論文 振動試験に基づくコンクリート部材の損傷同定に関する基礎的検討

内藤 英樹^{*1}·大竹 雄介^{*2}·齋藤 知廣^{*3}·鈴木 基行^{*4}

要旨:調和応答解析と強制振動試験によって、コンクリート部材の損傷同定手法を検討した。はりの左右に 対して損傷が非対称に導入された場合に、共振時の振動モードの節が損傷側に移動することを示し、共振曲 線(周波数応答関数)に表れる反共振周波数(ある箇所において振動が最も励起されない周波数)に着目して、 1次共振から2次共振に移行する節の位置が推定できることを示した。損傷を与えたはりと平板の調和応答解 析により、健全時からの反共振周波数の変化量に着目して、コンクリート部材の損傷位置が同定できる可能 性が示された。そして、コンクリートはり供試体の強制振動試験と解析結果との整合性を確認した。 キーワード:反共振周波数,強制振動試験,起振機,損傷同定,調和応答解析

1. はじめに

我が国の社会基盤構造物は一斉老朽化を迎える段階 にあり、莫大な数に及ぶ既設構造物に対して、合理的な 維持管理手法を確立することが急務である。劣化の初期 段階において、部材の中の最劣化箇所を簡便に同定する ことができれば、点検・調査の精度向上と大幅な労力の 軽減が図れる。

振動試験は、様々な諸元の部材や構造に対して実施が 容易であり、既設構造物の一斉点検や定期点検への適用 が期待されている。しかし、コンクリート部材において は、経年劣化による軽微な損傷が部材や構造の固有振動 数や減衰定数などに及ぼす影響は小さく^{1),2)}、これらを 指標とした損傷同定は難しいと考えられる。近年では、 解析的検討によって、局所的な部材の振動モードに着目 した損傷同定手法³⁾も提示されているが、加速度計など を用いて振動モードを精緻に測定することは容易では ないと考えられる。

著者ら⁴⁾も、共振時の振動モードの節が損傷側に移動 することに着目して、損傷同定手法を提示した。しかし、 その後の検討において、加速度が零となる振動モードの 節を正確に実測することができなかった。そこで、本研 究では、振動モードの節(ある周波数において最も振動 が励起されない箇所)と反共振点(ある箇所において最 も振動が励起されない周波数)との関係に着目し、計測 が容易な共振曲線(周波数応答関数)に表れる反共振周 波数^{5).6)}を指標として、コンクリート部材の損傷同定を 試みる。なお、これに先立つ検討として、著者ら⁷⁾は、 重さ26 kg,加振力 500 Nの起振機を用いた強制振動試験 により、スパン 10 m 程度のコンクリート道路橋の共振 曲線や反共振周波数が実測できることを確認している。



図-1 単純ばりの損傷による節の移動

そこで、本研究では、反共振周波数に着目したコンク リート部材の損傷同定手法を検討するため、FEM による はりと平板の調和応答解析を行った。さらに、亀裂を導 入したコンクリートはり供試体の振動試験を行い、解析 結果との整合性を検討した。

2. 損傷と振動モードの関係

2.1 振動モードの節

簡単なモデルとして、図-1に示す単純ばりの2次の 共振を考える。曲げ2次のモードのときに、節を単純支 持条件と見なせば、はりの右側と左側の領域について、 それぞれの振動方程式の解が得られる。

$$f_{2nd} = \frac{\pi}{2L_l^2} \sqrt{\frac{EI_l}{\rho A}} = \frac{\pi}{2L_r^2} \sqrt{\frac{EI_r}{\rho A}}$$
(1)

ここで、 f_{2nd} は2次の共振周波数, EIははりの曲げ剛性, ρ は密度, Aは断面積, Lは左右の支点から節までの距離 である。また、下添え字のIとrは、それぞれ $\mathbf{2-1}$ の左 側領域と右側領域を表す。式(1)において、損傷の影響 は、曲げ剛性 EIの低下によって考慮している。

図-1 の左側領域に損傷が存在する場合を考える。式 (1)の *EI*₁ が右側領域の *EI*_r よりも低下するため, *L*₁<*L*_r

*1 東北大学 大学院工学研究科土木工学専攻助教 博(工) (正会員)

*3 宮城県

*4 東北大学 大学院工学研究科土木工学専攻教授 工博 (正会員)

^{*2 (}株) 大林組 修(工) (正会員)



図-2 調和応答解析によるはりの共振曲線

となる。このことから、2次の共振時において、振動モ ードの節が損傷側に移動することが示された。

なお,著者ら⁴⁾は,はりと平板を対象とした FEM 解 析により,節の位置と部材の剛性分布の関係を整理して いる。この解析的検討では,より高次の振動モードの節 を特定することができれば,剛性分布の細分化が可能に なることを示している。

2.2 反共振周波数

反共振とは、異なる固有モード同士の位相が反転する 際に生じる振動の不動点であり、構造の任意点の応答が 極小となる状態を意味する⁸⁾。図-1 に示す曲げ 2 次モ ードを例にすると、はり中央の節より左側に起振機を配 置して加振した場合には, 左側領域の任意点にて反共振 点が得られる。同様に,はり中央の節より右側に起振機 を配置して加振した場合には、右側領域の任意点にて反 共振点が得られる。単純ばりの調和応答解析によって, ある応答測定点において図-2の共振曲線を得た。共振 曲線の応答値を対数表記すると, 共振点(極大点)と反共 振点(極小点)を容易に見出すことができる。掃引周波数 を増加させた強制振動試験(周波数スイープ試験)を考 えたとき,図-2の1次の共振周波数fist,反共振周波数 fanti, 2次の共振周波数 fand に対応するはりの振動モード は図-3のように示される。1次モードから2次モード に移行する際に、節は反共振周波数 fanti のときにこの応 答測定点を通過する。はりの長さ方向に複数の応答測定 点を設けることにより, 各点の反共振周波数に着目して, 1次モードから2次モードに移行する節の位置を推定す ることができる。ここで、図-3より、反共振周波数の 前後において応答測定点の位相が反転するため、共振点 と同様に、反共振点でも位相が±90°となる⁸⁾。

共振点は、応答測定点に依存しない固有の振動特性で あるのに対して、反共振点は応答測定点によって変化す るため、位置情報を含む指標である。例えば、支点付近 の反共振周波数は1次の共振周波数に近く、スパン中央 付近にある節に向かって反共振周波数は2次の共振周波 数に漸近する。



図-3 周波数と振動モードの節の位置



図-4 コンクリートはりの概略図

以降では,はりや平板部材を対象として,反共振周波 数による節の位置の評価と損傷同定を試みる。

FEM による調和応答解析

3.1 はり部材

(1) 解析概要

後述するコンクリートはり供試体と同様に,断面幅 150mm,断面高さ100mm,部材長さ1,500mmの単純ば りを仮定する。支間長は1,400mmであり,鉄筋は配置し ていない。

加振位置と損傷位置を図-4 のように設定した。ただ し、右側領域の反共振周波数を得る際には、加振位置を 右側支点から左に 200 mm とした。損傷の範囲は 100 mm とし、20 mm 間隔に 6 本の亀裂を等間隔に導入した。亀 裂深さは 1~4 cm まで 1 cm ごとに変化させた。なお、本 検討は、周波数特性に着目した損傷同定手法を構築する ことを目的としており、亀裂の導入や後述する平板部材 の剛性低下は、実際のコンクリート部材の剛性低下は、 劣化要因や進展程度に大きく依存するため、本手法を構 築した上で、今後は様々な劣化要因に対して基礎的デー タを実験的に収集する必要がある。

汎用 FEM プログラム MARC を用いて,調和応答解析

		共振周波数 (Hz)		反共振変	
			1次	2 次	化量** (Hz)
健全時		実験	85	295	
		解析	84	328	
損 傷 深 さ	1 cm	実験	80	275	-39
		解析	83	322	-8
	2 cm	実験	77	267	-45
		解析	81	310	-24
	3 cm	実験	77	266	-54
		解析	77	294	-46
	4 cm	実験	75	265	-63
		解析	71	277	-71

表-1 コンクリートはりの振動試験と振動解析

※スパン中央より右側 5cm での応答値

を行った。はり部材を4節点平面応力要素 (1,500 要素) に よってモデル化し、 亀裂部分は隣り合う要素の節点を分 離した⁹⁾。 コンクリートのヤング係数は 30,800 N/mm², 密度 2,300 kg/m³, ポアソン比 0.167 を仮定した。

(2) 解析結果

解析結果の一例として,健全時の共振曲線を図-2 に 示す。1次と2次の共振点の間に,反共振点が表れた。 調和応答解析によって得られる共振周波数を表-1 に示 す。健全時の1次と2次の共振周波数は,それぞれ84Hz と328Hzになる。支点より5cmごとの各応答測定点に おいて共振曲線から反共振周波数を得た。反共振周波数 の分布を図-5(a)に示す。健全時には構造系が対称であ るため,反共振周波数の分布も左右対称となった。前記 のように,反共振周波数の分布は節の移動を示しており, 図-5(a)の健全時の解析結果では,支点付近の反共振周 波数は1次の共振周波数に近く,スパン中央の節に向か って反共振周波数は2次の共振周波数に漸近した。

次に, 亀裂を導入したときの反共振周波数の分布を図 -5(b)に示す。損傷がはりの左側領域に存在することに より,反共振周波数の分布が非対称となった。健全時の 振動が完全に対称であれば,解析的には,反共振周波数 の分布の非対称性から損傷同定が可能になる。しかし, 実際の部材や構造において,支点条件を含めて完全な対 称系は成立しないと考え,以降では,健全時からの反共 振周波数の変化量(以下,反共振変化量)を指標として, コンクリート部材の損傷同定を試みる。

図-5(a),(b)の差によって得られる反共振変化量の分 布を図-6に示す。図-6より、スパン中央付近におい て、左右の反共振変化量に大きな差異が表れた。はりに 亀裂を導入することによって曲げ2次の共振時の節が左 側に移動するため、損傷のない側(右側領域)の各応答測



図-5 調和応答解析によるはりの反共振周波数



定点では、周波数が小さい段階で節が通過するようにな り、反共振変化量が大きく低下する。すなわち、提案手 法は、曲げ2次の共振点の前に表れる反共振周波数を指 標として、損傷による構造系の非対称性を評価するもの である。

亀裂深さを1~4cm に変化させたとき,スパン中央から右側に5cm(左側支点より75cm)の反共振変化量を表 -1に示す。解析結果は,亀裂深さの増加に伴って反共 振変化量が大きくなったが,いずれの亀裂深さでも図-6と同様の分布形状となった。また,別途行った加振位 置を変化させた解析では,各応答測定点での反共振周波 数はわずかに変化したが,後述する損傷位置の同定精度 に及ぼす影響は小さかった。

以上より,曲げ2次の共振点の前に表れる反共振変化 量の分布に着目すれば,損傷がない側の反共振変化量が



図-7 コンクリート平板の解析モデル





大きく低下することから,スパンの左右いずれかの損傷 位置を同定できる可能性が示唆された。

3.2 平板部材

(1) 解析概要

前記の検討では、はり部材を対象として調和応答解析 を行った。一方、断面幅が大きい平板部材では、曲げ1 次と曲げ2次の振動モードの間に、ねじれモードが含ま れる。以降は、ねじれモードが存在する平板部材を対象 として、反共振変化量と損傷位置との関係を整理する。

図-7の解析対象は、コンクリート床版橋を想定して、 スパン10m,幅員5m,厚さ400mmとした。解析は、汎 用 FEM プログラム MARC を使用し、4節点シェル要素 (5,000 要素)によってモデル化した。本解析では、鉄筋は 考慮していない。

図-7に示すように、手前側の長辺から1.25 m 位置を 通り、長辺と平行な X 軸を仮定する。X 軸は左側支点を 原点とする。加振位置は X 軸上として、図-7 の左側領 域の反共振周波数を得る際には X=2.5 m とし、右側領域 の反共振周波数を得る際には X=7.5 m とした。応答測定 点は、X 軸上に左側支点から 0.5 m 間隔に設定した。

材料特性は、コンクリートのヤング係数 30,000 N/mm², 密度 2,300kg/m³, ポアソン比 0.16 を仮定した。損傷は、 図-7 に示す平板の 1/4 領域に対して、コンクリートの ヤング係数を半分に低減し、15,000 N/mm²とした。

(2) 解析結果

解析結果の一例として、健全時の共振曲線を図-8 に

表-2 平板の共振周波数 (解析結果)

	共振周波数 (Hz)				
	1 次モード (曲げ 1 次)	2 次モード (ねじれ)	3 次モード (曲げ 2 次)		
健全時	6.5	19.0	26.0		
損傷時	6.0	17.5	24.0		



図-9 調和応答解析による平板の反共振変化量

示す。1次と2次の曲げ振動モードの間にねじれ振動が 存在し,それぞれの共振点の間に反共振点が存在した。 健全時と損傷時の共振周波数を**表-2**に示す。

はりの検討と同様に、損傷を導入した場合の健全時からの反共振変化量を図-9に示す。図-9より、ねじれ モードを含むことによって、1次の反共振変化量の分布 には、損傷による明確な非対称性は見出せなかった。一 方、2次の反共振変化量(曲げ2次の共振点の前に表れる 反共振点)では、図-6のはりの検討と同様に、損傷のな い側において反共振変化量が大きく低下した。前記のは りの検討と同様に、曲げ2次の共振に移行する際に、損 傷のない側では節が早期に通過するため、各応答測定点 の反共振変化量が大きく低下する。このように、橋軸方 向に限定した場合には、ねじれモードを含む平板の挙動 であっても、曲げ2次の共振点の前に表れる反共振変化 量の分布に着目すれば、損傷がない側の反共振変化量が 大きく低下することから、スパンの左右いずれかの損傷 位置を同定できる可能性が示唆された。

なお、平板における橋軸直角方向の損傷位置の同定に ついては、図-2 や図-3 に示す曲げ挙動の振動モード とは異なるため、今後、実験と併せて詳細に検討する予 定である。

4. コンクリートはり供試体の振動試験

4.1 実験概要

基礎的検討として、コンクリートはり供試体の振動試 験と、前記の解析結果との整合性を確認する。実験は前



写真-1 コンクリートはり供試体の振動試験

記の解析概要と同じ条件で行った。供試体は無筋コンク リートとして, コンクリートのヤング係数は 30,800 N/mm², 密度は 2,300 kg/m³, ポアソン比は計測し ていない。損傷は, はり上面からコンクリートカッター によって亀裂を導入した。

実験ではより明確に共振曲線が得られることから,左 側支点より 35 cm 位置を加振した。なお,加振位置によ って反共振周波数の測定値に大きな差異がないことを 実験と解析によって確認している。

強制振動試験は,電磁コイル式の起振機により,周波 数を漸増させた強制外力(調和振動)を与える。本実験で は参考文献7)の継続として新たに供試体を作製し,加振 方法も見直した。参考文献7)では,はり供試体の上に起 振機を配置して加振したが,本実験では起振機の質量 (9.5 kg)の影響を除去するため,写真-1 に示すように, 起振機の振動テーブルから鋼板を介して,はり供試体上 面に調和振動を伝達させた。供試体上面の鋼板の先端に は,制御加速度ピックアップを貼付しており,入力加速 度の振幅が一定になるように起振機を制御する。このと き,はり供試体の左側支点から5cm間隔に応答測定点を 設け,それぞれの位置で共振曲線を得た。制御加速度は 1.0 m/s²として,50~400 Hz までの強制振動試験を2分 間で行った。本実験で使用した機材の仕様などは、参考 文献7)に示した。



図-10 振動試験によるコンクリートはりの共振曲線



4.2 実験結果

強制振動試験によって得られた健全時の共振曲線の 一例を図-10に示す。ここでは、3次の共振点まで示す ため、掃引周波数は50~800Hzとしている。1~2次の 共振周波数を表-1に併せて示す。表より、強制振動試 験によって得られたはり供試体の共振周波数は、調和応 答解析と概ね対応することを確認した。図-10に示した 共振曲線では、共振点と反共振点を明確に得ることがで きた。いずれの共振点や反共振点も位相が-90°と対応す る実験結果が得られた。

損傷時の一例として, 亀裂深さ4cm での反共振変化量 の分布を図-11に示す。図-6と図-11の比較より, 実 験結果は解析結果と良好に対応することが確認できた。 このことから, 解析結果と同様に, 曲げ2次の共振点の 前に表れる反共振変化量の分布に着目すれば, 損傷がな い側の反共振変化量が大きく低下することから, スパン の左右いずれかの損傷位置を同定できると考えられる。 スパン中央より右側に5cm (左側支点より75cm)での 反共振変化量の実験結果を表-1 に示す。表より, 亀裂 深さが3cmと4cmになると,実験結果と解析結果が良 好に対応した。表-1より, 亀裂深さが3cmのときには, 1次の共振周波数の健全時からの低下は10%程度とな る。一方, 亀裂深さ1cmと2cmの場合には,実験結果 の反共振変化量は大きく表れた。本実験の測定精度では, 1cmや2cmの小さな亀裂に対して,反共振周波数を精 緻に測定することができなかったと考えられる。

以上の基礎的検討により, 亀裂深さが 3 cm 以上の場合 には,実験結果と解析結果の整合性を確認することがで き,反共振周波数を指標とした損傷位置同定の可能性が 示された。

5. まとめ

本研究は,調和応答解析とコンクリートはり供試体の 振動試験によって,損傷同定に対する反共振周波数の有 用性を検討した。その結果,本実験の条件において反共 振周波数を指標とした損傷同定の可能性が示唆された。 本研究の目的は,様々な部材や構造に対して,劣化や損 傷箇所を振動試験によって同定することである。本検討 は,その基礎的検討として,反共振周波数に着目した損 傷同定手法の概念を示したに過ぎず,さらなる手法の高 度化に取り組む予定である。

また,本研究で示した実験や解析の条件は,実際の部 材の損傷状況を模擬したものではない。コンクリート部 材の剛性低下や周波数特性は,劣化要因や進展程度に大 きく依存するため,今後,様々な環境促進試験や現場計 測に対して提案手法を適用し,基礎的データを収集する 必要がある。

参考文献

1) 西村昭,藤井学,宮本文穂,加賀山泰一:橋梁の損

傷評価における力学挙動の有効性, 土木学会論文集, No.380/I-7, pp.355-364, 1987.4

- 2) 宮本文穂,森川英典,山本昌孝:既存コンクリート 橋の損傷に対応する動的挙動の感度特性と損傷評 価への適用,土木学会論文集,No.442/V-16, pp.61-70, 1992.2
- Jeong-Tae Kim, Yeon-Sun Ryu, Hyun-Man Cho and Norris Stubbs: Damage identification in beam-type structures: frequency-based method vs mode-shape -based method, *Engineering Structures*, ELSEVIER, Vol.25, pp.57-67, 2003.
- 4) 大竹雄介,内藤英樹,鈴木基行:共振特性に着目した RC 部材の剛性分布の推定,土木学会第 64 回年次学術講演会,V-165, pp.327-328, 2009.9
- 5) 稲田貴臣, 島村佳伸, 轟章, 小林英男: 反共振周波 数変化に基づく CFRP 積層梁のはく離領域の判定, 日本機械学會論文集, A 編, Vol.67, No.664, pp.1929 -1935, 2001.2
- E. Douka, G. Bamnios and A. Trochidis: A method for determining the location and depth of cracks in doublecracked beams, *Applied Acoustics*, ELSEVIER, Vol.65, pp997-1008, 2004.
- 7) 大竹雄介,内藤英樹,中野聡,鈴木基行:小型起振 機を用いたコンクリート橋の強制振動試験,コンク リート工学年次論文集, Vol.32, No.2, pp.1459-1464, 2010.7
- 8) Neville H. Fletcher and Thomas D. Rossing [著], 岸憲史, 久保田秀美,吉川茂 [訳]: 楽器の物理学, Springer Japan, 2008.
- 9) 内藤英樹、山洞晃一、古賀秀幸、鈴木基行:初期ひび割れを有する繊維補強コンクリートの凍結融解 試験、コンクリート工学年次論文集、Vol.31, No.1, pp.1135-1140, 2009.7