論文 合成接合法によりRC骨組に耐震補強された波形鋼板壁の耐震性能

前田 興輝^{*1}·山川 哲雄^{*2}·山城 浩二^{*3}

要旨:既存RC骨組に耐震要素を取り付ける接合法として、山川らは合成接合法を提案した。本接合法は既存骨 組の鋼板巻立て補強も兼ねており、耐震部材による剛性と強度の増大のみならず、既存骨組も耐震補強されるこ とになり、合理的かつ汎用性が高い接合法である。本論では耐震要素として波形鋼板を利用し,取付けに合成 接合法を応用し,加力実験を行った。その結果,壁板としてRC骨組と一体化し,耐震壁として利用可能であ ることが確認された。また,波形鋼板を耐震壁として利用した場合,RC骨組の負担せん断力と波形鋼板の負 担せん断を分けて設計することが可能と思われる。既往の評価式により実験結果を評価することを試みた。 キーワード:波形鋼板,せん断局部座屈,せん断降伏,合成接合法,PC鋼棒

1. はじめに

山川らは合成極厚無筋壁で提案した接合法を応用し, 既存RC骨組に耐震要素を取り付ける新しい接合法とし て合成接合工法を提案した¹⁾。本接合法は鋼板及びPC鋼 棒を用いて既存柱を巻き立てると同時に耐震要素を取り 付け,その間隙をグラウト材で充填し,硬化後にPC鋼棒 に緊張力を導入することにより,耐震要素と既存躯体の 一体化を図る接合工法である(以下,合成接合法と称す る)。本接合法は耐震要素の接合のみならず,既存躯体の せん断補強をも兼ねえている合理的な接合工法である。 これまでの研究において,袖壁,無開口壁あるいは枠付 き鉄骨ブレースの取付に適用可能でり,高い水平耐力及

び変形性能を有し, かつ汎用性の高い接合法であること が確認されている^{1),2)}。

波形鋼板はその形状より、高いせん断剛性とエネル ギー吸収能力を有する。このような特徴から強度のみな らず靭性能も期待することができる。また、波形方向に 対してはアコーディオン効果により軸剛性を無視するこ とができる。これらの特徴を活かし、RC骨組の耐震補強 に適用することにより、鉛直荷重に対してはRC骨組が負 担し、水平力に対してはRC骨組とともに波形鋼板が抵抗 する。すなわち、各荷重に対して抵抗する部材が明確で あるため容易に設計することが可能である。さらに、板 厚も薄いため、重量軽量化も図れ、施工性も向上する。

本論文では、合成接合法の既存骨組と耐震要素を一体 化させる施工性に着目し、波形鋼板壁の取付けに応用し、 加力実験を行うことにより耐震性能を検証する。



2. 実験計画

2-1. 波形鋼板

本研究で用いた波形鋼板の断面形状を Fig. 1 に示す。 波形鋼板は,構造用鋼板 (SS400) を波形に折り曲げ加工 したものである。波形断面の決定については,波形鋼板 耐震壁に負担させるせん断力を仮定した上で,波形鋼板 の形状,厚さを決定した。

本研究では,波形鋼板の厚さ(t=1.2mm, 2.3mm)を実 験変数とした加力実験を行い,本接合法における波形鋼 板壁の耐震性能を検討した。

2-2. 試験体概要

試験体の基準寸法は,実大の約1/3程度のスケールを想



Fig. 2 Details of reinforcements (unit: mm)

Table 1 Properties of steel materials

Steel material		a (mm²)	f _y (MPa)	f _u (MPa)	ε _y (%)	E _s (GPa)
Rebar	D10	71	357	426	0.19	184
	D13	127	403	597	0.18	227
Hoop or Stirrup	3.7ф	11	371	426	0.20	188
	D6	32	468	540	0.24	191
PC bar	13ф	133	1228	-	0.61	200
Steel plate	t=3.2mm	-	306	418	0.15	203
Steel deck	t=1.2mm	-	281	351	0.14	208
plate	t=2.3mm	-	229	336	0.11	207

<u>Notes</u>: a=cross sectional area; f_y =yield strength of steel; ε_y =yield strain of steel; ε_z =Young's modulus of elasticity.

*1 琉球大学大学院 理工学研究科 博士後期課程 工修 (正会員)

*2 琉球大学 工学部環境建設工学科教授 工博 (正会員)

*3 琉球大学大学院 理工学研究科 博士前期課程 (正会員)





Fig. 3 Details of test specimens

定しており,柱は175mmの正方形断面,梁は125mm× 250mmの長方形断面である。スタブ上端から梁材軸まで の高さが1,000mmで,柱材軸間のスパン長さが1,500mm である RC 造骨組に波形鋼板を合成接合法により一体的 に接合している。波形鋼板はスタブに定着させておらず, 薄鋼板(あるいはコ形鋼板)で挟み込み,かつPC鋼棒を 利用し,グラウト材を充填することでスタブに接合され ている。Table1に使用した鋼材の力学的特性を示す。

Fig. 3 に本研究で実験を行った試験体の一覧を示す。 R05P-P0試験体は純RCフレームの基準試験体として計画 し,2005年度に実験を行ったものであり,補強試験体と の比較検証のため再掲する。

本実験の主な実験変数は波形鋼板の厚さと脚部,及び 上梁と波形鋼板の接合方法である。R09S-D1試験体は,厚 さ2.3mmの波形鋼板を使用している。脚部はコ形鋼板を あと施工アンカー(PC鋼棒:16-13¢)を用いて固定し,側 面よりPC鋼棒を貫通させ,緊結材として利用して波形鋼 板を固定し,グラウト材を充填した。硬化後,PC鋼棒に 緊張力を導入し,一体化している(以下,本接合法をType-Aと称する)。R09S-D2, R09S-D3試験体は,厚さ1.2mm, 2.3mmの波形鋼板を使用し,脚部における波形鋼板の定 着には,薄鋼板を両ウェブ側から挟み込み,PC鋼棒を貫



Fig. 4 Test setup and loading program

通させ、グラウト材を充填した(以下,本接合法をType-Bと称する)。以下Type-A接合法と同様である。なお、こ の2体の試験体においては、脚部にスタッドを8本を打設 し、間接的に接合している。また、付帯フレームとの接 合は、柱にコ形鋼板を,梁に薄鋼板を巻き立て、それを 型枠として波型鋼板を貫通したPC鋼棒を緊結材として、 グラウト材を充填し、硬化後にPC鋼棒を緊張して、既存 躯体と一体化している。なお、R09S-D2、D3 試験体は、 梁を部分的に補強し、施工の簡略化を図っている。

鋼板パネル部材の代表的な崩壊機構は、(1)鋼板パネル のせん断降伏、(2)鋼板パネルの局部、あるいは全体座屈、 (3)接合部における滑り破壊、(4)全体曲げ挙動による破壊 である。本研究で計画した3体の試験体は、それぞれ、 R09S-D1,D3試験体は(1)鋼板パネルのせん断降伏による 破壊機構に対応し、R09S-D2試験体は(2)鋼板パネルの局 部座屈による崩壊機構に対応するよう計画した。

Fig. 4に本実験で使用した加力装置及び加力プログラム を示す。加力は軸力比0.2(柱1本あたり)の一定軸力下 で,正負繰り返し水平加力を行った。載荷位置はスタブ 上表面から1,000mmの柱梁接合部材軸とし,同位置にお ける水平変位平均値により制御した。R=0.125%,0.25% を各1回,0.5%,0.75%を各2回,1.0%~3.0%を0.5% 増分で各2回,4.0%,5.0%を1回ずつ正負繰り返した。

3. 実験結果

Fig.5に、実験により得られた各試験体のV-R履歴曲線、及び最終ひび割れ状況を示す。なお、ひび割れ図は、加力終了後に鋼板を除去して描いた図である。また、 Photo1に波形鋼板の最終座屈状況を示す。

基準試験体であるR05P-P0は層間変形角R=0.5%で柱, 梁に曲げひび割れが生じ,柱脚部主筋の降伏が確認され



Fig. 5 Relationships between shear force and story drift angle, and crack patterns

た。その後, R=2.5%の加力サイクルにおいて, 柱脚部に てせん断破壊を引き起こした。本試験体の最大耐力は 119kN(R=-2.5%)であった。

R09S-D1 試験体は、厚さ2.3mmの波形鋼板を使用し、 脚部はType-Aの接合法を用いている。載荷した早期段階 で梁上部に微細クラックが生じ、層間変形角R=0.5%で、 引張側柱脚部に曲げひび割れが生じ、脚部主筋が降伏し た。そしてR=1.0%にかけて脚部に曲げひび割れが進展し た。R=1.5%の引き加力時に波形鋼板壁がせん断局部座屈 を引き起こした。せん断局部座屈後のR=2.0%での耐力は 最大耐力の65%に低下し、その後は緩やかに低下した。本 試験体の最大水平耐力は 620kN(R=0.75%)であった。

R09S-D2 試験体は、厚さ1.2mmの波形鋼板を使用し、 脚部はType-Bの接合法を用いている。また、上梁は端部 のみ部分的に補強している。本試験体は、載荷早期段階 で梁上端部、梁補強フェイス部及び柱脚部に微細クラッ クが発生した。そして、層間変形角R=0.5%で波形鋼板壁



Photo 1 Local buckling behavior of steel deck plate

がせん断局部座屈を引き起こした。また、同サイクルで 柱脚部の最外縁主筋の降伏が確認された。そして、部材 角R=1.0%にかけて、梁部分にせん断ひび割れが生じ始め た。これは、端部のみ部分補強しているためである。そ の後の載荷により、梁部及び柱脚部の曲げ損傷、波形鋼 板の座屈が進展していき、R=2.0%で波形鋼板の破断が確 認された。本試験体の最大耐力は364kN(R=0.5%)であっ た。R=0.5%時に局部座屈が発生し耐力は低下したもの の、その後はR=4.0%まで最大耐力の80%を維持した。

R09S-D3試験体は厚さ2.3mmの波形鋼板を使用してい る。この点を除いて、先のR09S-D2試験と同様の補強を 施している。本試験体においても、他の試験体と同様に 載荷した早期段階で梁上部及び柱脚部に微細クラックが 生じ始め、層間変形角R=0.5%時点で、梁の内法スパン間 にせん断ひび割れが生じた。R=0.75%のサイクルにおい て、梁の変形に波形鋼板が追従できず、梁補強部下部で 波形鋼板が圧縮されたような変形をし、R=1.0%時点で当 該変形箇所は波形鋼板上部に進展した。その後、梁部の せん断損傷が卓越し、梁部材全域にせん断ひび割れが発 生し、R=1.5%のサイクルで梁がせん断破壊を引き起こし た。本試験体の最大耐力は 617kN(R=-1.0%)であった。



Fig. 6 Comparison of absorbed energy

Fig.6に各試験体の累積エネルギー吸収量と加力サイク ルごとのエネルギー吸収量の推移を示す。層間変形角 R=0.5%までは,各試験体とも同等のエネルギー吸収能力 を有している,しかし,層間変形角R=0.5%でせん断局部 座屈を引き起こしたR09S-D2試験体においては,せん断 局部座屈を起こした後のサイクルから他試験体と差異が 見られる。層間変形角R=1.0%時点でのエネルギー吸収量 を比較すると30%程度低い。これは波形鋼板の板厚が 1.2mmと薄く,また早期に弾性状態でせん断局部座屈を 引き起こしたために生じた差異であると考えられる。

R09S-D1 試験体は,徐々にエネルギー吸収能力が上昇 していき,層間変形角R=1.5%での上昇率(前サイクルに 対する割合)は2倍程度であった。これは,Fig.5に示す V-R履歴曲線からも明らかのように,波形鋼板壁がせん 断降伏し,紡錘形の挙動に推移していったことに起因す る。しかし,層間変形角R=1.5%の2回目において,せん 断局部座屈を引き起こしたため,徐々にエネルギー吸収 能力は低下していった。また,R09S-D1試験体と同厚 (t=2.3mm)の波形鋼板を使用したR09S-D1試験体と同等 のエネルギー吸収能力を有していることが分かる。

R09S-D1 試験体と R09S-D2 試験体を比較した場合, R=0.5%にせん断局部座屈を引き起こした R09S-D2 試験 体は,せん断局部座屈後,エネルギー吸収能力は他の試 験体より低いものの低下することなく,上昇している。 一方, R09S-D1試験体については,せん断局部座屈後,エ ネルギー吸収能力は徐々に低下していく。これは R09S-D1 試験体は,せん断局部座屈発生時に補強 RC 造骨組は 塑性ヒンジを形成し,また波形鋼板壁は降伏しており, 終局状態後に波形鋼板がせん断局部座屈を引き起こした ため,エネルギー吸収能力が低下したと考えられる。

4. 波形鋼板の負担せん断力

Fig.7に波形鋼板壁中央部のひずみ度と層間変形角の関係,及び波形鋼板壁の負担せん断力と水平耐力に対する せん断力負担率を示す。なお,ひずみ度は波形鋼板の壁 板中央部に貼付した三軸ひずみゲージより得られた値で あり,完全弾塑性を仮定し,負担せん断力を算出する際 は,式(1)より求めたせん断ひずみ(γ)からせん断応力度 を算定し,三軸ひずみゲージ貼付箇所の水平断面積を乗 じて算出した。また,図中のプロット(▼)は各試験体の 最大耐力時の層間変形角を示す(ただし,各グラフとも せん断局部座屈発生までの範囲とする)。

$$\gamma = 2_s \varepsilon_B - (_s \varepsilon_A + _s \varepsilon_c) \tag{1}$$

Fig.7a)より,各試験体とも波形鋼板壁は45°方向の ひずみ度(B)が顕著であり,せん断降伏,せん断局部座 屈するR=0.5%まで,鉛直,水平方向のひずみ(A, C)は



Fig. 7 Experimental shear loads of steel deck plates

ほぼ同程度である。これにより、本論において波形鋼板 壁は、せん断局部座屈が発生する前までは純せん断的に 変形し、抵抗しているものと仮定する。

波形鋼板壁は載荷した早期段階から水平耐力の50%か ら60%程度のせん断力を負担している。R09S-D2試験体 では,弾性せん断局部座屈発生時に負担率は低下した。 文献3)によるせん断降伏強度(sQs)を算出した結果,厚さ 1.2mmの場合(R09S-D2)は240kNであった。本試験体 は座屈発生時及び最大耐力時の層間変形角R=0.5%では, せん断降伏強度には達しておらず,弾性せん断局部座屈 により水平耐力が決定されたことになる。そのため,弾 性せん断局部座屈時の強度を適切に評価する必要がある。

一方, R09S-D1, D3試験体はせん断局部座屈発生時の 層間変形角(R09S-D1試験体:R=1.5%)に至る前, R=0.5% でせん断降伏強度(_sQ_y=376kN)を発揮し,その後,最大耐 力を記録した(R=0.75%)。当該試験体においては,せん 断降伏により水平耐力が決定されたと言える。

以上の結果より,波形鋼板壁の終局せん断耐力(_sQ_{su}) は,式(2),(3)により評価し,最小値を採用する。 1)せん断降伏耐力(_sQ_s)³⁾

$${}_{s}\mathcal{Q}_{v} = {}_{s}\tau_{v} \cdot t_{s} \cdot L_{s} = {}_{s}f_{v} \cdot t_{s} \cdot L_{s} / \sqrt{3}$$
⁽²⁾

ここで, ${}_{s}\tau_{y}$: 波形鋼板壁のせん断降伏応力度, ${}_{s}f_{y}$: 波形鋼板壁の板厚, L_{s} : 波形鋼板壁の 板の降伏強度, t_{s} : 波形鋼板壁の板厚, L_{s} : 波形鋼板壁の 水平長さである。

2) 弾性状態でのせん断局部座屈耐力 (_sQ_{cr.L})^{4),5)}

$${}_{s}\mathcal{Q}_{crL} = {}_{s}\tau_{crL} \cdot t_{s} \cdot L_{s} = k \frac{\pi^{2} \cdot E_{s}}{12(1-\nu^{2})} \cdot \left(\frac{t_{s}}{L_{s}}\right) \cdot t_{s} \cdot L_{s}$$
(3)

$$k = 4.00 + \frac{5.54}{\lambda_k^2} \tag{4}$$

ここで, ${}_{s\tau_{cr.l}}$: 波形鋼板壁のせん断局部座屈応力度, k: 座 屈係数, E_s: 波形鋼板のヤング係数, v: ポアソン比(0.3), λ_k : 帯板の縦横比($\lambda_k = \max(a, b, 2d)/L_s$) である(波形鋼 板の断面寸法定義を**Fig.1**に示す)。

式(3)の弾性せん断局部座屈応力度は波形鋼板の折り線 間を1枚の板材としたときの弾性せん断局部座屈応力度 を示す。式(3)により算出したせん断局部座屈耐力と R09S-D2試験体における実験結果との比較をFig.7に示 す。グラフより、計算値は_sQ_{ett}=171kN(t=1.2mmの場合) となり、実験結果を良好に評価することができている (実験値/計算値=0.94)。従って、弾性状態での波形鋼板 壁のせん断局部座屈は式(3)により評価する(なお、 t=2.3mmの場合は_sQ_{ett}=1,196kNである)。ただし、せん断 局部座屈後については実験結果を捉えることはできない。 また、局部座屈直後、波形鋼板壁の負担せん断力は低下 するが、補強RC造骨組全体(波形鋼板壁+補強RC造骨 組)の耐力において、R09S-D2試験体は急激な耐力低下 は見られなかったものの、R09S-D1試験体においては、急 激な耐力低下を引き起こした(Fig.5 参照)。

Fig.8にせん断局部座屈後の波形鋼板壁の推定負担せん 断力の推移を示す(破線)。推定負担せん断力は,補強RC 造骨組の耐力(_fQ_{su})¹⁾を一定と仮定し,水平耐力実験値 (V_{ep})から差し引いたものとする。なお,補強RC造骨組 の耐力はせん断局部座屈後,主筋が降伏し,塑性ヒンジ が形成されているものとする。また,せん断局部座屈が 発生するまでは三軸ひずみゲージより得られたひずみ度 より算出した負担せん断力を示す。



steel deck plates after local buckling

一般的に鋼板要素は,張力場理論により降伏点以下で せん断座屈発生後も斜め張力場が形成され,作用水平力 に対して抵抗能力及び変形能力を持つ。

せん断降伏に先行してせん断局部座屈を引き起こした R09S-D2試験体においては、せん断局部座屈が発生した 後、一時的に負担せん断力は低下するが、その後はほぼ せん断局部座屈強度を保ちながら安定した挙動で推移す る。これはせん断局部座屈後に波形鋼板壁板内に斜め張 力場が形成され、負担せん断力が維持されたため、急激 な耐力低下を引き起こさなかったものと思われる。すな わち、本試験体においては、せん断局部座屈発生後も、波 形鋼板壁は張力場を形成することによりせん断局部座屈 後も耐力を維持し得たため、周辺補強 RC 造骨組に与え る影響も抑制されたと推測される。

一方, R09S-D1試験体については, 波形鋼板はR=0.5% 時点でせん断降伏に達し, その後, せん断局部座屈を引 き起こした(R=1.5%)。つまり, 波形鋼板がせん断降伏 に到達することにより, 波形鋼板が強度を十分に発揮し た後にせん断局部座屈を引き起こしたため, 波形鋼板壁 の強度が低下したものと思われる。

また, R09S-D1 試験体の波形鋼板壁は高いせん断力 (_sQ_y=376kN)を負担しており,かつ,せん断局部座屈後 の波形鋼板壁の座屈変形及び補強 RC 造骨組の変形 (R=1.5%)に対し,周辺グラウト材が追従できず,損傷 が卓越したため耐力が低下を引き起こしたものと推測さ れる。すなわち,本試験体におけるせん断座屈後の耐力 低下は,波形鋼板壁内部の存在応力が大きく,かつ,座 屈変形に対して周辺グラウト材が追従できず,周辺部の 固定度が低下し,せん断力の伝達が円滑に行えなかった ことに起因すると示唆される。

5. 周辺補強 RC 造骨組の挙動

Fig.9に柱梁接合部にて測定した鉛直変位より求めた梁 の回転量,すなわち,梁の部材角 θ_b と層間変形角Rの関 係を示す(ただし,梁でせん断破壊を引き起こしたR09S-D3試験体を除く)。グラフより,いずれの試験体とも梁 の部材角は小さく,層間変形角に対して10%程度であり, 骨組としてせん断型変形の挙動が支配的であると言える。



水平耐力を算定するに当たり各試験体の崩壊形につい て検証する必要がある。各試験体の水平耐力はFig.5に 示す崩壊形により決定されたものとする。R09S-D1,D2 試験体において周辺補強RC造骨組は両側柱頭及び柱脚 部における曲げ降伏破壊であると判断した。なお,塑性 ヒンジ形成位置に関しては,実験過程及び柱梁の各部に 貼付したひずみゲージのデータを考慮して決定した。

5. 終局耐力の検討

水平力に対して波形鋼板壁は純せん断的な挙動を示し, 周辺の補強 RC 造骨組はラーメン的なせん断型の挙動を 示すことが分かった。このことを踏襲し,合成接合法よ り耐震補強補強された波形鋼板壁付き RC 骨組の水平耐 力算定において,波形鋼板壁の負担分(せん断力)と周 辺RC造骨組の負担分(曲げによるせん断力,あるいはせ ん断力)を分けて考える。

補強RC造骨組の終局せん断耐力算定において,各部材 の強度は文献1)による合成接合法により補強された部材 強度算定式に基づき算定し,各試験体の崩壊機構をもと に式(5)により算出した。

$Q_{su} = {}_{f} Q_{su} + {}_{s} Q_{su}$	(5)
	(-)

ここで、Q_{su}:波形鋼板壁付きRC造骨組の終局せん断耐力、Q_{su}:周辺RC造骨組の終局せん断耐力、_sQ_{su}:波形鋼板壁の終局せん断耐力である。

このようして算出した各試験体の水平耐力計算値と実 験値との比較をFig.10に示す。各試験体とも水平耐力計 算値は実験値より下回る値を示しているが,最大耐力実 験値を概ね良好に評価することができている。Fig.5に 仮定した崩壊機構との整合性がとれている(計算値/実 験値=1.04~1.13)。

また,波形鋼板壁の負担せん断力の割合は,水平耐力 の約50%から60%程度を占めている。各試験体の最大耐 力時の部材角が R=0.5% から 0.75% であることから,波 形鋼板壁は有効に耐震性能を発揮していることがわかる。

なお,本研究における主な実験変数は波形鋼板の厚さ





及び脚部の接合方法である。水平加力実験を行った結果, いずれの試験体も柱脚部の外縁面での曲げひび割れの拡 大や曲げ降伏破壊は確認されたが,波形鋼板壁を接合し ている箇所(上梁及び脚部接合部)においては目立った 損傷や変形は見られなかった。しかし,提案している脚 部の接合方法に対する性能評価については今後の研究課 題とし,照査していく必要がある。

6. 結論

耐震要素として波形鋼板を利用し、合成接合工法を用いて取り付けた際のRCフレームについて、加力実験を行い、その耐震性能及び有効性を検証した。

- (1)合成接合法を用いることで、波形鋼板は壁板として RC骨組と一体化し、耐震壁として利用可能である。し かし、梁部の鋼板補強に関しては、適切なディテール の検討が必要である。
- (2)波形鋼板壁のせん断局部座屈については、せん断局部 座屈に関する既往の評価式を用いることにより、実験 結果を評価することが可能である。
- (3)波形鋼板壁のせん断降伏が先行する場合においても同様に既往の評価式により評価可能である。ただし、変形が進むとせん断局部座屈を引き起こしてしまう。せん断局部座屈後の波形鋼板壁のせん断挙動について更なる検討が必要である。
- (4)波形鋼板耐震壁周囲の取付について,周辺のグラウト 材が波形鋼板壁のせん断座屈変形に追従できるような 措置を施す必要がある。

参考文献

- Yamakawa, T., Rahman, M. N., Nakada, K. & Morishita, Y.: Experimental and Analytical Investigation of Seismic Retrofit Technique for a Bare Frame Utilizing Thick Hybrid Walls, Journal of Structural and Construction Engineering, AIJ, pp. 131-138, 610, Dec., 2006.
- 2)Yamakawa, T., Javadi, P. & Kobayashi, M.: Cyclic loading Tests on Retrofitted RC Frames - A New Hybrid Connection for Installation of a Steel Braced Frame inside a RC Frame (Part 1), Journal of Structural and Construction Engineering, AIJ, Vol. 74, No. 642, pp. 1487~1494, Aug., 2009.
- 日本建築防災協会:2001年改訂版既存鉄筋コンクリート造建築物の耐震改修設計指針同解説, pp. 179-219, 2002.1.
- 4)山崎正直:波形鋼板ウェブの座屈耐荷力,土木学会 構造工学論文集, Vol. 47A, pp.19-26, 2001.3.
- 5) 五十嵐規矩夫他: 矩形形状を有する波形鋼板のせん断 弾性座屈耐力評価, 日本建築学会構造系論文集, Vol. 73, No. 632, pp. 1883-1890, 2008. 10.