論文 RC 造円形断面部材のせん断力伝達機構に関する研究

桑野 淳*1·日比野 陽*2·篠原 保二*3·林 靜雄*4

要旨:RC造における円形断面部材の合理的なせん断強度評価方法の構築を目的とし,せん断補強筋のない部 材と超高強度コンクリートを使用した部材の実験と有限要素解析を行った。本研究結果から,円形断面部材 内部に形成される応力伝達機構を推定し,概ね理論的なせん断強度評価式を得た。また,等価正方形置換を 行い矩形断面部材の実験式により強度評価を行った場合と比較して,本研究における評価方法は既往の実験 値と良く整合することを示した。

キーワード:円形断面,応力伝達マクロモデル,せん断強度,トラス機構,アーチ機構,有限要素解析

1. はじめに

RC 造円形断面部材は構造物に多く用いられているが, 部材の終局せん断強度を直接算定するための設計式は 現行の基準または指針に記されていない。通常,円形断 面部材のせん断終局強度は,等価な断面積をもつ正方形 断面部材に置換し,既存の矩形断面部材のせん断終局強 度式を適用することにより算定されている。実際には円 形と矩形で内部の応力状態が異なるため,合理的な評価 法とは言えず,実験値との整合も矩形の場合より劣る。

円形断面部材のせん断強度を理論的に評価する実用 的な方法として,孫ら¹¹により提案されたせん断強度式 などが挙げられるが,適用できる部材の断面径に制限が あることや,アーチ機構によるせん断抵抗を十分に考慮 できていないと考えられ,せん断補強量の少ない部材で 強度を過小評価するなどの問題が挙げられる。

本研究では、実用的かつ幅広く適用可能な応力伝達マ クロモデルと合理的なせん断強度式の構築を意図し、実 験および有限要素解析によりせん断力作用時の円形断 面部材内部の応力状態を検討したものである。せん断強 度式は、日本建築学会の靭性保証型耐震設計指針(以下、 靭性指針)に示されているトラス・アーチ理論に基づい た式を提案した。本研究における評価方法は既往の実験 値と良く整合し、矩形断面部材の強度評価と同程度の精 度を有することがわかった。

2. 実験概要

2.1 試験体

表-1 に実験結果と兼ねる形で試験体一覧を,図-1 に 試験体図を示す。SERIES1の試験体はアーチ機構の応力 伝達機構を検討するため,せん断補強筋を配筋していな い。ただし,実際のアーチ機構は主筋の付着力にも依存 し形成されると考えられるため,主筋は異形鉄筋を使用 した。SERIES2の試験体はトラス機構の応力伝達機構を 検討するため,せん断補強筋を配筋した。せん断補強筋 は、普通強度の異形鉄筋を使用した。配筋は,トラス角 度などを検討しやすくするため,スパイラル筋ではなく フープ筋とした。どちらの SERIES も主筋は熱処理を施 した高強度鉄筋を使用した。



表-1 試験体および実験結果一覧

	S No.	形状			コンクリート		主筋			せん断補強筋				実験結果		
SERIES		D	L	1./2D	$\sigma_{\rm B}$	$\sigma_{\rm T}$	插桁	$\mathbf{p}_{\mathbf{g}}$	$\sigma_{\rm y}$	插桁	$\mathbf{p}_{\mathbf{w}}$	$\sigma_{\rm wy}$	軸力比	$_{exp}V_{u}$	$_{exp}R$	最終
		(mm)	(mm)	1/20	(N/mm^2)	(N/mm^2)	1里 大凤	(%)	(N/mm^2)	1里 共民	(%)	(N/mm^2)	11	(kN)	(rad)	破壞形式
1	1	250	750	1.5	23.4	1.88	12-D16	4.86	1050		0.00		0.0	65.5	2.4/1000	S
	2				59.9	3.93								110.6	5.4/1000	S
	3				77.2	3.35								108.9	3.7/1000	s
2	4				77.2	3.35				D4@100	0.10	377		143.7	0.8/100	S
	5									D4@50	0.20			172.7	1.1/100	s
	6									D6@75	0.30	357		205.6	1.5/100	SD
D:断面径 L:部材内法長さ L/2D:せん断スパン比 σ _B :コンクリート圧縮強度 σ _T :割裂引張強度 p _g :全主筋比 σ _y :主筋降伏強度 p _w :せん断補強筋比 σ _{wy} :せん断補強筋降伏強度 n:軸力比																
V·最大	。…V.:最大耐力実験値 。…R:最大耐力時変形角実験値 S:せん断破壊 SD:せん断破壊後ダボ作用にい靱性を保持															

*1 東京鉄鋼(株) 修士(工) (正会員)

*2 東京工業大学 応用セラミックス研究所セキュアマテリアル研究センター助教 博士(工) (正会員)

*3 東京工業大学 建築物理研究センター准教授 工博 (正会員)

*4 東京工業大学 応用セラミックス研究所セキュアマテリアル研究センター教授 工博 (正会員)

2.2 載荷方法

図-2に載荷装置図を示す。載荷は大野式により1方向 単調載荷でせん断力を作用させた。

3. 実験結果

3.1 最終破壊状況

図-3 に実験終了後の試験体写真を示す。SERIES1 はす べてせん断破壊となった。No.1の試験体は部材の上端と 下端を結ぶ対角ひび割れが発生したが,No.2 と No.3 の 試験体では,部材を横切る形で端部と反極点位置を斜め に結ぶひび割れが発生した。SERIES2 においても、部材 を斜めに横切るせん断ひび割れが生じたが,SERIES1 と 比較して角度は急になった。また,特に大きな変形角を 生じた No.6 の試験体では,他のすべての試験体と比較 してひび割れ幅が大きく,発生数も多くなった。

3.2 せん断力-変形角関係曲線

図-4に SERIES ごとのせん断力-変形角関係曲線を示す。 SERIES1 では、コンクリート強度の増加に伴い最大耐力 が上昇するという予想に反し、コンクリート強度が 59.9 N/mm²の No.2 と 77.2 N/mm²の No.3 でほぼ同じ最大耐力 となった。また、No.2 の試験体に関しては変形角 3.5/1000 rad を超えて一時的に耐力低下を起こし、変形 角 5.4/1000 rad まで緩やかに耐力上昇した時点で最大 耐力を記録した。

SERIES2では、せん断補強筋比の増加に伴い最大耐力 がほぼ線形的に上昇するという予想通りの結果となっ た。No.6の試験体では、変形角1.5/100 rad で最大耐力 を記録した後、曲げ破壊のような緩やかな耐力低下を起 こした。引張側主筋が降伏したか否かの判断は実験から は出来なかったが、せん断補強筋が降伏していること、 e 関数法による曲げ解析でせん断余裕度(実験時最大耐 力を解析値の曲げ耐力で除した値)が0.5程度であるこ と、ひび割れ位置の主筋で局所的に大きな曲率が発生し ていることなどから、曲げ破壊ではなくダボ作用により 耐力を保持したものと判断した。

4. 有限要素解析

4.1 解析の目的

円形断面部材は矩形断面部材と異なり,部材の奥行き 方向に渡って応力状態が異なることは容易に予想出来 る。しかし,実験で内部応力状態を測定することは困難 であり,特にアーチ機構の正確な測定は不可能と思われ る。田所の研究²⁰のように部材内部に3軸ゲージを埋め 込む試みも行われているが,断面欠損の影響を受け実際 の応力状態を測定出来ているかは疑問である。そのため 本研究では,有限要素解析によりアーチ機構の形状を推 測した方が妥当であると判断した。









4.2 解析モデル

表-2 に解析に使用した材料の構成則一覧を, **図-5** に モデル図を示す。解析時間短縮を図るため試験体の 1/2 をモデル化した。また応力状態を検討しやすくするため, 試験区間の要素がせん断方向と平行に並ぶようメッシ ュ割を行った。解析は変位制御で行い,入力は大野式の 理想的な状態(**図-5** に示す通り)によるものとした。

4.3 解析結果(せん断力-変形角曲線)

図−6 に解析によって得られた SERIES1 のせん断力-変 形角関係曲線を実験結果と合わせて示す。解析結果が実 験結果よりも若干高めに出る結果となったが、これは分 散型ひび割れモデルを使用したことによるストレスロ ッキングの影響と考えられ、概ね実験結果を再現出来て いると思われる。

4. 4 アーチ機構の形状

図-7 に代表して試験体 No.1 の内部応力のベクトル図 を示す。図は部材を中央で切断した位置の応力を示した ものであるが、どの位置を取り出しても主筋より内側で は同様の応力状態となる。靭性指針では、アーチ機構の 形状を部材の上端から下端にかかる斜めのストラット と仮定しているが、実際には主筋の付着力とコンクリー トの引張負担によりトラス機構のような形状をしてい ると思われる。これは、市之瀬のモデル³³を参考に図-8 に示すモデルを考えると解析結果とよく一致する。薄い 灰色の端部圧縮ゾーンでは、端部から受ける圧縮力と主 筋の付着力とコンクリートの引張力が釣り合い、濃い灰 色の中心部圧縮ゾーンでは、端部から受ける圧縮力と主 筋の付着力と主筋内部の圧縮力が釣り合い、それぞれの 応力場を形成すると考える。

図-9に端部圧縮ゾーンの詳細図を示す。圧縮力はモー メントの反極点(*x* = *L*/2)まで直達すると仮定する。灰 色で示す微小要素における力の釣り合いを考えると以 下の式が得られる。

$$\tau(z) \cdot dz = \sigma_T \cdot dx \tag{1}$$

$$\sigma(z) = \tau(z) \cdot \cot \phi(z) \tag{2}$$

また
$$x \ge z$$
には以下の関係が成り立つ。

$$dx = (z + dz) \cdot \cot \phi(z + dz) - z \cdot \cot \phi(z)$$

これより

$$dx = \left\{ \cot \phi(z) + z \cdot \frac{d \cot \phi(z)}{dz} \right\} \cdot dz \tag{3}$$

となり、式(1)、(2)、(3)より以下の式を得る。

$$\sigma(z) = \sigma_T \cdot \left\{ \cot \phi(z) + z \cdot \frac{d \cot \phi(z)}{dz} \right\} \cdot \cot \phi(z) \quad (4)$$

ここで、z(またはx)の変化に伴う $\cot \phi$ の変化量を仮定する必要がある。ここでは、線形変化とすると有限要素解析の結果との対応が良いため、以下の式が成り立つものとした。

$$\frac{d\cot\phi(z)}{dz} = \frac{L}{2\beta D(D-d)}$$
(5)

式(5)を(4)に代入し、cot ø を z の関数で表せば

$$\sigma(z) = \frac{\sigma_T}{4\beta^2 D(D-d)} \left\{ \frac{2L^2}{D} z^2 - 3L(1-\beta)z + (1-\beta) \right\}$$
(6)

となり,部材端部での軸方向圧縮力は *c* に関する 2 次関 数で表される。

表-2 構成則一覧

		降伏基準		Drucker - Prager 則
	コンクリート	ひび割れ	•••	分散型ひび割れモデル
		引張軟化	•••	Rankine モデル
ſ	主你,世你	要素		埋め込み鉄筋要素
	土肋・宜肋	降伏基準		Von Mises 則
ſ	細垢	構式則		空全谱批体



図-5 モデル図





図-7 最小主応力のベクトル図(試験体 No.1)



σ_c:微小要素の圧縮応力 σ_τ:コンクリートの引張強度 σ:微小要素端部の圧縮力 τ:微小要素端部のせん断応力 D:せい d:かぶり厚さ L:部材内法長さ β:せいに対する圧縮領域の比

図-10 に式(6)より求めた部材端部の斜線部の軸方向 圧縮応力を有限要素解析の結果と合わせて示す。 σ_r は 材料試験の結果を、 β は解析により得られた値を代入し た。主筋位置より外側では中心部圧縮ゾーンからの圧縮 力が加わり、計算値を大きく上回る結果となった。この ことを考慮すれば、計算値による応力分布の傾向は概ね 解析結果と一致し、図-8のモデルはアーチ機構によるせ ん断抵抗機構を実状に即して表しているといえる。

5. せん断強度評価法

5.1 せん断補強筋効果の低減係数

図-11 に示すように、円形断面部材では補強筋の接線 方向が連続的に変化するため、ひび割れ位置で補強筋の 軸方向が一定とならない。そのため、補強効果が矩形と 比較して劣るため、低減係数を用いる必要があると指摘 されている。部材の軸方向に関して、単位長さ当たりの 補強効果(せん断補強金の負担張力)をTとすると、矩形 断面部材のせん断強度は以下の式で求まる。

 $_{squ}V_t = 2Tj\cot\phi \tag{6}$

これに対し、円形断面部材では以下のようになる。

$$_{cir}V_{t} = \int_{0}^{\pi} 2 \cdot T \sin \theta \cdot \frac{j}{2 \tan \phi} \sin \theta d\theta$$
$$_{cir}V_{t} = \frac{\pi}{2} \cdot Tj \cot \phi$$
(7)

式(6),(7)よりせん断補強効果の低減係数αは

 $\alpha =_{cir} V_t /_{squ} V_t = \pi / 4$

5.2 トラス機構の負担せん断力

先に示した通り,円形断面部材ではせん断補強効果の 低減を行うべきである。これは,ひび割れ位置において せん断補強筋の軸方向が一定でないため,補強効果が補 強筋の位置によって異なるためである。補強効果は部材 の最外縁付近では全く期待できず,腹の真ん中に近づく ほど大きな補強効果を発揮する。すなわち,ひび割れ位 置におけるせん断補強筋の張力をせん断方向に変換し た力の大きさがせん断負担そのものである。これと釣り 合う力はコンクリートに生じる圧縮力として伝わるた め,この力も部材の腹に近づくほど大きくなると考える のが自然である。このことを考慮すると,円形断面部材 では**図-12** のようなトラス機構が形成されると考えられ る。コンクリート内部に形成される圧縮ストラットの力 の大きさは図中の $y=\pm j_e/2$ の位置において最大となり, のの関数として以下の式で表される。

$$\sigma_{t_{0}}(\varphi) = \sigma_{t_{0}} \cos \varphi$$
 (9)
 $\sigma_{t_{0}}$ はトラス機構におけるコンクリートの圧縮力の最大
値である。



また,部材に生じるせん断ひび割れをひとつの平面と して扱ったほうがせん断強度評価を行う上で都合が良 いため,トラス角度を表す $\cot \phi$ の値は一定であると 仮定する。

ここで,濃い灰色で示した斜めひび割れゾーンにおい て力のつり合いを考える。ひび割れ面において,鉄筋の 引張力のせん断方向成分,主筋の付着力,斜めストラッ トの圧縮力について以下の関係が成り立つ。

(8)

$$(\alpha \sum a_w \sigma_{wy})^2 (1 + \cot^2 \phi) = \left\{ \int_{\frac{j_e}{2}}^{\frac{j_e}{2}} \sigma_t(y) \cdot j(y) \cos \phi \cdot dy \right\}^2$$
(10)
$$= \left\{ 2 \int_0^{\frac{\pi}{2}} \sigma_{i_0} \cos \phi \cdot j_e \sin \phi \cdot \cos \phi \cdot \left(-\frac{j_e}{2} \sin \phi \right) d\phi \right\}^2$$
$$(\alpha p_{we} \sigma_{wy} \cdot j_e^2 \cot \phi)^2 (1 + \cot^2 \phi) = \left\{ \frac{1}{3} \sigma_{i_0} j_e^2 \cos \phi \right\}^2$$

これを解いて以下の式を得る。

$$1 + \cot^2 \phi = \frac{\sigma_{t_0}}{3\alpha p_{we} \sigma_{wv}} \tag{11}$$

ここで、トラス機構のコンクリート有効強度係数 v_i を導入すると、 σ_{t_0} の最大値が $v_i \sigma_B$ となることから

$$\cot\phi \le \sqrt{\frac{\nu_t \sigma_B}{3\alpha p_{we} \sigma_{wy}}} - 1 \tag{12}$$

これにより、トラス機構の角度を導出した。また、靭性 指針ではコンクリート有効強度係数をトラス機構とア ーチ機構で同一の値 v_0 としているが、本研究における せん断強度評価法では、トラス機構とアーチ機構でコン クリート有効強度係数を区別するべきであると考え、 v_r を用いることとした。この理由については後に述べる。 最後に、トラス機構の負担せん断力は

$$V_{t} = \alpha \sum a_{w} \sigma_{wy}$$

= $\alpha p_{we} \sigma_{wy} j_{e}^{2} \cot \phi$
$$V_{t} = \alpha p_{we} \sigma_{wy} j_{e}^{2} \sqrt{\frac{V_{t} \sigma_{B}}{3 \alpha p_{we} \sigma_{wy}} - 1}$$
(13)

5.3 アーチ機構の負担せん断力

まず、アーチ機構のコンクリート有効強度係数につい て述べる。図-13 にアーチ機構のせん断抵抗機構を再度 示す。先に述べたように,アーチ機構の形状は靭性指針 に示されている簡略化モデルと大きく異なると思われ る。実際は、コンクリートの引張負担に依存してせん断 負担する部分と, 圧縮力のみでせん断負担する部分が混 在していると考えられる。しかし、これらを詳細に分析 してせん断強度を導出することは非常に困難であり,ま たコンクリートの引張強度を変動要因とする必要があ ると考えられるため,設計式として使用することは不可 能といえる。よって本研究では、従来のように簡略化モ デルを用い、これらの複雑な要因をまとめて評価する方 法を構築するべきであると判断し,そのうちの一策とし て、コンクリート有効係数の調整による方法を採用した。 したがって、この場合の有効強度係数は圧縮力の伝達能 力を示すものではなくなるため、トラス機構に用いる有 効強度係数としては不適格であると判断し,トラス機構 とアーチ機構で別の有効強度係数を定めることとした。

アーチ機構の簡略化モデルは, 靭性指針に示されてい るモデルをもとに構築することとした。圧縮ストラット の形状は, 部材端部の圧縮領域の形状・面積を把握し, それをもとに定めるのが自然であると思われる。有限要素解析の結果,SERIES1の試験体 3 体の部材端部圧縮領域は**図-14**のような形状になった。コンクリートの材料特性により多少の変化は見られるが、**図-15**に示す方法でほぼ近似できる。つまり、部材の奥行方向で断面のせいが変化するが、それに対する圧縮領域の比はほぼ一定であることを示している。本研究において行った解析の結果では、全試験体の各位置(図における y 座標)の値を平均して $\beta \doteq 0.3$ を得た。また、先に示した有限要素解析の結果で、アーチ機構の応力伝達は主筋の付着力に大きく影響されることがわかった。主筋より外側(部材の腹付近)での応力伝達はほとんど無いものと考えられるため、圧縮ストラットの形成領域を**図-16**のように定めた。



以上を踏まえて、**図-17** にアーチ機構の応力伝達マク ロモデルを示す。部材の奥行方向でせいが変化するため、 ストラットの角度を表わす $\tan \theta$ が関数化される。また、 アーチ機構の形成に寄与する圧縮力は、 σ_B からトラス 機構の負担する応力 σ_i を減じた値とした。ただし、見 かけ上アーチ機構が負担可能な応力 σ_a は、その値にア ーチ機構のコンクリート有効強度係数 V_a を乗じた値で ある。

$$\sigma_a = v_a (\sigma_B - \sigma_t) \tag{14}$$

図中の φ_0 は厚さ dy を有する微小要素の位置を表す φ

の下限値である。微小要素の負担するせん断力は以下の 式で表される。

 $dV_{a} = dy \cdot \beta D(y) \cos \theta(y) \cdot \sigma_{a}(y) \cdot \sin \theta(y)$ (15) これを変形して

$$dV_a = dy \cdot \beta D(y) \cdot \sigma_a(y) \cdot \frac{\tan \theta(y)}{1 + \tan^2 \theta(y)}$$
(16)

$$dV_{a} = dy \cdot \beta D(y) \cdot \sigma_{a}(y) \cdot \tan \theta(y)$$

$$dV_{a} = -\frac{D}{2} \sin \varphi \cdot d\varphi \cdot \beta D \sin \varphi \cdot \sigma_{a} \cdot \frac{(1-\beta) \cdot D \sin \varphi}{L}$$

$$V_{a} = -\frac{\beta(1-\beta)D^{3}}{2L} \cdot \int_{\varphi_{0}}^{\frac{\pi}{2}} \sigma_{a} \cdot \sin^{3} \varphi \cdot d\varphi \times 2 \qquad (17)$$

これを解いて以下の式を得る。

$$V_{a} = \frac{\beta(1-\beta)D^{3}}{48L} \cdot v_{a} \cdot \left\{ 4\sigma_{B}f_{1}(\varphi_{0}) - 3\sigma_{iB_{0}}f_{2}(\varphi_{0}) \right\}$$
(18)

 f_1, f_2 は φ_0 の関数である。詳細は後に示す。

5.4 せん断強度評価式

せん断強度は、式(13)、(18)の和で表せる。 $\alpha = \pi/4$ 、 $\beta = 0.3$ とし、 $\nu_a \ge \nu_t$ を回帰分析で近似すると図-18の ようになる。これより、せん断強度は以下の式で求まる。

$$V_{u} = \frac{\pi}{4} p_{we} \sigma_{wy} j_{e}^{2} \cot \phi + \frac{0.3 \cdot 0.7 \cdot D^{3}}{48L} \cdot v_{a} \left\{ 4\sigma_{B} f_{1}(\phi_{0}) - 3\sigma_{tB_{0}} f_{2}(\phi_{0}) \right\}$$
(19)

ここで

 $\begin{array}{ll} \cot\phi = \min\left\{ \sqrt{\frac{4\nu_{c}\sigma_{g}}{3\pi\rho_{wc}\sigma_{wy}} - 1} & , & 2 \right\} & \sigma_{ab_{u}} = \frac{3\pi\rho_{wc}\sigma_{wy}(1 + \cot^{2}\phi)}{4} & \phi_{0} = \cos^{-1}\left(\frac{j_{e}}{D}\right) \\ \nu_{i} = 4.86\sigma_{g}^{-0.65} & \nu_{g} = 5.90\sigma_{g}^{-0.55} & f_{1}(\phi_{0}) = 9\cos\phi_{0} - \cos3\phi_{0} \\ f_{2}(\phi_{0}) = (\pi - 2\phi_{0})\left\{\frac{3\pi}{\phi_{0}(\pi - \phi_{0})} - \frac{\phi_{0}}{(\pi - 2\phi_{0})(\pi - 3\phi_{0})} - \frac{3(\pi - 2\phi_{0})}{\phi_{0}(\pi - \phi_{0})}\cos\phi_{0} - \frac{3(\pi - 2\phi_{0})}{(\pi - 3\phi_{0})(2\pi - 3\phi_{0})}\cos3\phi_{0} \right\} \end{array}$

また, $p_{we}\sigma_{wy}/v_0\sigma_B \ge 2/3\pi$ のとき, $V_t = (v_t\sigma_B/6) \cdot j_e^2$ とする。本評価方法をグラフ表示すると**図-19** のようになる。矩形断面と異なり, せん断補強量を増やしてもア ーチ機構が消滅しない特徴を有する。

5.5 評価精度

図-20 に修正荒川 mean 式による評価と本研究における 評価の精度比較結果を示す。荒川式による評価では全体 的に過小評価となる傾向があるが、本研究における評価 は既往の実験値とよく一致する。また、ばらつきが小さ いため、安全余裕度をより正確に確保した設計が可能で ある。

6 まとめ

- 1) RC 造円形断面部材にせん断力が作用した際,部材の 奥行方向で応力状態が連続的に変化する。
- 2) アーチ機構はコンクリート有効強度係数を用いるこ とで簡略化モデルによる評価が可能である。



図-20 強度評価の精度比較

謝辞

本研究にあたり高周波熱錬(株)の協力を得ました。こ こに深く感謝いたします。

参考文献

 孫玉平,三宅良和:RC 円形断面柱の終局せん断耐力の算定式の提案,コンクリート工学年次論文集,Vol.27, No.2, pp.229-234,2005

 2)田所敏弥・谷村幸裕・服部尚道・北沢宏和:逆対称 曲げを受ける RC 円形断面部材のせん断耐力に及ぼすせ ん断スパン比の影響, Vol. 27, No. 2, pp. 811-816, 2005
 3)市之瀬敏勝: RC 部材近傍でのトラス機構,日本建築 学会構造系論文集,第 475 号, pp129-135, 1995.9