# 論文 沖縄で自然暴露により損傷した実大RC柱の正負繰り返し水平加力実験

舩木 裕之\*1・山川 哲雄\*2・山田 義智\*3・中田 幸造\*4

要旨:沖縄の海岸で約3年にわたり実大に近い断面積を有するRC柱の自然暴露試験を行った。ここでは、塩害 で生じたRC柱のひび割れ及び鉄筋の物理的性能の劣化が耐震性能に及ぼす影響と,フライアッシュを混入し たRC柱の遮塩性能とコンクリート圧縮強度の増進による長期的な破壊性状の変化を究明するため,一定軸力 下で正負繰り返し水平加力実験を行った。自然暴露試験の結果,フライアッシュの混入されたコンクリートの 遮塩性能が大きいことがわかった。また、長期暴露試験中における3年間の自然暴露試験では,基準試験体に 比べて暴露試験体の累積エネルギー吸収量がわずかに上回った。

キーワード:自然暴露,塩害,腐食,実大 RC柱,耐久性能,耐震性能,フライアッシュ

#### 1. はじめに

沖縄県は高温・多湿の亜熱帯環境という厳しい腐食環 境下にあり,加えて島嶼環境という地理的条件,及び台 風などによる飛来塩分によりRC造建物は塩害を受けや すい。一方で1972年の沖縄県の日本復帰前後には、十分 に洗浄されていない海砂が多量に使用されたため,鉄筋 腐食に伴うRC造建物の塩害が懸念されている。上記の懸 念を背景に,山川らは沖縄の西海岸で自然暴露した実大 の1/3程度の縮小試験体を用いて,塩害により損傷を受け たRC柱の耐震性能の研究を行ってきた<sup>1)</sup>。しかしながら 1/3程度の縮小試験体は、かぶり厚さも1/3となり、塩分 の浸透量の観点から現状と異なる結果を導き出す恐れが ある。つまり塩害を論じる際のかぶり厚さは、実物と同 程度の絶対量が重要と思われる。そのため、 塩害調査に は実物に近い正方形断面柱を用いる必要がある。また, 塩害によるRC柱の損傷を低減する手法を模索する観点 から,塩害に強いといわれているフライアッシュを混入 したRC柱の有効性について検討を行う。そこで2004年 より沖縄の西海岸でフライアッシュを混入したコンク リート及び普通コンクリートを用いた実大に近いRC柱 の自然暴露試験を開始している。

本研究の目的は、沖縄の西海岸で自然暴露された各種 の実大に近いRC柱試験体を用い、コンクリートのひび 割れ、及び鉄筋の損傷レベルと耐震性能の関係を、一定 軸力下のもとで行う正負繰り返し水平加力実験により、 検討することである。

#### 2. 実験計画

試験体寸法をFig.1に示す。試験体はRC柱試験体とモ ニター試験体の2種類で1組として構成されている。RC 柱試験体は正負繰り返し水平加力実験で耐震性能の評価

\*1 琉球大学大学院 理工学研究科 環境建設工学専攻 (正会員)
\*2 琉球大学 工学部環境建設工学科 教授 工博 (正会員)
\*3 琉球大学 工学部環境建設工学科 教授 博士(工学)(正会員)
\*4 琉球大学 工学部環境建設工学科 助教 工修 (正会員)



を行うために使用する。 寸法は400×400mmの実物に近い柱断面であり,柱内法高さは1,600mm, せん断スパン 比 2.0 である。主筋は8-D19 ( $p_g$ =1.44%)を用い,帯筋 は端部 60mm 間隔 ( $p_w$ =0.60%),中央部 90mm 間隔 ( $p_w$ =0.40%)とし,曲げ破壊するように設計されている。 端部は中央部の1.5倍の帯筋を配置している。かぶり厚さ は建築基準法で定められている最少値 30mmである。ま た,モニター試験体は,飛来塩分の浸透量と腐食鉄筋の 関係を調査するために使用し,寸法は RC柱試験体と同 様の断面積(400mm×400mm)を持ち,高さは1,000mmで ある。帯筋は60mm間隔 ( $p_w$ =0.60%)で配筋し, RC柱試 験体の柱頭,柱脚と同じ配筋である。**Table 1**及び **Table 2**  に水平加力実験を行う実大RC柱試験体一覧と,実験に使 用する鉄筋種類と健全時の力学的特性を示す。実験では, 暴露期間の差異により塩害がRC柱の鉄筋に与える力学 的特性の劣化とコンクリートのひび割れが,耐震性能に 与える影響を明らかにする。試験体の製作から,暴露期 間3年のちに1回目の水平加力実験を行い,以後,ひび割 れの状況を調査しつつ次回の水平加力実験までの暴露期 間を決定していく。また,Table1に示す各試験体シリー ズの差異は,水セメント比とフライアッシュ混入の有無 である。水セメント比の差異により,コンクリートの密 実性が塩分の浸透性状に与える影響を確認する。また, フライアッシュの有無では,フライアッシュが混入され たコンクリートと普通コンクリートの遮塩性能が耐久性 能に与える影響を調べる。

Fig. 2は, Fig. 1に示すRC柱試験体のコンクリート強 度σ。の変化による柱の曲げ終局強度<sup>2)</sup>とAIJ 靱性指針式 による柱のせん断強度<sup>3)</sup>計算値の推移である。Fig. 2よ りコンクリート強度が増進すると,AIJ靭性指針によるせ ん断強度が曲げ終局強度を下回り,設計当初,曲げ破壊 先行で計画されていたRC柱がせん断破壊先行に変化し, 脆性的な破壊を起こす恐れがある。計算値では, コンク リート強度 $\sigma_{\rm B}$ =13.5MPa(Lシリーズ)で計画されたせん断 余裕度は1.05, σ<sub>B</sub>=21MPaで設計された柱(N,Fシリーズ) のせん断余裕度は1.18となり、全試験体とも曲げ破壊先 行で計画されていることとなる。しかし、コンクリート 強度σ<sub>p</sub>=49.7MPaでは、AIJ靭性指針によるせん断強度が 曲げ終局強度を下回り, せん断破壊先行に変化すること が確認できる。特にフライアッシュの混入されたコンク リート強度は、長期的に増進するため4)、強度の増進量 がRC柱の破壊性状に与える影響を検証することは重要 である。

# Table 1RC column specimens.

以上の観点からRC柱試験体とモニター試験体は,N, L, Fの3シリーズで構成することとし, 各シリーズ4体, 合計12体を製作した。Nシリーズは呼び強度 $\sigma_{s}$ =21.0MPa (w/c=61.5%)の普通コンクリートを用い、中低層RC造建 物の柱を想定した。Lシリーズは呼び強度 σ<sub>0</sub>=13.5MPa (w/c=75.0%)の低強度コンクリートである。Fシリーズは 細骨材の代替としてJISIII種のフライアッシュを,外割で 60kg/m<sup>3</sup>加えた。2004年7月31日より、沖縄の西海岸で 暴露試験体(暴露RC柱試験体と暴露モニター試験体)12 体のうち9体(3シリーズ×3体)と、各暴露試験体のシ リンダー供試体の暴露試験を開始した。Photo1は暴露試 験場の様子である。暴露試験場は,風が強いときには波 しぶきがかかる場所である。また,暴露RC柱試験体との 比較のために塩害の影響を受けにくい琉球大学工学部構 造実験棟の傍の屋外で基準RC柱試験体3体(N0,L0,F0) の気中養生も同時期より開始している。2007年7月30日,

#### Table 2 Properties of reinforcement.

		a(mm <sup>2</sup> )	σ <sub>y</sub> (MPa)	ε <sub>y</sub> (%)	σ <sub>u</sub> (MPa)	E <sub>s</sub> (GPa)	
Rebar	D19	287	374	0.19	570	194	
Hoop	D10	71	410	0.23	569	173	
Notes; a= cross section area, $\sigma_v$ = yield strength of steel,							

 $\varepsilon_{y}$  = yield strain of steel,  $E_{s}$  = modulus of elasticity.





	C07C-N series		C07C-L series		C07C-F series		
	specimen		specimen		specimen		
	B.M.	Exposure test	B.M.	Exposure test	B.M.	Exposure test	
	C07C-N0	C07C-N3	C07C-L0	C07C-L3	C07C-F0	C07C-F3	
Water cement ratio (w/c)	61.5%		75.0%		61.5%		
$\sigma_B$ (nominal strength)	21.0 MPa		13.5 MPa		21.0 MPa		
$\sigma_{\rm B}(4 \text{ weeks})$	32.2	32.2 MPa 24.3 MPa		MPa	35.5 MPa		
$\sigma'_{\rm B}(3 \text{ years})$	36.9 MPa	37.6 MPa	29.7 MPa	25.5 MPa	43.9 MPa	43.1 MPa	
Casting date	2004.5.21		2004.5.28		2004.6.4		
Exposure period (year)	2004/7/31~2007/7/30 (3 years)						
Loading test date	2007.10.2	2007.9.21	2007.9.27	2007.9.25	2007.10.1	2007.9.26	
Age	3.4 years	3.4 years	3.3 years	3.3 years	3.3 years	3.3 years	
	(1232 days)	(1221 days)	(1219 days)	(1216 days)	(1216 days)	(1211 days)	
Mineral admixture	-		_		Fly Ashes 60kg/m <sup>3</sup>		
~	Rebar: 8-D19 $(p_g=1.44\%)$ , Hoop: D10-@60 $(p_w=0.60\%)$ D10-@90 $(p_w=0.40\%)$ ,						
Common details	Shear span to depth ratio: $M/(VD) = 2.0$ , Axial force ratio: $N/(bD\sigma_B) = 0.2$ , Cover thickness=30mm.						

 $Notes: \sigma_B \text{ (nominal strength)} = nominal strength of concrete, \sigma_B (4 weeks) = cylinder strength of concrete, B. M. = Bench mark specimen, M. = Bench mark specimen, B. M. = Bench mark s$ 

 $\sigma'_B$  (3 years)=cylinder strength of concrete before the loading test,  $p_g$ =ratio of total longitudinal reinforcement,  $p_w$ =shear reinforcement ratio.



Photo 1 Exposure of RC column specimens in Okinawa seashore.

N3, L3, F3の暴露RC柱試験体及び暴露モニター試験体 を各1体づつと,暴露RC柱試験体の脇で気中養生された シリンダー供試体を各3~5体づつ,暴露試験場から琉球 大学工学部に運びこんだ。基準試験体と暴露試験体及び シリンダー供試体は約3年の気中養生が終了している。

### 3. 実大RC柱の自然暴露試験

9体の暴露試験体は琉球大学工学部構造実験棟で製作 後,約2ヶ月間の養生のち,2004年7月31日より沖縄の 西海岸で自然暴露を行っている。暴露調査は目視により ひび割れの発生状況,ひび割れ幅,さび汁の有無の3項 目について6ヶ月ごとに実施している。Fig.3に水平加力 実験前の海側に面した RC 柱試験体の1面のひび割れ図 と,水平加力実験終了後にかぶりコンクリートを除去し た同面の鉄筋の腐食状況を,各試験体ごとに示す。Fig.3 のひび割れ図の黒色の塗りつぶしは,さび汁を表し,鉄 筋の腐食状況の太線及び細線は,腐食場所,腐食状況を 示す。太線は鉄筋の腐食グレードがIII又はIVのいずれか の場合であり,細線はII以下を示す。腐食グレードの判 定は,目視により日本建築学会の「鉄筋の腐食グレード の判定基準」<sup>5</sup>に準じて5段階評価で行った。

暴露RC柱試験体N3, L3, F3は, 共に6ヶ月目である 2004年12月の調査時よりさび汁が付着し、30ヶ月目 (2006年12月)の調査では、N3及びF3に初めてひび割 れが確認された。36ヶ月目(2007年6月)の調査では,N3, F3において帯筋,主筋に沿ってひび割れが進行してい た。水平加力実験後,かぶりコンクリートを撤去し,目 視調査した結果,N3は鉄筋の腐食が一番激しかった。こ れは、N3の上部のひび割れより酸素と水が供給され、更 に鉄筋の腐食が促進したためと思われる。L3は、はつり だし後の内部の鉄筋調査で鉄筋の損傷が多く見られたが, 表面にひび割れが発生せず,さび汁だけが流れ出ていた。 L3は水セメント比が大きく,密実でないため腐食生成物 が外部に染み出しやすく,腐食生成物の膨張圧が高くな らず,ひび割れにいたらなかったためと考える<sup>®</sup>。基準RC 柱試験体は,全試験体の帯筋及び主筋がグレード I で腐 食は見られなかった。

実大RC柱への塩分の影響と腐食鉄筋の力学的性能を 検証するために用意していた各RC柱試験体に対応した

C07C-N3		C07C-L3		C07C-F3	
Before loading test	Corrosion of steel bars under exposure test	Before loading test	Corrosion of steel bars under exposure test	Before loading test	Corrosion of steel bars under exposure test
(Upper)				•£	
0	• •	TTT TT 7	<b>T</b> T <b>1</b>	•	

— Corrosion grade II or IV — Under corrosion grade II Fig. 3 Cracks of cover concrete and corrosion of steel bars in RC column specimen.

モニター試験体(400×400×1,000mm)の中央部(Fig.1参 照)から、コアコンクリート( φ75mm)を海側及び陸側から それぞれ採取し,含有塩分量を全塩分量で測定した。Fig. 4にその結果と誤差関数を用いた同定法によって求めた 塩分の拡散係数 Dc を示す。拡散係数 Dc は、コンクリー ト表面付近の塩分が一時的に下がった値を除いて計算し た。また, Fig. 4のハッチは発錆限界塩分量(Cl=1.2kg/m<sup>3</sup>) を超えた塩分量の箇所を示す。なお,各モニター試験体 とも、コンクリート表面からの塩分含有量が常に変化し なくなった時点で塩分含有量試験を終了した。全ての基 準モニター試験体からは塩化物総量規制値(Cl=0.3kg/m3) 以下の値が検出された。西海岸で自然暴露を行った各シ リーズの暴露モニター試験体は,基準モニター試験体よ り飛来塩分がコンクリート内部に浸透していた。暴露モ ニター試験体の飛来塩分の浸透深さは、L3が一番深く浸 透しており,次にN3,F3の順である。拡散係数Dcも海 側,陸側でそれぞれ同様の順序である。特に水セメント 比が大きいL3は、3年の暴露期間で、コンクリート表面 から約7.5cmの深さで,発錆限界塩分量を上回る塩分含 有量が測定され,帯筋及び主筋の全体が腐食される可能 性がある。N3は、コンクリート表面から6cmの位置で帯 筋及び主筋全体が発錆限界塩分量に達し,F3は,約4.5cm の深さで帯筋の全体及び主筋の一部が発錆限界塩分量の 範囲に入っていた。

また、塩害による鉄筋の腐食が鉄筋の力学的特性に及 ぼす影響を検討するため、コア抜き作業終了後、各暴露 モニター試験体から腐食した鉄筋(主筋:D19 帯筋:D10) をはつりだし、腐食グレード<sup>5)</sup>、質量減少量、降伏点強度、 引張強さ、破断時の伸び率などを計測した。Fig. 5に腐食 した主筋(D19)の質量低下率と腐食グレード、降伏強度 残存率、引張強さ残存率、伸び(破断時ひずみ)残存率 との関係を示す。各残存率は、腐食した鉄筋の試験結果 を健全な鉄筋の試験結果の平均値で除した値である。な お、鉄筋は腐食すると降伏点強度が下がるだけでなく、 降伏点が明確に現れなくなる。従って降伏点強度は0.2% の伸び点から最初の直線の勾配に対して平行線を引き、



Fig. 5 Remaining ratio mechanical property versus weight reducation ratio of corroded steel bars.

これと交わった点を降伏点とした。また,引張強度は最 大強度時の引張力を公称断面積で徐した値とした。Fig. 5 (a)は上下に暴露モニター試験体と,基準モニター試験体 から取り出したそれぞれの質量低下率を示している。基 準モニター試験体の質量低下率が0.5%付近に集中してい るため,暴露モニター試験体のN,Fシリーズの質量低下 率の0.5%前後の値は誤差範囲であり,暴露が質量変化の 起因でないと考えている。Fig. 5より自然暴露試験終了 後の鉄筋は,降伏点強度、引張強さ、伸び能力ともに質 量減少率の増加に対応してわずかながら低下しているこ とがわかる。その中でも伸び能力は健全な鉄筋の平均伸 び率の約2割から8割程度に低下しており、劣化が激し い。また,L3の主筋の質量減少率は,N3とF3の約3倍 ~4倍の値を示していたため,L3は鉄筋の腐食が激しい 状況にあったと伺える。

#### 4. 正負繰り返し水平加力実験

# 4.1 加力方法

3年間の暴露試験を終了した各シリーズの暴露RC柱試 験体1体(N3, L3, F3:計3体)及び基準RC柱試験体(N0, L0, F0:計3体)の合計6体の正負繰り返し水平加力実験を実 施した。実験はFig.6に示す加力装置を用いた。2台の サーボアクチュエータ(合計2,000kN)により,軸力比 0.2の一定鉛直荷重を載荷し,水平加力中はアクチュエー タをテストベッドに対して常に平行に保つように制御した。 水平加力は部材角R=0.125%,0.25%を各1回,0.5%から 0.5%増分で2回ずつ3%まで行い,4%,5%を1回ずつ繰 り返した。

## 4.2 実験結果

Fig.7に各試験体の水平荷重Vと部材角Rの関係を示 す。Fig.7の破線及び点線は、曲げ終局強度<sup>20</sup>及びせん断強 度<sup>30</sup>計算値である。計算で使用した基準試験体及び暴露 試験体のコンクリート強度は、これらの試験体を加力す る直前に圧縮破壊した材齢3年のシリンダー圧縮強度で ある。基準試験体及び暴露試験体のシリンダー供試体は、 これら試験体の脇で約3年間の気中養生を行った。鉄筋 の引張強度は健全鉄筋の引張試験結果(Table 2)とした。

暴露を行っていない基準RC柱試験体(N0, L0, F0)の V-R曲線を見ると,最大耐力はF0が大きく,次にN0, L0 の順である。これはシリンダー圧縮強度の差異が原因と 考える。Table 1 に示す基準RC柱試験体の加力実験直前 のシリンダー圧縮強度はF0が一番大きく( $\sigma_{B}$ '=43.9 MPa: 3 years),ついで N0( $\sigma_{B}$ '=36.9 MPa: 3 years), L0( $\sigma_{B}$ '=29.7 MPa:3 years)である。Lシリーズは呼び強度が小さいた

め、シリンダー圧縮強度は一番小さい。NとFシリーズ の呼び強度は同じである。Fシリーズはフライアッシュ が混入されており、これがコンクリート強度の長期的な 増進に明らかに影響を与えている。なお、この差は4週 強度ですでに現れている(Table 1)。フライアッシュの混 入されたコンクリート強度の増進は, Fig. 7に示す曲げ終 局強度とせん断強度計算値にも影響を与えている。FOの 場合,計画時のせん断余裕度は1.18 (σ<sub>n</sub>=21.0 MPa: nominal strength)である。基準RC柱試験体と同条件の気中養生 で, 材齢3年まで養生されたシリンダー圧縮強度で計算 したせん断余裕度は1.06 (σ<sub>p</sub>'=43.9 MPa: 3 years)となり、コ ンクリート強度の増進によりせん断余裕度が小さくなっ た。また, Fig. 2,7より, N0に比べてF0のせん断余裕度 は小さくなっていることからも,フライアッシュを混入 したコンクリート強度の長期的な推移は,柱の破壊性状 に対して重要な検討項目であることが再確認できた。暴 露RC柱試験体(N3, L3, F3)では, 先に述べたシリンダー



Fig. 6 Test setup and loading program.

圧縮強度の差違により、基準RC柱試験体と同様、F3の 最大耐力が一番大きい。暴露シリンダー供試体と基準シ リンダー供試体の圧縮強度を比較すると、N,Fシリーズ では、ほぼ同じであるが、Lシリーズは暴露シリンダー供 試体の方が小さい。この原因は明らかではない。基準RC 柱試験体と暴露RC柱試験体のV-R曲線を比較すると,暴 露RC柱試験体の正負側で,履歴性状に差が生じている。 これはコンクリート表面のひび割れと鉄筋の腐食が一様 でないことが原因と考える。また,履歴曲線の形状はN3, L3の暴露RC柱試験体でやや膨れている。Fig.8に各暴露 RC柱試験体のウエブ面(海側)の実験終了後のひび割れ 図を示す。L3を除くRC柱試験体は,柱頭及び柱脚に塑性 ヒンジを形成し(Fig. 8),曲げ降伏後のせん断強度の劣化 が生じた。L3を除くV-R曲線が,部材角の進行に伴い,AIJ 靱性指針のせん断強度計算値に沿って低下していること からも曲げ降伏後のせん断強度の劣化であったことがわ かる。N3は、海側のウェブ面にせん断ひび割れが少ない が,反対側のウェブ面には,水平加力実験による多数の せん断ひび割れを確認しているため,同様の破壊性状で ある。L3は曲げ破壊で実験を終了した。

**Fig.**9に,各シリーズごとの正側のスケルトンカーブの 比較を示す。正側の最大耐力を比較するとL,Fシリーズ



Fig. 8 Observed final cracking patterns of seaside face.



Fig. 7 V-R relationships.







Fig. 10 Comparison of accumulated energy absorption.

は同等であるが,Nシリーズのみ暴露RC柱試験体が基準 RC柱試験体を下回り,正側で30kNの差が出た。しかし L,Fシリーズは暴露RC柱試験体と基準RC柱試験体の負 側の最大耐力で差があり(Fig.7),荷重・変形関係から基 準RC柱試験体と暴露RC柱試験体の差は明確でない。そ こでRC柱試験体の累積エネルギー吸収量で耐震性能の 判断を行うこととした。

Fig. 10に、各シリーズごとのRC柱試験体の累積エネ ルギー吸収量の比較を示す。各シリーズとも層間変形角 R=1~2%から実験値に変化が見られ、R=3%の時点では、 暴露RC柱試験体の累積エネルギー吸収量が、わずかに基 準RC柱試験体を上回っている。文献7)によれば、腐食 膨張に伴うプレストレス効果、及びさびによる噛み合い 効果で主筋の付着が改善されたためと解釈できる。

#### 5. まとめ

- (1)大きい水セメント比を用いた暴露試験体 C07C-L3(w/ c=75.0%, σ<sub>B</sub>=13.5MPa)は、塩分総量がコンクリート表 面より約7.5cmの地点において、発錆限界塩分量(Cl =1.2kg/m<sup>3</sup>)を上回り、鉄筋を腐食させた。しかし、コ ンクリート表面にひび割れを生じさせなかった。これ は、水セメント比が大きく、密実でないため腐食生成 物が外部に染み出しやすく、腐食生成物の膨張圧が高 くならず、ひび割れにいたらなかったためである。
- (2)フライアッシュを外割で用いた暴露試験体 C07C-F3 は,暴露試験体L3,N3に比べて試験体内部への塩分の 浸透量が最も少なかった。
- (3)フライアッシュを混入したRC柱試験体Fシリーズは, コンクリート長期強度の増進により,曲げ破壊先行で

設計を行っても時間経過に伴い,せん断破壊が生じる 可能性が高いことが計算上明らかになった。

(4)自然暴露期間が3年を経た暴露RC柱試験体は、一部の 暴露RC柱試験体(N3, F3)のかぶりコンクリートにひび 割れが生じ,鉄筋の腐食グレードがⅢ及びⅣという外観 上、耐久・耐震性能の検討が必要であるRC柱となる。し かし、今回の実験では、暴露RC柱試験体の累積エネル ギー吸収量は基準RC柱試験体に比べわずかに上回った。

## <参考文献>

- 上松茂,山川哲雄,中程陽香,山田義智:沖縄の海岸で 自然暴露した塩害損傷 RC柱の耐震性能実験,コンク リート工学年次論文集, Vol. 27, No.2, pp. 1483-1488, 2005.
- 2) 日本建築センター:構造設計指針・同解説, pp. 233, 1988.
- 日本建築学会:鉄筋コンクリート造建物の靱性保証型 耐震設計指針・同解説,pp.142-144,1999.
- SORN Vira,山田義智ほか:フライアッシュコンクリート中への塩化物イオン浸透性状に関する研究,コンクリート工学年次論文集:vol. 24, No.1, pp. 603-608, 2002.
- 5)日本建築学会:鉄筋コンクリート造建築物の耐久性・ 診断および補修指針(案)・同解説,日本建築学会,1997.
- 6) 桝田佳寛ほか:塩化物を含んだコンクリート中の鉄筋 腐食速度に関する実験,日本建築学会構造系論文報告集, No.435, pp. 19-27, 1992. 5.
- 7)山田義智ほか:損傷を受けた RC 部材の鉄筋とコンク リート間の付着性状に関する研究(その2.実験結果 と付着性状について),日本建築学会学術講演梗概集, pp. 941-942, 1992. 8.