論文 実構造物の計測結果に基づく温度応力解析の精度向上方法

関 健吾^{*1}·横関 康祐^{*2}·坂田 昇^{*3}·芦澤 良一^{*4}

要旨:温度ひび割れに対する照査方法として,2012 年制定 コンクリート標準示方書【施工編:施工標準】 では,施工前に照査条件を確認し,設計時の照査条件が実際の施工条件と異なる場合には再度照査を行うこ ととしている。温度ひび割れをより確実に抑制するには,施工中にも,照査に用いた解析条件が適切であっ たかを評価し,より精度の高い事前解析を行うことが望ましい。そこで,建設中の実構造物を対象として計 測結果や試験結果を反映させた温度応力解析を実施し,その精度について評価した。その結果,実構造物の 熱膨張係数や強度特性を解析条件に反映することで,事前解析精度は著しく向上することが明らかとなった。 キーワード:温度ひび割れ,温度応力解析,熱膨張係数

1. はじめに

品質の高い構造物を構築するには、温度ひび割れに代 表される初期欠陥を抑制する必要がある。そのため、2012 年制定 コンクリート標準示方書【設計編】¹⁾(以下,設 計編)では、構造物の設計時に、施工実績あるいは温度 応力解析に基づく評価を行い、温度ひび割れに対する照 査を行うことを定めている。また、2012年制定 コンク リート標準示方書【施工編:施工標準】²⁾(以下,施工 編)では、設計時に実施した照査条件が実際の施工条件 に合致しているかどうかを、施工前に確認することとし ている。これは、設計時に行う照査は、コンクリート材 料の物性や施工日程、外気温などを仮定して行うため、 実際の施工条件と異なる場合があることから、あらため て施工前に行われるものである。

ここで、さらに確実に温度ひび割れを抑制するには、 施工中においても、照査に用いた解析条件が適切であっ たかどうかを評価し、より精度の高い解析等を行うこと が望ましい。効果的にひび割れ抑制を行うためには、よ り精度の高い解析を行って、①施工中に実構造物の内部 温度や応力等を計測し、②計測結果と解析結果を比較す ることで解析条件の整合性を検証し、③検証した結果を 次ブロックの評価に反映させることが有効と考えられる。

そこで本研究では、当該ブロックの施工前に得られる 情報を用いて温度応力解析の精度を向上させ、確実にひ び割れを抑制する手法の確立を目的とし、建設中の実構 造物を対象としてその適用性について評価した。

2. 検討概要

本研究における検討フローを図-1に示す。ここでは, 設計時,施工前および施工中の各段階において,三次元 FEM 解析による温度応力解析に基づく照査を行うもの とした。図中において,設計時の照査(以下,レベルIII) は,詳細施工計画の定まっていない設計時に,設計編や メーカ技術資料等に基づいて実施されるものである。施 工前の照査(以下,レベルII)は,詳細施工計画やコン クリートの配合が決定した施工前に,施工編に基づいて 実施されるものである。ここまでは,従来の照査と同様 である。その後,1ブロック目のコンクリートの打込み を行う。本研究では,この際に,実構造物の温度や応力 を計測する。そして,施工中の照査(以下,レベルI) において,取得した計測結果や使用するコンクリートの 強度試験結果を解析条件に反映させる。これにより,照 査条件は施工条件にさらに近づき,解析精度の向上が図 られるものと考えられる。

本研究では、建設中の実構造物を対象として上記の各 レベルの解析精度を評価した。構造物は、関東南部に位 置する、長さ100.4m、幅 61.5m、高さ 8.4m の箱型躯体 である。検討対象は、厚さ 800mm の底版上に施工され る側壁(厚さ600mm)の1リフト目(リフト高さ3.0m)



図-1 温度応力解析の精度向上に関する検討フロー

*1 鹿島建設	(株)	技術研究所 土木材料グループ 研究員 修士(工学) (正会員)
*2 鹿島建設	(株)	土木管理本部 土木技術部 要素技術開発グループ長 博士(工学) (正会員)
*3 鹿島建設	(株)	土木管理本部 土木技術部長 博士(工学) (正会員)
*4 鹿島建設	(株)	東京土木支店 外環市川中 JV 工事事務所 工事課長代理 修士(工学) (正会員)

とした (図-2)。 側壁は, 5.0m 間隔でひび割れ誘発目地 を導入し, 1回の打設で約 20m 施工する計画であった。 そこで, 1回で打設する延長の 1/2 をモデル化した。な お, 図中には, 後述する計測機器の設置位置も併記した。 温度応力解析ソフトは, ASTEA-MACS ver 6.5.4 を用いた。

3. 各レベルの解析結果と実構造物の計測結果の比較

3.1 各レベルにおける解析条件

(1) レベル皿(設計時の照査)

レベルⅢは,詳細施工計画の定まっていない設計時に, 設計編に基づいて実施した解析である。

解析条件を表-1のレベルⅢに示す。施工日程は未定 であるが、年間を通じてコンクリート施工が行われるた め、側壁の打込み日は安全側として夏期(8/15)と設定 した。外気温は、気象庁の統計情報³⁾に基づき、当該現 場付近である横浜市の月別平均気温を用いた。コンクリ ートの初期温度は設計編に従い外気温+5℃とした¹⁾。

コンクリート配合は、実工事に用いる配合が未定のため、設計条件に基づいた机上検討により、表-2のレベルⅢのように仮定した。なお、セメント種類は低発熱・収縮抑制型高炉セメント(以下,MKC)とした。熱膨張係数は、高炉セメントB種を用いることおよび砂岩粗骨材を用いることを想定し、12.0µ℃とした。

圧縮強度, ヤング係数および引張強度の推定式は, セ メントメーカ技術資料⁴⁾に基づき設定した。なお, クリ ープの影響は, 設計編に示される有効弾性係数法¹⁾に従 って考慮した。また, 自己収縮の影響は, セメントメー カ技術資料⁴⁾に従い考慮した。なお, MKC は添加されて いる石膏の影響により, 材齢初期に若干の膨張挙動を示

12.0

549

配合選定(レベルⅡ, I)

4.5

163

297

すが、この影響は自己収縮式に加味されている⁴⁾。

熱物性および境界条件は、メーカ技術資料⁴⁾および設 計編¹⁾を参考に、**表-3**に示す値を用いた。

(2) レベル I (施工前の照査)

レベルIIは,詳細施工計画や実工事に用いる配合が決 定した施工前に,施工編に基づき実施した解析である。

解析条件を表-1 のレベルⅡに示す。施工日程の決定 に伴い,側壁の打込み日を 8/15 から 3/29 に修正した。

コンクリート配合は、配合選定試験結果に基づき、表 -2のレベルIIのように修正した。同様に、強度推定式 は水セメント比を 54.9%とした場合の値に修正した。こ こで、配合選定試験の際に、粗骨材の 50vol%に石灰石粗 骨材を使用できることとなった。石灰石粗骨材を用いた コンクリートは、熱膨張係数が低減され、温度ひび割れ の抑制に有利となることが一般に知られている。そこで、 本研究では石灰石粗骨材を使用した場合の熱膨張係数と して、メーカ技術資料⁴⁾に基づき、6.9µ℃と設定した。



図-2 解析対象と計測機器の設置位置(単位:mm)

248

508

166

517

表─────────────────────────────────────											
解析	照査の	打込	み日	外気温	初期温度	セメント	単位セメント量	熱膨張係数	強度	自己	
レヘッル	時期	底版	側壁	(°C)	(°C)	種類	(kg/m^3)	(µ∕°C)	推定式	収縮	
レベルⅢ	設計時	7/15	8/15	気象庁	外気温		317	12.0	・設計編	壯准	
レヘッルⅡ	施工前	2/2	2/20	月別平均	+5	MKC	207	6.9	・技術資料	1又111 次141	
LAN IL	協工由	2/3	5/29	(構派古)	图_ ?		297	10.6	1 1 1 1	貝们	

			(12.02.)			-				_		
				表	- 2 =	コンクリー	ト配合					_
24-12-20BB	W/C	SL	Air		単位量(kg/m ³)							
(MKC)	(%)	(cm)	(%)	水	セメント	細骨材1	細骨材 2	細骨材 3	砂岩粗骨	材	石灰石料	且骨材
机上検討(レベルⅢ)	52.0			165	317	534	285	_	1008		-	

415

	表 3 熱物性の人力値										
解析	終局断熱温	温度上昇速度	発熱開始	比熱	熱伝導率	表面熱伝達率(W/m ² ℃)					
レヘッル	度上昇量(℃)	に関する係数	材齢(日)	(kJ/kg°C)	(W/m°C)	上面	側面				
レヘ゛ルⅢ	38.0	0.72	0.14	1 15	2 70	材齢7日まで:8 材齢7日以降:14	材齢7日まで:8 材齢7日以降:14				
レヘッルⅡ	26 4	0.60	0.20	1.15	2.70	材齢 12 日まで:8 材齢 12 日以降:14	材齢 12 日まで:8 材齢 12 日以降:14				
レヘッル I	30.4	0.69	0.20	1.01	2.95	材齢 12 日まで:8 材齢 12 日以降:10	材齢 12 日まで:8 材齢 12 日以降:10				

熱物性は、配合選定試験結果に基づき単位セメント量 を 297kg/m³とした場合の値に修正した。

上記以外の解析条件はレベルⅢと同一とした。

(3) レベルI(施工中の照査)

レベルIは、側壁1ブロック目が施工されたまでの間 に、当該工事で取得した施工データに基づく解析である。

解析条件を表-1のレベルIに示す。コンクリートの 初期温度は、側壁に先行して施工した底版等の品質管理 試験時に取得した,外気温とコンクリート温度の関係に 基づき設定した(図-3)。設計編では、コンクリートの 初期温度は季節によらず外気温+5℃と規定されている¹⁾ が、図-3によると、温度によって外気温とコンクリー ト温度の関係は異なり、両者の差は、外気温が高くなる ほど小さく、外気温が低くなるほど大きくなる傾向にあ る。同様の傾向は既往の文献 5)においても報告されてい る。すなわち、設計編で規定されているコンクリートの 初期温度の設定条件は、外気温が高い場合には安全側の 評価となり、外気温が低い場合には危険側の評価となる 可能性がある。なお、本研究におけるコンクリートの場 外運搬時間は20~30分程度であった。

強度推定式には,配合選定試験時に取得した強度試験 結果(図-4)を用いた。これは、実際に打ち込むコンク リートの強度特性を把握するため,配合選定試験時に, 通常の強度確認用の圧縮強度試験とは別に、材齢3,7, 28 および 91 日において圧縮強度、ヤング係数および割 裂引張強度を測定し、積算温度と圧縮強度の関係、圧縮 強度とヤング係数の関係、圧縮強度と引張強度の関係を 温度の影響を考慮できるようそれぞれ定式化したもので ある。図中には、比較として、レベルⅢおよびレベルⅡ の解析で用いたセメントメーカ技術資料に示される式を 併記した。図より,試験練り結果の方が,ヤング係数は 小さく、引張強度は高くなる傾向であった。

計を用いて前掲の図-2 に示す位置で取得した,実構造 物の測定結果を用いた。測定した熱膨張係数は、コンク リートが最高温度に達するまでは 23.0µ/℃, 最高温度到

達以降は 10.6µ/℃であり、メーカ技術資料に示される値 (6.9µ/℃)とは異なるものであった。これは、石灰石粗 骨材の産地や使用割合が異なること、その他の配合条件 が異なること、熱膨張係数の測定方法が異なること等に よると考えられる。ここで、文献^のによると、石灰石粗 骨材を用いたコンクリートは,砂岩粗骨材を用いた場合 と比較して、熱膨張係数が30%程度低減されることが示 されている。また、高炉セメントB種と砂岩粗骨材を用 いた場合の熱膨張係数は 12.0µ/℃程度であることも示さ れている¹⁾。本研究で用いた MKC は高炉セメント B 種 であること、および石灰石粗骨材の使用割合が 50vol%で あることを勘案し、石灰石粗骨材による熱膨張係数の低 減効果を 30%×50vol%=15%と仮定すると, 12.0µ/℃ ×(1-0.15)=10.2µ/℃となり、実構造物の測定結果とほぼ一 致する。したがって,限られた条件下ではあるが,セメ ント種類,骨材の岩種および使用割合を考慮することで, より正確な熱膨張係数を推定できる可能性がある。

また、測定した熱膨張係数は、コンクリートが最高温 度に到達する前後で大きく変化している。そこで、コン クリートが最高温度に到達する前後で熱膨張係数を変更 した場合について、レベル I の条件で試解析を実施した。 解析条件および解析結果を表-4 に示す。表より、最高 温度に到達する前後で熱膨張係数を変更した場合 (23.0µ/℃→10.6µ/℃)と、熱膨張係数を一定とした場合 (10.6µ/℃)とで、解析結果はほぼ同等であり、最小ひび割 れ指数の差は 5%程度であった。これは、コンクリート

◇実測(1プロック目まで)

◎実測(1プロック目)

▲実測(2プロック目)

■実測(3ブロック目)

●入力(1ブロック目)

▲入力(2ブロック目)

■入力(3ブロック目)

設計編に示される値



12

10 度の差

8

6

 \diamond

ပ္စ

図- 4 取得した強度試験結果(左:積算温度と圧縮強度,中:圧縮強度とヤング係数,右:圧縮強度と引張強度)

が最高温度に到達する材齢初期の時点では,温度変化量 は大きいものの,ヤング係数が小さいため,導入される 圧縮応力に及ぼす熱膨張係数の相違による影響は小さか ったものと考えられる。したがって,レベルIの熱膨張 係数は,10.6µ/℃で一定とした。

比熱および熱伝導率は、骨材種類により異なることが 示されている[¬])。そこで、石灰石粗骨材と砂岩粗骨材の 使用割合(50vol%:50vol%)を勘案し、表-3に示すと おり比熱および熱伝導率を修正した。コンクリートの表 面熱伝達率は、風速により異なることが既往の文献⁸⁾に 示されている。気象庁統計情報によると、当該現場付近 の平均風速は2.1m/s であった。そこで、文献⁸⁾を参考に、 脱型したコンクリートの表面熱伝達率は 10.0W/m²℃と した。上記以外の解析条件はレベルⅡと同一とした。

3.2 各レベルの解析結果と実構造物の計測結果の比較

各レベルの解析結果と実構造物の計測を比較するため、側壁1ブロック目の施工時に、前掲の図-2に示す 位置において、躯体内部温度、コンクリート応力を、そ れぞれ1時間ごとに計測した。実構造物の計測結果と各 レベルの解析結果の比較を図-5~図-7にそれぞれ示す。

まず, コンクリート温度(図-5) について, レベル Ⅲは計測結果と乖離しており、最高温度の差は23.1℃で あった。これは、施工日程および単位セメント量が大き く異なることによる。次に、レベルⅡは、レベルⅢと比 較して精度は向上したものの、計測結果よりも全体的に 高い結果であった。レベルⅡは、実際の施工日程および 単位セメント量を考慮しているため乖離が抑制された一 方で, コンクリート初期温度, 比熱および熱伝導率等の 設定において実構造物と差異が生じたためと考えられる。 レベルIは、計測結果との差がさらに小さくなり、両者 の最高温度の差は0.4℃であった。これは、レベルⅡはコ ンクリートの初期温度を外気温+5℃で一定としたのに 対し、レベルIは当該現場の実績(図-3)に基づきコン クリートの初期温度を設定したこと、骨材の岩種を考慮 して比熱および熱伝導率を設定したことによると考えら れる。したがって、温度解析の精度を向上するには、品 質管理試験時に取得する外気温とコンクリート温度の関 係を蓄積して解析条件に反映させること、および骨材の 岩種を考慮して熱物性を設定するのがよいと考えられる。

次に、コンクリート応力(図-6)について、レベル Ⅲは計測結果と乖離している。これは、前述のとおり温 度解析結果が乖離していることに加え、強度推定式や熱 膨張係数の解析条件が、実際の施工条件と異なるためと 考えられる。レベルⅡは、計測結果とほぼ一致している ように見受けられる。しかしながら、表-1に示すよう に、レベルⅡで設定した強度推定式および熱膨張係数は、 試験練り結果および実構造物の測定結果と異なる。すな

表-4 熱膨張係数の入力条件と解析結果の比較

No	熱膨張係	最小ひび	
	最高温度以前	最高温度以降	割れ指数
1	23.0	10.6	3.19
2	10	3.02	



わち,ヤング係数は実際よりも大きく,熱膨張係数は実際よりも小さく設定しているため,レベルIIは結果として計測結果に近い値になったものと考えられる。その場合,施工時期が異なり,コンクリートの強度発現性が異なった際には,応力解析精度の低下が懸念される。レベルIも,レベルIIと同様に,計測結果とほぼ一致する結果となった。これは,前述のとおりコンクリート温度を高い精度で予測できていることに加えて,実際に使用した配合のヤング係数および実構造物の熱膨張係数を解析条件に反映させているためと考えられる。したがって,レベルIIとは異なり,施工時期が異なった場合にも,レ

ベルIの応力解析精度は低下しないものと考えられる。

最後に,ひび割れ指数を比較する。ここで,実構造物 のひび割れ指数の算出方法を以下に記す。引張強度は, コンクリート温度の計測結果から積算温度を算出し,図-4 に示す積算温度と圧縮強度の関係および圧縮強度と引 張強度の関係を用いて算出した。引張応力は、実構造物 に設置した有効応力計の測定結果から算出した。その後, 算出した引張強度を,測定した引張応力で除することで, 実構造物のひび割れ指数を求めた(図-7)。図より、レ ベルⅢは実測値と乖離している。これは、前述の温度お よび応力の解析結果からも明らかである。次に、レベル Ⅱの最小ひび割れ指数は3.46であり,実構造物の最小ひ び割れ指数(2.45)と比較して4割程度危険側の評価と なった。一方で、レベル I の最小ひび割れ指数は 3.05 で あり,実構造物の最小ひび割れ指数により近い結果とな った。レベルⅡはレベルⅠよりも圧縮強度の発現が早く (図-4),若材齢のコンクリート温度はレベルIよりも 高い(図-5)。そのため、レベルⅡとレベルⅠの引張強 度は、図-7 で最小ひび割れ指数となった材齢 10.7 日およ び12.0 日においてそれぞれ 2.26N/mm²および 2.19N/mm² と同程度であった。併せて、引張応力もレベルⅡの方が 僅かながら小さく、ひび割れ指数はレベルⅡの方が大き い結果となった。ここで、レベルIと実構造物の最小ひ び割れ指数の差は、外気温の影響によるものと考えられ る。すなわち、外気温の時間変動を予測して設定するこ とは困難なため,本研究では,過去の気象庁統計データ に基づく月別平均気温を用いているためと考えられる。 そこで、実施工時に計測した外気温を用い、レベル Iの 条件で解析した結果(レベル I 事後解析)を図-9 に示 す。図中には、図-7に示した実構造物の計測結果およ びレベルIの事前解析結果を併記した。同図より、外気 温を施工時に計測した実際の値とすることで,解析結果 と計測結果は材齢 10 日まではほぼ合致する結果となっ た。なお、材齢10日以降で計測結果と解析結果に差が生 じている。ここで、ひび割れ誘発目地に設置したひずみ 計の計測結果(図-10)を見ると、材齢6~8日頃にひず みが急増している。このことから、図-9の材齢10日以 降におけるひび割れ指数の差は,誘発目地にひび割れが 発生し,応力解放されたために生じたものと推察される。 このことから,レベルIと実構造物の最小ひび割れ指数 の差は外気温が主な要因であり,その他の解析条件は非 常に精度の高いものであることが明らかとなった。

以上より,解析精度を向上するには,配合選定試験時 にヤング係数および割裂引張強度も測定し,解析条件に 反映させることが有効と考えられる。さらに,事後解析 結果が計測結果と合致していることから,コンクリート の打ち込み後に,実際の外気温を入力条件とした検証解 析を行うことで,温度ひび割れ対策の効果を定量的に評 価することも可能と考えられる。

4. 各レベルの解析精度の評価

前章にて,実構造物の計測結果および試験結果を反映 することで,解析精度を向上できることが示唆された。 そこで本章では,側壁の2ブロック目以降も対象として, 本手法によるレベルIの解析精度を評価した。

まず,2ブロック目を対象として実施したレベルⅢ,



図-10 ひび割れ誘発目地におけるひずみ



百日		最	高温度	$(^{\circ}C)$	最小ひび割れ指数時の応力(N/mm ²)				最小ひび割れ指数			
供日	1	2	3	絶対値平均	1	2	3	絶対値平均	1	2	3	絶対値平均
レヘ゛ルⅢ	23.1	14.1	6.8	14.7	0.95	0.72	0.87	0.85	-1.31	-0.94	-1.43	1.23
レヘッルⅡ	2.7	2.7	-3.4	2.9	-0.17	0.35	0.59	0.37	1.01	-0.49	-0.98	0.83
レヘッル I	0.4	1.4	-6.7	2.8	-0.08	-0.01	-0.03	0.04	0.60	0.09	-0.02	0.24

表-5 事前解析結果と計測結果との差(側壁1リフト目)

レベルⅡ,レベルⅠの解析結果および実構造物の計測結 果を図-8に示す。図より、2ブロック目についても、1 ブロック目と同様に、レベルⅢ→レベルⅡ→レベルⅠと なるにつれて、解析結果は計測結果に近づく結果となっ た。特に、レベルⅠの解析結果は、温度、応力およびひ び割れ指数のいずれについても、計測結果とほぼ合致す る結果となった。したがって、施工時期の異なる他のブ ロックを対象とした場合でも、本研究におけるレベルⅠ は、精度の高い解析を行えるものと考えられる。

次に、当該構造物において計測を行った3ブロックを 対象として、各レベルにおける解析値と計測結果の差を 比較した。比較する項目は、最高温度、最小ひび割れ指 数時の引張応力、最小ひび割れ指数とした。比較結果を 表-5に示す。なお、各ブロックの打込み日は表-6に示 すとおりであり、打ち込み時期は大きく異なる。表-5 より、レベルⅢ→レベルⅡ→レベルIとなるにつれて、 最小ひび割れ指数の解析値と計測結果との差は小さくな っており、解析精度が向上していることが分かる。また、 各レベルの解析結果の、計測結果に対する比率を図-11 に示す。図より、最高温度は、レベルⅢ、レベルⅡおよ びレベルIで、それぞれ計測結果に対して43%、9%およ び 8%の差であった。一方で、最小ひび割れ指数時の応 力は、101%、44%および5%の差であった。同様に、最 小ひび割れ指数は、45%、30%および9%の差であった。

以上のように,強度試験結果および実構造物の熱膨張 係数等を解析条件に反映させた施工中の照査(レベルI) は,施工編に準じた施工前の照査条件(レベルI)と比 較して,コンクリート応力で40%程度,最小ひび割れ指 数で20%程度,解析精度を向上できることが分かった。

5. 結論

本研究の範囲で得られた知見を以下に示す。

- コンクリート標準示方書に示される照査に加えて、 実構造物での計測結果および強度試験結果を反映 した温度応力解析を実施することで、解析精度は向 上する。特に、応力解析の精度が向上する。
- 2) 応力解析の精度を向上するには、実構造物で熱膨張 係数を測定して解析条件に反映させること、配合選 定試験時にヤング係数と引張強度を測定して解析 条件に反映させることが有効である。
- 3) 外気温とコンクリート初期温度の差は、外気温が高 いほど小さくなる。また、これを考慮することによ

表-6 各ブロックの打込み日

項目	1 ブロック目	2 ブロック目	3 ブロック目
底版	2/3	3/4	9/6
側壁1リフト目	3/29	5/11	10/13



り解析精度が向上する可能性がある。

4) 精度を向上させた解析条件を用い、施工後に時間変動を考慮した外気温の計測結果を入力条件とした検証解析を行うことで、温度ひび割れ抑制対策の結果、すなわち、実構造物におけるひび割れ指数を定量的に評価できることを確認した。

参考文献

- 1) 土木学会:2012 年制定 コンクリート標準示方書【設 計編】, pp.91-98, pp.303-318, 2013.3.
- 2) 土木学会:2012 年制定 コンクリート標準示方書【施 工編】, pp.171-176, 2013.3.
- 3) 気象庁 HP:

(http://www.data.jma.go.jp/obd/stats/etrn/index.php)

- 株式会社ディシィ:MKC TYPEⅢ 低発熱・収縮抑 制型高炉セメント技術資料, pp.2-15, 2011.9.
- 5) 溝渕利明:温度変化, コンクリート工学, Vol.43, No.5, p.40, 2005.5.
- 社団法人 日本コンクリート工学協会:マスコンク リートのひび割れ制御指針 2008, pp.46-56, 2008.11.
- 7) 川口徹ら,桝田佳寛:コンクリートの熱伝導率、熱 拡散率、比熱の測定方法とその応用,マスコンクリ ートの温度応力発生メカニズムに関するコロキウ ム 論文集, p.13, 1982.8.
- 8) 土木学会:コンクリート標準示方書(昭和 61 年制定)改訂資料,コンクリート・ライブラリー第 61号, p.57, 1986.10.