比較検討を行った。 キーワード:アルカリ骨材反応、現場計測、数値解析、ひずみ軟化モデル

### 1. はじめに

近年、アルカリ骨材反応によるコンクリート 構造物の劣化が社会問題となっている<sup>1),2)</sup>。劣化 はひび割れ,かぶりコンクリートの剥離・剥落, さらには鉄筋の降伏および破断にまで至り、コ ンクリート構造物の耐久性に大きな影響を与え ることは否定できない。眞野ら<sup>3)</sup>は、2次元弾塑 性有限要素解析法を用いて, アルカリ骨材反応 による鉄筋損傷に関するメカニズム分析を行っ ている。鉄筋破断のメカニズムを分析するとい う目的に対しては有用性があるが、コンクリー トの全要素を膨張させる点で,現実の挙動を表 現していると判断するのは難しい。松原ら<sup>4)</sup>は, フリーメッシュ法による粗骨材分布を考慮した 3次元ひび割れ解析を行っている。この研究で使 用されているモデルは、コンクリートを現実的 に非常に精度良くモデル化していると言える。 しかし、要素数の問題からも実構造物に適用で きる,実用的なモデルとは判断し難い。

本研究は,アルカリ骨材反応によって生じる コンクリート構造物のひび割れ幅を求める実用 的な解析モデルの構築を行った。 2. 解析モデル

### 2.1 等価ひび割れ要素の導入

現実のコンクリートは、ばらついた粗骨材の 配置や無数の微小ひび割れによる欠陥が影響し た不均質性を持つ。コンクリートをモデル化す る場合、微小ひび割れをモデル化することは非 常に難しい。また、精度の良い全骨材のモデル 化は, 膨大な要素数を必要とし汎用コンピュー ターで計算できない。そこで、コンクリートの 不均質性を考慮しつつ、要素数を削減するため にコンクリートを粗骨材の集合体から成る膨張 要素とモルタルから成る非膨張要素の2つの要 素で表す等価ひび割れ要素を導入した。以下に 説明する等価ひび割れ要素の考え方は、反応性 骨材の粒径および粒度に関わらずアルカリ骨材 反応による膨張と反応性骨材の何らかの物性と 相関があるという黒田ら 5)の研究を参考にして いる。

## 2.2 粗骨材の集中

数値解析における要素数を減らし、コンクリ ートのひび割れをシミュレーションする方法と して、コンクリートを粗骨材の集合体とモルタ

\*1 香川大学 工学部安全システム建設工学科教授 工博 (正会員) \*2 (株)四国総合研究所 土木技術部主席研究員 工博 (正会員) \*3 香川大学 工学部安全システム建設工学科教授 博士(工学) (正会員) \*4 香川大学 大学院工学研究科安全システム建設工学専攻 大学院生



図-2 等価ひび割れ要素の概念図

ルの 2 つで表すモデルを提案した。コンクリー トを粗骨材の集合体とモルタルに区分した模式 図を図-1に示す。コンクリート中で膨張する領 域に粗骨材が集中し,残りの膨張しない領域に モルタルが存在すると考えた。集中した粗骨材 はモルタルで密着していると仮定する。各領域 の相互作用で発生するひび割れ <sup>の</sup>で現実のひび 割れをシミュレーションできるものと考えた。

しかしながら,粗骨材を過度に集中させると現 実のコンクリートと掛け離れ,現実の挙動を表 すことができない。粗骨材の集中,つまり膨張 領域の大きさの決定は,数値解析での要素数を 削減しつつ,現実のコンクリートと同様の挙動 を示す性質を失わない程度とする。

## 2.3 等価ひび割れ要素

解析は、膨張する領域と膨張しない領域をそ れぞれ要素に置き換えることでコンクリートを モデル化できると仮定した。概念図を図-2に示 す。各領域を膨張要素と非膨張要素に定義した。 膨張要素の大きさは、その寸法を変化させて解 析を行い、最も現実に近いひび割れ性状を示し た解析ケースを基に、1辺10cmの正方形要素と した<sup>7)</sup>。膨張要素にひび割れが生じた場合、粗骨 材を密着させるモルタルにひび割れが生じ,集 合した粗骨材が分離したと判断する。この挙動 はひび割れが粗骨材に沿って生じる現実の挙動 に基づいている。従って,膨張要素の強度はモ ルタル強度に依存すると考える。コンクリート 強度とモルタル強度の間に強い相関があること から,膨張要素,非膨張要素はともにコンクリ ートの材料特性を持たせた。膨張要素は、温度 荷重 T を加えることで式(1)に従って膨張ひずみ が発生する。

$$\varepsilon = \alpha T \tag{1}$$

ここで、αはコンクリートの線膨張係数である。 膨張要素と非膨張要素の配置は、乱数によって 決定し、引張りひび割れの発生は破壊力学に基 づいている。全要素に占める膨張要素の割合は 実配合を考慮し、全体積の40%に設定した。

## アルカリ骨材反応が発生した構造物のシミュ レーション

## 3.1 対象構造物

解析対象となる構造物は 1979 年に建設され, 現在,アルカリ骨材反応によって大きく損傷し ている橋台Kである。対象構造物の形状を図-3 に示す。地上部の寸法は幅 750cm,高さ 140cm, 奥行き 90cm である。本橋台が建設された当時は まだアルカリ骨材反応に対する認識が薄く,コ ンクリート用粗骨材に安山岩などの反応性骨材 が使用されている。さらに,本橋台は背面地盤 から水分の供給が絶えず行われ,補修が難しい 構造物である。損傷しているコンクリート面を 写真-1に,そのスケッチを図-4に示す。スケ ッチから,格子状のひび割れ(図-4,A参照)と 拘束の影響を受けて水平方向に卓越したひび割 れ(図-4,B参照)が生じていることがわかる。 アルカリシリカゲルの滲出やその膨張によるコ





写真-1 損傷を受けたコンクリート面





ンクリート面の膨らみから,損傷の程度は激し いと考えられる。本橋台からコアを採取し,促 進膨張試験を行った結果を図-5に示す。膨張率 が最大で 0.035%であることと,建設から 25 年経 過していることから膨張はほぼ収束していると 判断した。本橋台(橋台 K)のひび割れを調査し, 得られた等価ひび割れ直径  $\phi_{cr}$ のデータを図-6 に示す。等価ひび割れ直径  $\phi_{cr}$ とは,図-7の左 図のように格子状のひび割れを右図のような等





価な真円に変換したときの円の直径である。図 -6には、比較のために調査した本対象構造物よ りも大きな壁面(幅 1440cm, 高さ 400cm)を持つ 橋台(橋台 F)の調査結果を併せて示す。寸法が全 く異なる 2 つの橋台における等価ひび割れ直径 はそれぞれ 30cm, 32cm となり、2cm しか差が 見られない。ひび割れ幅についての比較は行っ ていないが、実構造物で構造物の寸法はひび割 れ性状にそれほど影響しないと考えられる。

## 3.2 材料特性の設定

提案する等価ひび割れ要素モデルを用いて本 橋台に生じるひび割れをシミュレーションした。 アルカリ骨材反応によるコンクリートの劣化は, 時間依存によるクリープ的な挙動を示すことか ら,その影響を考慮し,式(2)のようにコンクリ ートの弾性係数を低減した<sup>8</sup>。

$$E_{c} = E_{0} \frac{1.0}{1.0 + \varphi}$$
(2)

ここで、 $E_0$ : クリープを考慮しないコンクリートの弾性係数、 $\varphi$ : 低減係数(本研究ではコンクリート標準示方書<sup>8)</sup>を参考に $\varphi$ =2.5とした)である。コンクリートの引張強度は現場で採集した

コアの圧縮強度試験結果を参考に設定した。コ ンクリートの定数は**表-1**のように設定した。全 要素中に含まれる膨張要素の割合は一般的な W/Cから粗骨材量を設定し、40%とした。この粗 骨材が全て膨張するとして、解析を行った。膨 張要素は乱数を使って、図-8 に示すように 3 次元的にランダムに配置した。

表-1 コンクリートの材料特性

項目	設定値
クリープを考慮しない弾性係数 E <sub>0</sub> (N/mm <sup>2</sup> )	20000
低減後の弾性係数 E <sub>c</sub> (N/mm <sup>2</sup> )	6000
引張強度 f <sub>t</sub> (N/mm <sup>2</sup> )	3.0
引張ひび割れひずみ ε <sub>cr</sub>	5.0 $\times 10^{-4}$

## 3.3 設定した膨張ひずみ

アルカリ骨材反応において、アルカリシリカ ゲルの膨張はコンクリートの含水率に影響を受 けると考えられる。本研究では、コンクリート 構造物内部の含水率が図-9(a)のようになる と仮定した。さらに、コンクリートの含水率が 膨張の割合に比例すると考え図-9(b)のよう にモデル化した。本橋台は、常に水を供給され る背面と乾燥の影響が小さいコンクリート内部 の含水率が高く、乾燥の影響を受けるコンクリ ート表面の含水率は低いと考える。コンクリー ト内部の膨張要素を内部膨張要素,表面の膨張 要素を外部膨張要素と定義する。外部膨張要素 は内部膨張要素に与えるひずみの1割の膨張ひ ずみが発生すると仮定した。本解析は実構造物 の劣化状態が終局に達していることから、内部









図-10 ひび割れ幅の仮定

膨張要素を膨張ひずみ ε=0.4%まで膨張させるこ とで,解析を行った。拘束条件は,構造物地上 部最下部で地中の基礎による拘束を考慮して全 自由度を拘束,背面は背面地盤を考慮して地盤 面に対して直交方向の自由度のみを拘束した。

## 3.4 ひずみとひび割れ幅の関係

図-10 に示すように長さ $\ell_{cr}$ のコンクリート にひび割れが発生し、そのひび割れ幅が $W_{cr}$ であ るとする。解析より求まるひずみは、弾性ひず みと非弾性ひずみ(ひび割れひずみ)の和であ る。本研究では、弾性ひずみが非弾性ひずみよ り非常に小さいことから無視できるものと考え、 ひび割れ幅は非弾性ひずみから求められるとし た。従って、長さ $\ell_{cr}$ 内の平均ひずみ $\epsilon_{p}$ を用い て式(3)のようにひび割れ幅を求められると仮定 した。

$$W_{cr} = \ell_{cr} \varepsilon_{p} \tag{3}$$

ここで、W<sub>er</sub>はひび割れ幅である。本研究で問題 になるのは、ひび割れが発生した時に影響を及ぼ す範囲、言い換えると、式(3)に示す有効長さℓ<sub>er</sub>を 設定することである。本研究では次のように考え た。コンクリート表面における格子状のひび割れ は、ある一定の間隔で発生している。この各格子 状ひび割れの中心の間隔が、ひび割れに関与する 有効長さ $\ell_{er}$ であると考えた。前述の等価ひび割 れ直径  $\phi_{er}$ が各格子状ひび割れの中心の間隔と 等価であることから、式(4)の関係が成り立つ。

$$W_{cr} = \phi_{cr} \varepsilon_p \tag{4}$$

## 3.5 解析結果

## (1) コンクリート表面のひび割れ

本数値解析で求めたコンクリート表面のひび 割れ状況を図-11 に示す。数値解析では,各要 素が持つ 8 つの積分点でひび割れを評価してい る。積分点に表示された線は引張ひび割れを示 し,その方向がひび割れの発生した方向を示す。 各積分点の直線を繋いだものが格子状に繋がっ ているのが見られる(図-11,A参照)。解析で 求められた格子状ひび割れの等価ひび割れ直径  $\phi_{cr}$ の平均値は 37cm であった。現場計測で得ら れた平均値は 30cm であり,現実に近い格子状の ひび割れを再現できたと言える。構造物地上部 最下部には拘束を反映した水平方向のひび割れ

(図-11, B 参照)が卓越している。実構造物 にも同様のひび割れが確認されている。本解析 モデルを用いて,コンクリート表面における現 場のひび割れ(図-4参照)と同様のひび割れ性 状をシミュレーションすることができた。

## (2) ひび割れ幅の分布

解析結果から得られたひび割れ幅の分布を図





図-12 表面のひび割れ幅の分布

-12 に示す。解析では3次元ソリッド要素を用 いており、1つの要素に8つの計算点を持つ。そ れらの点を介して応力、ひずみ等が得られる。 本解析ではコンクリート表面に位置する代表点 を選択し、式(3)を用いて得られた各平均ひずみ  $\epsilon_p$ に対するひび割れ幅 $W_{cr}$ を求めた。縦軸は頻 度(N<sub>i</sub>)を総個数(N)で除したものである。図から わかるように、ひび割れ幅は実構造物で発生し たかなり大きな値のひび割れ幅を除いて、現場 計測と数値解析でほぼ同様の傾向を示している。

## (3) 奥行方向直交方向のひび割れ

アルカリ骨材反応によって損傷を受けたコン クリート構造物の内部には奥行方向に直行する 方向に引張ひび割れが発生する。実構造物から 採取したコンクリートコアを写真-2 に示す。 10cm~20cm の間隔で引張ひび割れが発生して いることがわかる。本数値解析でコンクリート コアと同様に奥行方向ひび割れ分布を図-13 に 示す。図では、ひび割れの方向が紙面と平行で あれば真円、直交であれば直線として表現され る。本研究では、紙面に直交し、さらに奥行方



写真-2 実構造物の奥行方向直交ひび割れ





図-14 奥行方向直交ひび割れ間隔の分布

向とひび割れの方向のなす角が 75°~90°のひび 割れを対象とした。図より,10cm~20cmの間隔 で引張ひび割れが発生していることが分かる。 実構造物のコンクリートコアと数値解析で得ら れた引張りひび割れ間隔の分布を図-14 に示す。 縦軸は頻度(N<sub>i</sub>)を総個数(N)で除した無次元量で ある。実構造物と解析で同様の傾向を示す。実 構造物の平均値は 16.1mm,標準偏差は 13.4mm となり,数値解析の平均値は 16.0mm,標準偏差 は 12.4mm となった。従って,コンクリート内部 のひび割れ性状もシミュレーションすることが できたと言える。

## 4. まとめ

本研究は、アルカリ骨材反応によってコンク リート構造物にひび割れが生じる現象を再現す る実用的な数値解析モデルを提案し、実構造物 の挙動を用いて検証した。以降に、本研究で明 らかにしたことを示す。

- (1) コンクリート中で膨張する部分に粗骨材が 集中し, 膨張しない部分にモルタルが存在す ると仮定し, 各領域を膨張要素, 非膨張要素 とした等価ひび割れ要素を提案した。
- (2)提案する等価ひび割れ要素を用いて,現場計 測を行った橋台の解析を行った。その結果, 格子状のひび割れと構造物下部の拘束を反 映した水平方向のひび割れを再現すること ができた。
- (3) コンクリート内部に発生する奥行方向に直 交する引張ひび割れの間隔は,実構造物と数

値解析でほぼ同様の傾向を示した。

(4)本橋台に生じるひび割れのひび割れ幅の分 布を現場計測と数値解析で比較を行った。ひ び割れ幅は、実構造物で発生するかなり大き な値のひび割れ幅を除き、数値解析と現場計 測でほぼ同様の傾向を示した。

## 参考文献

- 日本コンクリート工学協会:コンクリート診 断技術'04 基礎編, pp.195-199, 2001.3
- 小林一輔:コンクリート構造物の耐久性診断 シリーズ 1 コンクリート構造物の早期劣化 と耐久性診断,森北出版, pp.22-29, 1991.7
- (眞野裕子,幸左賢二,松本茂,橋場盛:曲げ加 工部での鉄筋損傷メカニズムの検討,コンク リート工学会年次論文集, Vol.26, No.1, pp.963-968, 2004.7
- 松原仁,伊良波繁雄,富山潤,山城建樹:FMM による粗骨材分布を考慮した三次元ひび割 れ解析,コンクリート工学会年次論文集, Vol.26, NO.2, pp.121-126,2004.7
- 5) 黒田保,西林新蔵,井上正一,吉野公:反応 性骨材の粒度および混入量がモルタルの ASR 膨張に与える影響,コンクリート工学会 年次論文集, Vol.24, No.1, pp.63-68,2002.6
- Xuehui AN : Failure Analysis and Evaluation of Seismic Performance for Reinforced Concrete in Shear, pp.18-37, 1996.7
- 7) 岡孝二,横田優,吉田秀典,松島学:アルカ リ骨材反応によるひび割れのシミュレーシ ョン,土木学会第 60 回年次学術講演会, pp.41-42, 2005.9
- 8) 土木学会:コンクリート標準示方書 [設計 編], 1986.10