# 論文 透気特性に基づくコンクリートの空隙構造同定と熱力学連成解析に よる耐久性予測

秋岡 洋平\*1・石田 哲也\*2・堀切 寛\*3

要旨:数値解析手法を用いて耐久性予測を行う場合,コンクリートの配合や養生・環境条件を適切に入力す る必要がある。ただし既設構造物を対象とした場合,これらの情報を建設当初にまで遡って特定することが 一般に困難である。本研究では,硬化コンクリートの品質を示す指標として透気特性に着目し,数値解析へ の入力情報として利用することを試みた。その結果,制御された実験室環境ではあるものの,配合条件や養 生条件を入力せずとも,透気係数から推定されるセメント硬化体の空隙構造ならびに水酸化カルシウム量を 入力することで,中性化進行を良好な精度で追跡可能であることを示した。 キーワード:透気係数,熱力学連成解析,空隙構造,中性化,耐久性指標

1. はじめに

コンクリート構造物の耐久性は,コンクリートの配合, 使用材料の種類,養生などに代表される施工条件,およ び供用期間中の環境条件に左右される。ここで,既に経 年を受けた既設構造物を対象として,現時点から将来の 劣化予測あるいは残存寿命を数値解析などにより予測 を試みる場合,使用されたコンクリートの配合や施工条 件あるいは供用中の環境条件を同定することが一般に 困難である。

透気係数は、耐久性に強く関連するコンクリート内で の物質移動特性を表す有効な指標である。塩化物イオン 浸透や中性化進行は、透気係数を始めとする物質移動特 性を示す指標との間に強い相関があることが知られて いる。また海外では実構造物の品質評価の手法の一つと してトレント法などの非破壊試験が提案されており<sup>1)</sup>、 測定される透気係数から構造物内部の硬化コンクリー トの品質がクラス分けされている。また透気係数などの 材料特性を耐久性指標(Durability Indicator)として定義 し、構造物の耐久性や残存寿命を予測する先進的なフレ ームも提案されるに至っている<sup>2)</sup>。

著者らが所属する東京大学コンクリート研究室では, 任意の環境条件下における各種コンクリート材料・構造 の性能予測を目的に,熱力学連成解析システム (DuCOM)の開発を進めている<sup>3)</sup>。本研究では,実験で 得られる透気係数の測定値を用いて空隙構造を表わす 情報に変換し,それらを解析上の入力値とする事で構造 物の性能予測を行う手法を提案する。これにより,実構 造物等において実際に使用されたコンクリートの配合 や養生・施工,ならびに環境履歴を知ることが困難なも のであっても,透気係数から得られる空隙構造を入力値 とすることで、耐久性に関連する現象を数値解析により 予測することが可能となる。与えられた配合や養生条件 から水和反応、細孔構造形成、水分移動の連成を逐次精 密に解くのではなく、硬化コンクリートの微細構造を出 発点とした解析方法の提案である(図-1)。

まず様々な配合・養生環境下において,透気係数に関 して実験値と解析値を比較することで,透気モデルの予 測精度に関する検証を行う。続いて,透気係数という一 指標から,毛細管空隙およびゲル空隙の空隙率と空隙分 布の推定手法について提案すると共に,硬化体の空隙構 造を入力値とした中性化進行予測を試みる。



図-1 熱力学連成解析の概要と本研究の対象

- \*1 東京大学大学院 工学系研究科社会基盤学専攻修士課程 (正会員)\*2 東京大学大学院 工学系研究科社会基盤学専攻准教授 博士(工学)
- \*2 東京大学大学院 工学系研究科社会基盤学専攻准教授 博士(工学) (正会員)

\*3 東京大学大学院 工学系研究科社会基盤学専攻修士課程

### 2. 熱力学連成解析システム

# 2.1 熱力学連成解析モデル

熱力学連成解析システムは、水和反応、空隙構造形成、 水分分布の各事象の連成計算を基礎とし、供用期間中の 炭酸化進行<sup>4)</sup>,塩化物浸透、鋼材腐食などの長期劣化に 関わる現象を追跡するものである。物質移動性を示すも のとして、空隙構造に立脚した熱力学モデルから水分逸 散量や透気係数が算出されるが、これまでに様々な条件 に対して解析モデルは概ね良好に現象を追跡できるこ とが示されている<sup>5)</sup>。

### 2.2 本研究の基盤となる解析モデル



図-2 本研究で使用する解析モデルの全体像

ここでは、本研究で主に使用する解析モデルについて 紹介する(図-2)。はじめに、物質移動性をはじめとす る様々な材料特性に影響を及ぼす空隙構造モデルを紹 介する。

### (1) 空隙構造モデル

解析モデルにおいては,空隙の寸法・形態に応じて毛 細管空隙,ゲル空隙,層間空隙に分類し,それらの集合 として全体系での空隙構造を表現している。

$$\phi(r) = \phi_{cp} V_{cp}(r) + \phi_{gl} V_{gl}(r) + \phi_{lr}$$
(1)

ここで、 $\phi_{cp}$ 、 $\phi_{gl}$ 、 $\phi_{lr}$ : それぞれ毛細管空隙、ゲル空隙、 層間空隙の空隙率である。また $V_{cp}(r)$ 、 $V_{gl}(r)$ [ $m^3/m^3$ ]はセ メント硬化体中の毛細管空隙及びゲル空隙に対し細孔 径分布を規定する関数であり、それぞれの空隙*i*に対し て、以下の様に定義できる。

$$V_i(r) = 1 - \exp(-B_i r)$$
  $(0 \le V_i(r) \le 1)$  (2)

ここで, *B<sub>i</sub>*[1/m]: 関数形状を決定するパラメータであり, その逆数は対象とする空隙のピーク径となる。これは毛 細管空隙あるいはゲル空隙を円筒状と仮定した際の表 面積の値*S*より, 次式にしたがって求めることが出来る。

$$S = 2\phi \int r^{-1} dV = 2\phi \int_{r_{\min}}^{\infty} B \exp(-Br) d\ln r \qquad (3)$$

ここで、r<sub>min</sub>は考慮する最小空隙半径である。

# (2) 透気モデル

異なる寸法を有する空隙中を通過する物質の流束を, 空隙分布モデルを用いて積分することにより,透過する 物質の密度や粘性に影響されない材料固有の値である 固有透過係数は,以下の式のように求めることができる。

$$k_{in} = \frac{1}{8} \left( \int_{0}^{\infty} r dA \right)^{2} \approx \frac{\phi^{2}}{50} \left( \int_{0}^{\infty} r dV \right)^{2}$$
(4)

ここで, k<sub>in</sub>:固有透過係数[m<sup>2</sup>]である。しかし,実際の 計測では透過する物質によって異なる固有透過係数が 求まることが示されている<sup>の</sup>。本研究では透気試験に基 づく固有透過係数を扱うことより,これを固有透気係数 と呼ぶこととする。

実験で得られる透気係数と固有透気係数の関係は,使 用する気体の密度ならびに粘性を用いて,以下のように 表現される。

$$k_{measure} = \frac{\eta}{\rho}k \tag{5}$$

ここで、k:実験で得られる透気係数[m/s],  $k_{measure}$ :測定 値から計算される固有透気係数 $[m^2]$ ,  $\eta$ :気体の粘性 $[N/m^2 \cdot s]$ ,  $\rho$ :気体の密度 $[N/m^3]$ である。

式(2)を式(1)に代入し, 毛細管空隙とゲル空隙が物質移動に関与するとして式(4)を解くことで, 透気係数は空隙構造を示すパラメーター ( $\phi_i$ ,  $B_i$ )から以下のように求められる (式(6))。

$$k_{in} \approx \frac{\phi_{gl} + \phi_{cp}}{50} \cdot \left(\frac{\phi_{gl}}{B_{gl}^2} + \frac{\phi_{cp}}{B_{cp}^2}\right)$$
(6)

式(6)に示されているとおり,透気の経路としてゲル空隙の空隙率 $\phi_{gl}$ ,および毛細管空隙の空隙率 $\phi_{cp}$ を与えている。換言すれば,ゲルおよび毛細管空隙の全てが透気の経路となりうることを仮定しており,実験条件で言えば絶乾状態に相当する。不飽和空隙を対象とする場合,空隙率に各々の飽和度を乗ずればよいが,今回の検討の対象は後述するように絶乾状態のものを対象としたことから,以上の式を用いることとした。



コンクリートは養生等の影響を受け,特に早期脱枠な ど養生が不十分の場合には,水和が阻害されることで表 面付近の空隙構造は粗大化する。

図-3は、解析の一例として、養生条件を水中3・6・ 28日、気中28日と変化させた場合の28日後透気係数の 算定値を場所ごとにプロットしたものである。水中3・6 日はその後28日経過時まで気中養生とした。同じ供試 体内においても、養生の種類によって、透気係数の値が 表面からの距離によって異なっている様子が表現され ていることが分かる。



### 図-4 場所によってことなる透気係数の平均化

実験で計測される透気係数は、有限の厚みをもった供 試体の平均的な透気性を示している。一方、FEM による 数値解析では、要素のガウス点ごとに透気係数が算出さ れる。このとき、実験での測定値と比較するために、場 所ごとに異なる透気係数を空間平均化する必要がある。 本研究では、通過物質の流量が一定というダルシー則に 基づいて、透気係数を平均化する手法を用いた(図-4)。 厚さ H の供試体から測定される透気係数を kint とすると 以下の通りになる。

$$k_{int} = \frac{H}{\sum_{i=1}^{n} \frac{h_i}{k_i}}$$
(7)

ここで、 $k_{int}$ :供試体の固有透気係数 $[m^2]$ , $h_i$ :各箇所の 厚さ[m], $k_i$ :各箇所での透気係数 $[m^2]$ である。式(7)は $h_i$ を十分小さくすることで、得られる解は収束するが、今 回は表面付近の領域に対して 1mm と設定した。

## 2.3 異なる養生・配合下での透気係数の比較検討

本節では 2.2 で記述した空隙構造モデルから透気係数 を算出する解析手法を用いて,解析値と実験結果との比 較を行う。

ここでは Dhir らが行った実験で、様々な配合と養生の 下で測定した透気係数を解析の比較対象として取り上 げ、熱力学連成解析における透気モデルの精度について 検証する。実験では、水セメント比 40%から 70%まで の5 種類の配合(表-1)を持つコンクリートに対して、 それぞれ 1 面に対して 4 種類の養生(表-2)を行い、 105℃で絶乾状態に置いた後、直径 100mm、厚さ 50mm のサイズにおいて透気係数を測定している。

解析では,所定の初期配合と養生条件をそれぞれ入力 し,解析によって求められる空隙構造パラメータを式(6) に代入することで透気係数を算出した。

表-1 コンクリートの配合

No.	W/C	単位量(kg/m <sup>3</sup> )	
		C (OPC)	W
N1	40	490	195
N2	47	400	190
N3	55	340	185
N4	62	300	185
N5	70	265	185

#### 表-2 脱型後のコンクリートの養生(28日まで)

E1	水中養生(20℃)
E2	6日水中後, 気中(20℃, RH55%)
E3	3日水中後, 気中(20℃, RH55%)
E4	気中(20℃, RH55%)

■ E1 ● E2 ▲ E3 ●

– F4



図-5 固有透気係数について実験値と解析値の比較

解析値と実験値の比較を図-5 に示す。横軸が解析, 縦軸が実験によって求められる固有透気係数である。総 じて良好に実験結果を再現できていることが分かる。特 に,異なる水セメント比および養生条件に対して,透気 係数の変化が良好に再現されている。しかしながら,同 一の養生条件に対して相互に透気係数を比較した場合, 両者の相関関係を示す直線の勾配がやや小さく,水セメ ント比が小さい場合は透気係数を過少,水セメント比が 大きい場合は過大評価をする傾向があることが分かっ た。また同一の配合条件に対して見た場合,養生の変化 による透気係数の変化も適切に評価できていることが 分かった。

固有透気係数の小さい領域では実験値と解析値にお いての多少の相違が見られた。一つの原因として、物質 移動と空隙連結性などの要因が過小評価されているこ とが考えられる。今回の研究では透気係数の精度が核と なるため、特に水セメント比 40%以下の供試体を対象と する場合、今後必要に応じてモデルの高度化が必要にな ると考えられる。

# 3. 透気係数を指標とした熱力学連成解析

3.1 透気係数の解析への適用



図-6 透気係数から中性化進行予測の流れ

熱力学連成解析を用いて解析を行う際には、コンクリ ートの配合・養生条件や、供用期間中の環境条件を入力 する。しかしながら、冒頭で述べたように、既設構造物 を解析対象に設定した場合、これらの情報を特定するこ とが困難であることが多い。

ただし本解析システムは、硬化後のコンクリートの空 隙構造を既知の固定値として、数値解析を行うことも可 能である。塩化物浸透解析を行う場合には各空隙率φ<sub>i</sub>と その空隙分布パラメータ B<sub>i</sub>,また中性化進行解析を行う 際には、それらの空隙情報に加えて水酸化カルシウム量 を与えればよい。前章までにおいて熱力学連成解析シス テムが透気係数を良好に表現できていることが確認さ れた。本章では、図-6の流れにより、まず実験で得ら れる透気係数から、解析上において物質移動性を計算す るのに必要である各空隙率φ<sub>i</sub>とその空隙ピーク径 B<sub>i</sub>を導 き出す手法について検討する。これにより、初期材料や 養生が分からなくても、硬化体の微細構造を出発点とし た予測が可能となる。本論文では一例として、実際に算 出された空隙構造を入力し、中性化深さの進行が所定の 精度で予測可能か否か検討することとする。

## 3.2 透気係数からの空隙構造同定

式(6)に示されるように、透気係数という一つの指標か

ら未知数である4つの空隙パラメータを求めるためには、 他の条件や仮定が別途必要となる。以下ではそれについ て述べる。

図-7 は、前章で示した様々な初期配合・養生条件に おいて、毛細管空隙とゲル空隙に対して取り得る $\phi$ およ びBの範囲を示したものである。図示される通り、ゲル 空隙と毛細管空隙の空隙ピーク径(= $1/B_i$ )は大きく異な り、1オーダー以上の差を有する。従って、式(6)におけ る $\phi_{cp}/B_{cp}^2$ の項に対して、 $\phi_{gl}/B_{gl}^2$ が十分小さく無視できる ため、式(7)に示される固有透気係数の測定値と空隙構造 との関係は、以下のように近似することが出来る。

$$k_{measure} \approx \frac{\phi_{gl} + \phi_{cp}}{50} \cdot \frac{\phi_{cp}}{B_{cp}^2}$$
(8)

また図-7より、ゲル空隙率は配合や環境条件や材齢の経過によって変化するが、概ね0.1前後の値をとることが分かる。ゲル空隙はC-S-Hゲルに内包される空隙などであるため、今回のように普通セメントのみを使用し、かつ極端な温度履歴を受けない場合には、モデルの算定値に変化が見られない。すなわち、ゲル空隙率¢glは0.08~0.12の間であり、毛細管空隙の変化に比べて変動が小



図-7 毛細管・ゲル空隙それぞれのφと Bの関係



さい。また図-8の実線は、式(8)に基づき得られた関係 式であり、ある透気係数(実験値)をとる場合において、  $\phi_{gl}$ として 0.08、0.10、0.12を与えたものである。また点 集合は、図-7に示した毛細管空隙における $\phi$ と Bの関係 をプロットしたものである.点集合と実線の交点が、あ る透気係数を満たす $\phi_{cp}$ と  $B_{cp}$ を示していることになる。 図示されるとおり、 $\phi_{gl}$ の変化は算出される $\phi_{cp}$ ,  $B_{cp}$ の値 に対してあまり影響しないことが分かる。毛細管空隙が 物質移動の主な経路となっていることを示しているの である。そのため今回の検討においては、第一次近似と して $\phi_{gl}$ =0.10の一定値を与えた(式(9))。これによって、 透気係数を得ることが出来れば、物質移動現象や耐久性 を支配する毛細管空隙の空隙構造を同定することがで きるのである。

$$k_{measure} \approx \frac{0.1 + \phi_{cp}}{50} \cdot \frac{\phi_{cp}}{B_{cp}^2} \tag{9}$$

### 3.3 中性化解析結果

はじめに、コンクリートの配合、養生条件などを実験 に即して入力する従来の解析を行い、中性化進行の精度 をまず検証する。続いて、本論文で提案する手法により 解析結果の検討を行う。前節の議論に基づき同定した空 隙構造を入力条件として,中性化進行の予測を試みるも のである。Dhir らは前述の透気係数の測定に加えて、同 一条件下での中性化深さについても検討している<sup>6</sup>。配 合は表-1, 養生は表-2 を参照されたい。CO2 濃度 4%, 温度 20°C, 湿度 50%において中性化促進試験を行ってい る。なお、入力として必要となる水酸化カルシウム量に ついては,配合や養生条件から別途解析により算定され る水酸化カルシウム量(365 日経過時)を入力条件とし て用いた。実際の適用にあたっては入力値としての水酸 化カルシウムを同定することが困難であることも予想 されるため,水酸化カルシウム量の仮定値が解析に与え る影響についても検討する。

### (1) 従来手法による解析結果



まず,初期配合と養生条件を入力し,打設時からのコ ンクリートの熱力学現象の連成を逐一解いていく通常 の解析手法について検討する。実験結果と解析結果の比 較を図-9 に示す。図示されるとおり,実験において測 定された中性化深さを良好に追跡できていることが分 かった。

(2) 透気係数から推定される空隙構造を用いた解析結果

次に,透気係数の測定結果から同定される空隙構造を 用いて,任意の時点を出発点とした解析手法の精度につ いて検証する。ここでは水酸化カルシウム量の情報は実 験では得られていないので水酸化カルシウム量に関し ては(1)の従来解析で算出された値を使用した。

図-10に示されるように、総じて良好な結果が得られ ているが、水セメント比が低くなるにつれて解析上で計 算される中性化深さが若干大きめに出る傾向があるこ とが分かった。水セメント比 40%付近での透気係数の算 出値と実験値との間の誤差が比較的大きかったことが 原因と考えられる。

以上の結果から中性化現象は空隙構造と水酸化カル シウム量に大きく依存しており,両者に基づく数値解析 の有効性が示唆された。同定するのが困難であることの 多い初期配合や環境履歴が分からなくても,任意の時点 における透気係数と水酸化カルシウム量という材料固 有の情報を得ることが出来れば,その後の耐久性予測を 行うことが可能となったといえる。



図-10 同定された空隙構造に基づく中性化解析結果

#### (3) 水酸化カルシウム量の影響

(2)の解析においては、水酸化カルシウム量については、 実験条件である配合・養生条件を与えた解析により別途 求めた値を使用している。ただし、本手法を実際に適用 する場合、水酸化カルシウム量が今回の場合のように精 度良く同定可能であるとは限らない。従って、水酸化カ ルシウム量が中性化進行に対してどの程度影響を与え ているか検討を行う。水セメント比 40% (N1)、および 70% (N5) での水酸化カルシウム量はそれぞれ、98.6、 55.9[kg/m<sup>3</sup>]と計算され,それぞれ今回の解析での最大・ 最小値に相当する。ここでは感度解析として,配合N3 の全ての養生条件に対して,最大・最小である各々の水 酸化カルシウム量を入力値として解析を実施した。また, 最も中性化の進行が遅いN1(養生E1)と,一番速いN5

(養生 E4)に対しても異なる水酸化カルシウム量を入力 値としての解析を行った。

図-11 に示されるとおり,水酸化カルシウム量が中性 化に与える影響は、中性化が早い供試体ほど大きいこと が分かる。ただし、水酸化カルシウム量が 55.9~ 98.6[kg/m<sup>3</sup>]という今回試算された最大値と最小値を入力 した範囲での議論であるため、別途水酸化カルシウムの 量をより少ない誤差で同定することができれば、実用上 十分な精度で中性化進行の予測が可能となると考えら れる。



# 図-11 水酸化カルシウム量を変えた時の中性化解析

### 4. まとめ

熱力学連成解析モデルを用いた透気係数を実験値と 比較した結果,様々な配合や養生条件に対して良好な精 度で追跡できていることが分かった。その結果に基づき, 実験で得られる透気係数から,セメント硬化体の空隙構 造を同定する方法を提案した。さらに,透気係数から得 た空隙構造と別途算定した水酸化カルシウム量を入力 することで,中性化進行過程が追跡可能であることを示 した。

今後、トレント法などの非破壊試験により得られる透

気係数を活用して,コンクリートの空隙構造を同定する ことが出来れば,本提案手法を活用することで任意の時 点を出発点とした将来予測が可能になると思われる。非 破壊試験と数値解析システムを融合させることによっ て,初期の配合や養生条件などの情報が利用できなくて も,構造物の性能や残存寿命を予測することが可能にな ると考えている。

### 参考文献

- Torrent, R., : A two-chamber vacuum cell for measuring the coefficient of permeability to air of the concrete cover on site, Materials and Structures, vol.25, pp.358-365, 1992
- Baroghel-Bouny, V.,: DURABILITY INDICATORS : RELEVANT TOOLS FOR PERFORMANCE-BASED EVALUATION AND MULTI-LEVEL PREDICTION OF DURABILITY, Performance Based Evaluation and Indicators for Concrete Durability, RILEM Proceedings PRO 47, pp.3-30, 2006
- Maekawa, K.,et al.: MODELLING OF CONCRETE PERFORMANCE, E&FN SPON, 1999
- Ishida, T., Maekawa, K., Soltani, M., :Theoretically Identified Strong Coupling of Carbonation Rate and Thermodynamic Moisture States in Micropores of Concrete, Journal of Advanced Concrete Technology, Vol. 2, No. 2, pp.213-222, 2004
- 5) 半井健一郎,石田哲也,李春鶴,三浦廣高:異なる 養生下での各種コンクリート材料の空隙構造変化 に基づく物質移動解析:コンクリート工学年次論文 集,Vol.29,No.1, pp.723-728, 2007
- R. K. Dhir, P. C. Hewlett, Y. N. Chan: Near surface characteristics of concrete: intrinsic permeability, Magazine of Concrete Research, Vol.41, No.147, pp.87-97, 1989
- R. K. Dhir, P. C. Hewlett, Y. N. Chan: Near-surface characteristics of concrete: prediction of carbonation resistance, Magazine of Concrete Research, Vol.41, No.148, pp.137-143, 1989