論文 梁主筋の付着性状に着目した鉄筋コンクリート梁の各種限界変形性 能に関する研究

鈴木 清八^{*1}·王 磊^{*2}·北山 和宏^{*3}

要旨:梁主筋径およびせん断スパン比を変動因子とした鉄筋コンクリート十字形柱梁部分架構を用いた実験 を行い,梁主筋の付着性状の変化が梁部材の各種限界状態等に与える影響を検討し,また「RC性能評価指針 (案)」の精度を検証した。梁主筋降伏までは梁部材の変形を構成する曲げ変形,せん断変形,接合部からの 主筋の抜け出し,ひずみシフト成分はいずれも精度良く評価出来た。しかしかぶりコンクリート圧壊時では, 実験結果より梁の4つの変形成分を求めた結果,その割合・値ともに計算値とは大きく異なった。主に接合 部からの主筋の抜け出しとひずみシフト成分の精度が悪く,付着性能の正確な評価法の検討が必要である。 キーワード:鉄筋コンクリート梁,十字形部分架構,限界状態,降伏変形,コンクリート圧壊

1. はじめに

近年、建物の構造設計において性能規定化する動きが 活発化しており,限界耐力計算法が制定された。鉄筋コ ンクリート(以下, RC)構造の梁部材の設計においては, 各種限界状態に対応する変形の評価が必要となる。RC 梁部材の各種限界変形について,降伏点を求める手法は, 実験結果との比較により詳細に検証されてきたが、それ 以降のかぶりコンクリート圧壊点やコアコンクリート圧 壊点については全く検証されていない。これらの限界変 形には,降伏後の梁主筋の柱梁接合部内での付着性状(す なわち主筋の抜け出し)が大きな影響を与えると考えら れる。そこでここでは、梁部材の復元力特性に対する主 要な影響因子である梁主筋径およびせん断スパン比を主 な変動因子として十字形の柱梁部分架構試験体の水平加 力実験を行った。梁部材の変形状態や主筋の歪みなどを 詳細に測定し,「RC 性能評価指針(案)」¹⁾(以下, 文献 1) で提案する各種限界変形の評価方法の精度を検証した。

2. 実験概要

2.1 試験体概要

表-1 に試験体諸元,表-2 と表-3 にコンクリートと鉄 筋の材料特性,図-1 に試験体概要を示す。試験体は縮尺 約 1/2 としたスラブ無しの平面十字形柱梁部分架構 3 体 で,柱断面 350×350mm は共通である。梁断面は試験体 W-1 および W-2 で 400×250mm,試験体 W-3 で 250× 250mm である。柱軸力は圧縮一定 910kN(軸力比 0.14), 梁主筋は D22(試験体 W-1, W-3)および D13(試験体 W-2) の 2 種類を用い,いずれの試験体も梁にはせん断補強筋 として 2-D10@100 を配筋した。コンクリートの設計基準

表_1	試驗休謝元
1X I	ロバ河次ドキョビノレ

	試験体名	W-1	W-2	W-3	
	軸力	910kN 圧縮一定 [軸力比0.14]			
	梁断面(mm)	250×400		250×250	
洂	主筋(上下とも)	3-D22	5-D13	3-D22	
朱	あばら筋	2-D1	2-D10@100(pw=0.		
	せん断スパン比	4.0	3.9	6.9	
4	柱断面(mm)	350×350			
11	配筋	主筋:12-D22、帯筋2-D10@100			
	接合部横補強筋	2-D10@1	2-D10@100 2組		
梁曲げ終局時モーメントı」kN・m		151.3	84.4	84.4	
枯	ἑ曲げ終局時モーメント₂, kN・m	388.2	388.3	388.8	
	柱-梁曲げ強度比	2.74	4.92	4.58	

1)平面保持仮定による断面解析の結果;2)鉄筋コンクリート造建物の靱性保証型耐震設計指針・ 同解説,式(解5.3.2)(文献2)

表-2 コンクリート材料特性

試験体名	W-1	W-2	W-3
圧縮強度(MPa)	54.7	54.8	56.2
割線剛性**(GPa)	31.5	30.9	32.9
割裂引張強度(MPa)	2.7	3.2	3.4
圧縮強度時ひずみ(%, mm/mm)	0.27	0.26	0.25
	(et also nto		

表-3 鉄筋材料特性

鉄筋	D22	D13	D10
降伏応力度(MPa)	385	373	398
降伏ひずみ(%, mm/mm)	0.20	0.21	0.23
引張強さ(MPa)	599	569	524



*1 首都大学東京大学院 都市環境科学研究科 建築学域 博士前期課程 (学生会員)
*2 青島騰遠設計事務所株式会社 構造一所 修士(工学)(正会員)
*3 首都大学東京 都市環境学部 建築都市コース 教授 工博 (正会員)

強度は 40N/mm²とし、コンクリートは縦打ちとした。梁 に対する柱の曲げ終局強度の節点比(柱梁曲げ強度比)は, 試験体 W-1 が 2.74, W-2 が 4.92, W-3 が 4.58 である。

2.2 実験方法

柱頭・柱脚をピン支持,梁端をローラー支持とし,試 験体の柱頭に軸力および水平力を与えた。鉛直方向のジ ャッキで一定圧縮軸力を導入した後、水平ジャッキによ り正負交番繰り返し載荷を行った。加力サイクルは、層 間変形角 R(加力点の水平変位を階高 2400mm で除したも の)=0.25%を1サイクル, R=0.5%を2サイクル, R=1, 1.5, 2, 3, 4%を3サイクル(W-3は5%まで)ずつ繰り返 し載荷後, 5%まで(W-3は6%まで)押切載荷した。

3. 実験結果

3.1 ひび割れ状況

図−2 に最終的なひび割れ状況を示す。全試験体で梁に 曲げひび割れが生じ、変形の増大とともにせん断ひび割 れが発生した。梁のかぶりコンクリートが圧壊した。試 験体W-1では変形の増大とともに接合部パネルのせん断 ひび割れが顕著になった。試験体 W-2 では梁ヒンジ領域 のせん断ひび割れが変形とともに大きく開口し、層間変 形角 3%から梁のせん断力方向のずれが顕著になり、そ れ以降に梁のせん断耐力が低下した。最終的には梁主筋 が露出するまで圧縮側コンクリートが剥落し、梁主筋が



図-4 層せん断カー層間変形角関係

by

座屈した。試験体 W-3 では梁の圧縮側コンクリートの圧 壊・剥落が生じると、それ以降に新たに曲げやせん断に よるひび割れの発生や進展は減少した。

3.2 破壊状況

図-3 に層間変形を構成する柱, 梁および柱梁接合部パ ネルの各変形成分の推移を示す。ただし、試験体 W-1 で は層間変形角 1.5%までは各変形成分の測定値を用いた が、それ以降は柱梁接合部パネルのせん断損傷が顕著に なり、梁たわみ測定の信頼性が損なわれたため、層間変 形から柱および接合部パネルの変形成分を差し引いたも のを梁の変形成分とした。

破壊性状は、各試験体で異なった。試験体 W-1 は梁主 筋が降伏した後、柱梁接合部破壊で耐力が低下した(B-J 型破壊)。試験体 W-2 は梁の主筋降伏後に層間変形角 2.9%で最大層せん断力に達し、その後に梁上下の曲げひ び割れが危険断面を貫通し、梁ヒンジ域でのせん断変形 成分の増加を伴った急激な耐力低下を示した(B-FS 型破 壊)。試験体 W-3 は梁主筋降伏後, 層間変形角 5%で最大 耐力に達し、その後曲げ変形成分の急増に伴い耐力低下 を示した(B-F型破壊)。

3.3 層せん断力-層間変形角関係

図-4 に層せん断力-層間変形角関係を示す。層せん断 力は、測定した両梁のせん断力の釣り合いから求めた。 図中の△, □および○はそれぞれ梁主筋降伏時, 観察に よる梁かぶりコンクリート圧壊時、最大層せん断力時を 示す。破線は梁曲げ終局時の層せん断力(平面保持仮定に よる断面解析結果)を示す。試験体 W-1 及び W-2 は層間 変形角 3%程度, W-3 は層間変形角 5% で最大耐力に達し, その後耐力低下が生じた。梁主筋に 5-D13 を用いた試験 体 W-2 は,主筋降伏後は変形とともに紡錘形の履歴形状



図-3 各部材の変形成分

(c) W-3(梁せい 250mm)

bc

44

Dby

bc

層間変形角(%)

by 700 3

19

最大層せん断力 正:84.7kN(5.0%)

:-85, 8kN (-5, 0%)

負

2

層間変形角

22:6.0%

0 70

bcy

 Image: ms 19

 (1):0.25%
 (2):0.50%

 (4):1.0%
 (7):1.5%

 (0):2.0%
 (3):3.0%

 (6):4.0%
 (9):5.0%

最大層せん断力

正:92.7kN(2.9%) 負:-91.6kN(-2.9%)

(13) Vmax jsy

を示し,梁主筋に 3-D22 を用いた試験体 W-1,W-3 では 梁主筋降伏以降は逆 S 字形の履歴ループを描いた。せん 断スパン比の大きい試験体 W-3の初期剛性は小さかった。

3.4 鉄筋の降伏状況

表-4 に鉄筋降伏状況,図-5 に降伏位置と鉄筋の降伏順 序を丸囲み数字で示す。全試験体で梁主筋の降伏が先行 した。柱梁曲げ強度比が相対的に小さい試験体 W-1 では 梁主筋と接合部せん断補強筋が同時に降伏した。その後 層せん断力が最大に達すると,ほぼ同時に危険断面位置 の柱主筋が降伏し,層間変形角 4.3%で柱危険断面の西上 二段目主筋も降伏した。試験体 W-2 と W-3 では梁主筋の 降伏後に梁のせん断補強筋と接合部のせん断補強筋も降 伏した。試験体 W-3 では層せん断力最大時(R=5%)に梁危 険断面から約 1.5D(D:梁せい)の領域における,せん断補 強筋がほぼ降伏した。

		V	V-1	1	N-2	v	N-3	
	降伏位置	降伏 順番	R(%)	降伏 順番	R(%)	降伏 順番	R(%))
洌	西梁上端筋, 東梁下端筋	2	-0.82	2	-0.34	2	-1.11	
余鉄筋	西梁下端筋, 東梁上端筋	1	0.84	1	0.50	1	1.18	
	西梁せん断補強筋	6	-2.88	5	-4.02	6	-4.92	
10	東梁せん断補強筋	_	-	3	-2.33	5	5.00	
	西上一段目主筋	5	2.74					
柱	西上二段目主筋	8	4.32					
主	西下一段目主筋	6	-2.88	-	-	-	-	
筋	東上一段目主筋	9	4.56					
	東下二段目主筋	\overline{O}	3.87					
		3	-1.00	4	2.17	4	-2.90	
	接合部せん断補強筋	1	0.84					
		4	-1.50			3	2.55	
=	┍━━━━थिनिह्नन®+	1-1-1			_			
= (a) W-1			・ ・ ・ たに降(↓ 後に降 ↓ 犬	伏		
				・ ・ たに降(伏 表	₹-5	名
	a) W-1					伏 	₹-5 限界	名
	a) W-1 (5) (5) (6) (7) (7) (7) (7) (7) (7) (7) (7					伏 各種状 使用	ξ-5 限態 限界	 名
	a) W-1 (b) W-2 (c) W-3					伏 	モー5 限界 限界 限界 I	名

図-5 鉄筋降伏状況

表-4 鉄筋降伏状況(R:層間変形角)

3.5 梁主筋の接合部内付着性状

図-6 に梁主筋に各試験体の接合部中央区間(区間長さ 150mm)の付着応力度と接合部中央での梁主筋すべり量 の関係を示す。図中の●は最大付着応力度を、○は層せ ん断力最大時を、□はかぶりコンクリート圧壊時をそれ ぞれ示す。梁隅主筋中央に溶接したネジ棒の直近のコン クリートに対する移動量を変位計で測定し、すべり量と した。梁主筋の軸力は梁主筋に貼付した歪ゲージの出力 を Ramberg- Osgood モデルにより応力変換し求め、区間 両端の引張力の差分を付着力とした。各試験体の履歴ル ープは最大層せん断力以前に S 字形となった。主筋に D22 を用いた W-1、W-3 では最大付着応力度になった後 に最大層せん断力に達した。その一方で主筋に D13 を用 いた試験体 W-2 では最大層せん断力に達するまで良好な 付着を保持した。

4. 各種限界状態

梁部材の実験での各種限界状態を規定する損傷状況を 表-5¹⁾に示す。ここでは使用限界,修復限界 I,修復限 界 II および安全限界について検討した。また梁の具体的 な損傷状況は梁主筋とせん断補強筋の降伏,梁かぶりコ ンクリートの圧壊(圧縮側の梁付け根に生じたひび割れ を目視で判断),除荷時の残留ひび割れ幅,および梁耐力 の低下状況で検討した。

各種限界状態を規定した損傷状況の結果一覧を表-6 に示す。実験値とRC性能評価指針(案)¹⁾の計算値を比較 した。同表の数値は梁の載荷ピーク時の部材角である。 また実験と文献1に基づく梁部材角の荷重-変形関係の 包絡線と各種限界状態を図-7に示す。実線が実験結果の

ン	ľ	F
	ン	ン

	各種限界			具体的な損傷要因		
	状態	梁主筋	せん断補強筋	かぶりコンクリート	残留ひび割れ	曲げ耐力
	使用限界	降伏しない	降伏しない	かぶりコンクリート の圧縮応力度がコ ンクリートの圧縮強 度の2/3以下	0.2mm以下	
罟	修復限界 I	降伏歪みの 2倍以下	降伏歪みの 2倍以下	かぶりコンクリート の圧縮応力度がコ ンクリートの圧縮強 度以下	1mm以下	_
旦	修復限界Ⅱ	-	-	圧壊	2mm以下	
	安全限界	破断	せん断破壊	_	_	0.8Mu以下



表-6 各種限界状態の決定要因



包絡線、破線が計算結果を示し、上下の図はそれぞれ梁 の上端筋引張時と下端筋引張時を示す。試験体 W-1 では 梁主筋降伏後に接合部パネルがせん断破壊したので、梁 部材の安全限界の評価は出来なかった。実験での使用限 界は全試験体で主筋の降伏によって決まった。修復限界 I での載荷ピーク時部材角は,梁主筋に D13 を用いた試 験体 W-2 では 0.81~1.00%で, D22 を用いた試験体 W-1 の 1.24=1.76%より小さかった。修復限界Ⅱにおいて、 計算では全試験体で残留ひび割れ 2.0mm により決まっ たが、実験では梁せいが大きい試験体 W-1, W-2 ではか ぶりコンクリートの圧壊で決まり、その時の載荷ピーク 時部材角は 2.34~3.12%であった。安全限界について試 験体 W-2 では文献 2 による算定ではせん断破壊せず,平 面保持仮定で完全付着の断面解析ではほとんど耐力低下 しなかったため文献1では評価できなかった。一方,試 験体 W-3 における文献1による評価は精度が良かった。

5. 梁変形の構成成分

現在, RC 性能評価指針(案)¹において各種限界変形は, せん断変形による部材角:R_s,梁主筋の柱梁接合部からの 抜け出しによる付加変形:R_{pi},ひずみシフトによる付加変 形:R_b,弾性曲げ変形による部材角:R_fの4 つの変形成分 の和として計算される4成分の概念図を図-8 に示す。ひ ずみシフトとは梁ヒンジ域での主筋の付着劣化に伴う主 筋の抜け出しや,曲げひび割れによる付加変形である。 梁主筋降伏時とかぶりコンクリート圧壊時の変形成分の 実験値と文献1による評価値を比較する。実験における 4 成分はそれぞれ以下に基づいて算出した。



5.1 主筋降伏時の梁変形の構成成分

(1)せん断変形

平石の提案した手法³よりせん断変形によるたわみ量 δ_{ns} を算出した。

(2) 梁主筋の接合部からの抜け出しによる付加変形

図-9 に接合部からの主筋の抜け出し量の算出法の概 念図を示す。梁主筋の接合部からの抜け出しによる付加 変形の回転角は式(1)を用いて算出する。

$$R_{y,pj} = \Delta_{y,pj}/d_n = (\Delta_s + \Delta_g)/d_n$$
(1)

接合部パネルの中央位置での梁主筋すべり量を△_s断面の回転中心から引張主筋までの距離を d_nとする。d_nは梁上下に2つずつ設置した危険断面より50mmの変位計のうち引張側の出力を線形補完し求めた。梁主筋接合部

中央位置の歪みと梁主筋引張側危険断面位置の歪みに基づき,その間の歪み分布を直線とし,その積分値を梁主筋接合部中央から危険断面までの伸び量⊿gとする。この和を接合部からの梁主筋の抜け出し量⊿ypiとした。

(3) ひずみシフトによる付加変形

梁主筋に沿った付着応力度分布,およびそれに対応す る歪み分布を図-10のように仮定する。この時,ひずみ シフトによる危険断面での主筋の抜け出し量⊿_{yb},およ び回転角 R_{vb}は式(2),(3)を用いて求める。

$$\Delta_{y.b} = \frac{1}{2} \varepsilon_y \cdot l_{bs} \cdot \frac{3L - 2l_{bs}}{6L - 3l_{bs}}$$
(2)

(3)

$$R_{v,b} = \Delta_{v,b}/d_n$$

ここで ε_y は梁主筋の降伏歪み, l_{bs} は主筋の付着劣化 長さである。主筋降伏時の l_{bs} は危険断面から 1/2D およ び D での主筋の歪みを線形補完し,降伏歪みを超えた点 から危険断面までの距離とした。

(4) 曲げ変形

弾性曲げによる変形成分 $R_{y,f}$ は直接測定できない。そこで梁付け根の局所領域(図-8)の回転によって生じる部材角 R_c から,接合部からの主筋の抜け出し成分 $R_{y,p}$ および,ひずみシフト成分 $R_{y,b}$ を除いたものを弾性曲げ変形成分 $R_{y,f}$ とした。そこで部材角 R_c は以下によって求めた。

$$R_{c} = \left(\sum_{i=1}^{N} \Delta \theta_{i} \cdot l_{i}\right) / L \tag{4}$$

(5) 計算値と実験値の比較

図-12 に RC 性能評価指針(案)¹による梁主筋降伏時の 各変形成分の計算値と(1)~(4)で算出した実験値を棒グ ラフで示す。いずれの試験体も曲げ変形成分が卓越し, 全変形の 65%~73%を占めた。これに対して文献1の評 価では曲げ変形の割合が 56%~67%となった。続いて主 筋の抜け出し成分が大きく,実験では全変形の 17%~ 29%を占めた。文献1の評価では 18%~32%となり,こ ちらは精度良く評価出来た。また降伏時の梁部材角は, 全試験体で文献1による評価が実験値に対して 101%~ 133%となり,誤差 30%の範囲に収まったが,実験を過 大に評価した。これは上端筋において主筋の抜け出しに よる付加変形を,下端筋において曲げ変形成分をそれぞ れ過大に評価したためである。

5.2 かぶりコンクリート圧壊時の梁変形の構成成分

(1)各変形成分の分離

かぶりコンクリート圧壊時の変形成分は図-8 に示す ようヒンジ領域とそれ以遠でのたわみに分けて算出した。 ヒンジ領域でのたわみ δ_p は, せん断変形 δ_{ps} , 接合部か



ひずみシフト 主筋抜け出し せん断変形 曲げ変形



らの抜け出し変形 $\delta_{p,pj}$ およびひずみシフト変形 $\delta_{p,b}$ の 和とした。この時、ヒンジ領域での弾性曲げ変形は微小 なため無視した。またヒンジ領域での梁の回転角 θ は接 合部からの主筋の抜け出しによる回転角 θ_{pj} とひずみシ フトによる回転角 θ_b の和とした。 $\delta_{p,s}$ と $\delta_{p,pj}$ は 5.1(1)(2) と同様に求めた。よって $\delta_{p,b}$, θ_{pj} および θ_b は以下とな る。この時 δ_p は梁危険断面から D(D は梁せい)の距離の たわみ変位計(図-12 の東梁 1D たわみ)の出力値を用いた。

$$\delta_{p.b} = \delta_p - \delta_{p.s} - \delta_{p.pj} \tag{5}$$

$$\theta_{\rm p.pj} = \delta_{\rm p.pj} / D \tag{6}$$

$$\theta_{\rm b} = \delta_{\rm p.b} / \rm{D} \tag{7}$$

ヒンジ領域以遠でのたわみは、ヒンジ領域での梁の回 転角 θ によるたわみ θ · (L-D)と、弾性曲げ変形による たわみ δ_f の和である(L は梁のせん断スパン、図-8 上部 参照)。 δ_f は直接測定出来ないため、梁の全たわみから ヒンジ領域でのたわみ δ_p と、ヒンジ領域での梁回転によ るたわみ θ · (L-D)を除いた値とした。梁の全たわみは 載荷点に設置した、たわみ変位計(図-12 の東梁たわみ) の測定値を用いた。

(2)実験値と計算値の比較

図-14 にかぶりコンクリート圧壊時の各変形成分の計算値¹⁾と実験値を示す。各グラフの右上に、事象が起こった加力サイクル番号を示す。試験体ごとにかぶりコンクリート圧壊時の梁変形の構成成分が大きく異なった。

梁主筋にD22を用いた試験体W-1では下かぶりコンク リート圧壊時(以下,正載荷時)は曲げ変形,接合部か らの主筋の抜け出し変形,ひずみシフト変形が全変形の 約30%ずつを占めた。上かぶりコンクリート圧壊時(以 下,負載荷時)は正載荷時に比べ曲げ変形が減少した。

梁主筋にD13を用いた試験体W-2では正負載荷時とも に接合部からの主筋の抜け出し変形が小さく,それぞれ 全変形の10.3%,3.2%を占めるに留まった。これはかぶ りコンクリート圧壊まで接合部内において梁主筋の付着 が良好に保持されたためである(図-6(b))。他の変形成 分は正負載荷時ともに曲げ変形が約20%,せん断変形が 約15%,ひずみシフトが約60%となった。

梁せいを 250mm と小さくした試験体 W-3 では,正負 載荷時ともに曲げ変形が全変形の約35%, せん断変形が 約3%となった。その一方で他の2成分では、正載荷時 は接合部からの主筋の抜け出し変形が 18.3%, ひずみシ フト変形が 42.5%となり、ひずみシフト変形が卓越した が、負載荷時は逆に接合部からの主筋の抜け出し変形が 49.1%, ひずみシフト変形が 12.1%と主筋の抜け出し変形 が卓越した。これはかぶりコンクリート圧壊を観察した 加力サイクルが異なったためである。下かぶりコンクリ ートが圧壊した後に,接合部内の梁主筋の付着が劣化し, その後上かぶりコンクリートの圧壊を観察した。同じサ イクルにおける正負載荷での梁変形の構成成分はほぼ同 じであった。すなわち前述の梁変形の構成成分の変化は, 繰り返し載荷によって接合部内の梁主筋の付着が劣化し た結果、接合部からの主筋の抜け出し変形が増加し、同 時にひずみシフト変形が減少したためと考えられる。

かぶりコンクリート圧壊時の梁部材角の文献1による 計算値は W-3 の負載荷時を除き,いずれの試験体も実験 値を大幅に過大評価した。これはいずれも接合部からの 主筋の抜け出し変形と,ひずみシフト変形を実験値に対 して過大に評価したためである。



6. まとめ

(1) 柱梁曲げ強度比が 2.7 と十分に大きいにも関わらず, 梁主筋および柱主筋の降伏後の大変形時に柱梁接合部パ ネルがせん断破壊した。

(2) RC 性能評価指針(案)¹⁾による梁主筋降伏時(使用限界) の梁部材角は,実験値に対して誤差 30%の範囲に収まっ たが,実験を過大に評価した。これは上端筋において主 筋の抜け出しによる付加変形を,下端筋において曲げ変 形成分をそれぞれ過大に評価したためである。

(3) かぶりコンクリート圧壊時(修復限界II)の梁変形の 構成成分は,試験体によって大きく異なった。梁主筋に D22を用いた試験体 W-1とW-3では,W-1の上かぶりコ ンクリート圧壊時を除き,曲げ変形が全変形の1/3を占 めた。接合部からの主筋の抜け出し変形の全変形に占め る割合は,接合部内の付着性状の良否によって3%~49% と大きく異なった。ひずみシフト変形は,試験体W-3の 上かぶりコンクリート圧壊時を除き,全変形の30~60% と多くの割合を占めた。接合部内の梁主筋の付着が劣化 すると接合部からの主筋の抜け出し変形が増加し,ひず みシフト変形が減少する。

(4) かぶりコンクリート圧壊時(修復限界Ⅱ)での指針¹⁾ による梁部材角の評価は,接合部からの主筋の抜け出し とひずみシフトを過大評価した。

参考文献

- 日本建築学会:鉄筋コンクリート造建物の耐震性能 評価指針(案)・同解説,2004
- 日本建築学会:鉄筋コンクリート造建物の靭性保証
 型耐震設計指針・同解説,1999
- 平石久廣:耐震壁のせん断変形と曲げ変形の算定方法,日本建築学会論文報告集,No.333, pp.55-62, 1983,11