論文 杭頭接合方法の違いによる基礎への地震入力に関する研究

水谷冬樹*1· 勅使川原正臣*2· 中村聡宏*3

要旨: 杭頭部の固定度を減らす場合は杭頭接合部を剛接合にする場合に比べ,入力地震動(設計用地震動)が大きくな る可能性がある。本研究では,限界耐力計算法により杭頭接合方法の違いによる上部構造への入力地震動の増幅率 の違いについて検討を行った。計算結果より,杭の変形が地盤の変形によるエネルギー吸収に寄与すると考えた場 合は,剛接合に比べ,ピン接合の方が加速度増幅率の値がわずかに小さくなった。杭頭接合法に関わらず杭の変形 による地盤のエネルギー吸収への寄与が一定であると考えた場合は,剛接合に比べ,ピン接合の方が表層地盤の加 速度増幅率が最大で 5[%]程度大きくなることが確認された。

キーワード:杭頭接合条件,限界耐力計算法,杭頭固定度,加速度増幅率

1. はじめに

近年,杭頭部や基礎梁の設計を合理化するために杭頭 接合部の固定度を低減するための接合方法¹⁾²⁾が開発さ れている。しかし,杭頭部の固定度と,地盤と上部構造 の相互作用による応答との関係は未だに不明確であり, 特に杭頭部の固定度を減らす場合は杭頭接合部を剛接合 にする場合に比べ,入力地震動(設計用地震動)や上部構 造の応答³⁾⁴⁾⁵⁾が大きくなる可能性がある。

本研究では,限界耐力計算法により杭頭接合方法の違いによる上部構造への入力地震動の増幅率の違いについて検討を行った。

2. 解析概要

2.1 解析対象

解析対象は平石らの研究 ^のを参考に図-1 のように設定した。対象建物は、場所打ちコンクリート杭に支持された無限均等コンクリート構造物とし、各柱に杭1本で支持する。柱および杭1本当たりの支配面積は $6[m] \times 6[m]$ (図-1)であり、地震時の変動軸力およりロッキング、根入れは考慮しないものとする。建物周期は地盤の一次固有周期(T_g =0.49[s])よりも短い低層の建物を対象とした3階モデル(T_c =0.21[s])と地盤の一次固有周期よりも長い

建物を対象とした18階モデル (*T_c*=1.26[s])の2種類とし, 杭は弾性として検討を行った。

解析モデルは、上部構造を一質点系とし、杭は線材、 地盤は 1[m]刻みに分割した。杭頭接合条件は、固定支持 (固定度=1.0)とピン支持(固定度=0.0)の2種類を設定した。

2.2 構造概要

2.2.1 上部構造の概要

上部構造の概要を表-1 に示す。単位面積当たりの質 量を w=1.2[t/m²]とした。また,杭頭に生じるせん断力を 設定するため,保有水平耐力に達した時の3階,18階モ デルのベースシア係数 *C*₁をそれぞれ 0.5,0.3 とした。

2.2.2 杭の概要

杭の諸元を表-2 に示す。3 階, 18 階モデルともに杭 長 20[m]とし,杭体は弾性とした。

2.2.3 地盤の概要

敷地地盤は、すべて砂質層とし、単位体積質量を ρ =1.8[t/m³]とした。せん断波速度 V_s [m/s]は、文献⁷⁾に倣 い、式(1)で定めた。また、工学的基盤におけるせん断波 速度は V_B =400[m/s]とした。自由地盤の最大変位は文献 ⁶⁾の値を用いた。時代区分による係数 Y_g 及び土質区分に よる係数 S_t を表-3,表-4,自由地盤に生じる最大変位 ⁶⁾を表-5,地盤の N 値分布及びせん断波速度の分布を図



*3名古屋大学大学院 環境学研究科 助教 博士 (工学) (正会員)

-2,図-3に示す。

 $V_{s} = 68.79 \cdot N^{0.171} \cdot H^{0.199} \cdot Y_{o} \cdot S_{t}$ (1)

ここで、N:N値

H: 地表面からの深度[m]Y_g: 時代区分による係数

S_t: 土質区分による係数

3. 解析方法

表層地盤の変位は、自由地盤の変位と杭頭に上部構造 からの慣性力が生じたときの変位が同一方向に生じたと きの変位を表層地盤の最大変位と考え、自由地盤の変位 *ug*と杭の変位 *up*の単純和(絶対値の和)を表層地盤の最大 変位 *umax* として算出した。

表層地盤の加速度増幅率は,多層地盤を工学的基盤と 表層地盤の2層地盤に置換し,表層地盤の変位から算出 した。

また,表層地盤の加速度増幅率の算出に当たり,表層 地盤の減衰定数 h を 2 ケース設定した。

ケース1では、杭の変形が地盤の変形によるエネルギー吸収に寄与すると考え、自由地盤の変位と杭頭接合方法別に算出した変位の絶対値の和から計算した値 h_l とした。

ケース2では、杭頭接合法に関わらず杭の変形による 地盤のエネルギー吸収への寄与は一定であると考え、自 由地盤の最大変位と固定支持の変位の絶対値の和から計 算した値 h_2 とした。したがって、固定支持 $h_{2(llic)}$ とピン 支持 $h_{2(llic)}$ で同じ減衰定数 $(h_{2(llic)})$ となる。

3.1 杭の解析

基準水平地盤反力係数 kh_0 は文献 ⁸⁾に倣い,式(2)によって定めた。杭に生じる上部構造からの慣性力 H_p は,式 (3),式(4)より求めた。杭に生じる水平地盤反力係数 khは,地盤の非線形性を考慮し,基準水平地盤反力係数 kh_0 および杭頭慣性力 H_p を用いて,Chang式⁸⁾により求めた 杭の変位および自由地盤各層の変位の単純和における地 表面水平変位量 y_0 [cm]に応じ,文献⁸⁾に倣い式(5)により 基準水平地盤反力係数を補正して求める。補正した水平 地盤反力を用いて杭,表層地盤の変位を求め,再び水平 地盤反力を求める。収斂計算を行い,表層地盤の最大変 位 u_{max} を算出する。

$$kh_0 = \alpha \cdot \xi \cdot E_0 \cdot \overline{B}^{-\frac{3}{4}} \tag{2}$$

$$H_p = W_0 \cdot C_1 \cdot R_t + W_b \cdot k \tag{3}$$

$$R_t = 1 - 0.2 \left(\frac{T}{T_g} - 1\right)^2 \qquad \left(0.2 \le T_g < 0.6\right) \tag{4}$$

表·	-3 時	代区分による係数				
	/	沖積層	洪積層			
	Y_g	1.000	1.303			

表-4 土質区分による係数⁷⁾

\searrow			砂		-1-14	
	粘土	細砂	中砂	粗砂	砂礫	礫
S_t	1.000	1.086	1.066	1.135	1.153	1.448



[m]	最大変位[cm]
0	3.60
-0.1	3.60
-0.2	3.60
-0.3	3.60
-0.4	3.60
-0.5	3.59
-0.6	3.59
-0.7	3.58
-0.8	3.57
-0.9	3.57
-1	3.56
-2	3.44
-3	3.22
-4	3.05
-5	2.83
-6	2.55
-7	2.35
-8	2.12
-9	1.86
-10	1.58
-11	1.27
-12	0.95
-13	0.62
-14	0.54
-15	0.45
-16	0.36
-17	0.28
-18	0.19
-19	0.09

表-5

地盤深度 自由

自由地盤最大変位 ⁶⁾	表-
------------------------	----

-6 地盤の歪γ

地盤	地盤深度	Fe/ 7	3階固定	3階ピン	18階固定	18階ピン
位[cm]	[m]	γ <i>ο</i> L‰J	γ _{max1} [%]	γ _{max2} [%]	γ _{max3} [%]	γ _{max4} [%]
3.60	0	0.00%	0.01%	0.59%	0.00%	0.27%
3.60	-0.1	0.00%	0.02%	0.59%	0.00%	0.27%
3.60	-0.2	0.00%	0.03%	0.59%	0.01%	0.27%
3.60	-0.3	0.00%	0.04%	0.59%	0.01%	0.27%
3.60	-0.4	0.07%	0.12%	0.65%	0.08%	0.34%
3.59	-0.5	0.00%	0.06%	0.59%	0.01%	0.27%
3.59	-0.6	0.07%	0.14%	0.65%	0.08%	0.34%
3.58	-0.7	0.07%	0.15%	0.64%	0.08%	0.34%
3.57	-0.8	0.00%	0.09%	0.57%	0.02%	0.27%
3.57	-0.9	0.06%	0.16%	0.63%	0.09%	0.34%
3.56	-1	0.08%	0.21%	0.62%	0.11%	0.35%
3.44	-2	0.14%	0.31%	0.61%	0.19%	0.40%
3.22	-3	0.11%	0.29%	0.49%	0.17%	0.36%
3.05	-4	0.14%	0.31%	0.43%	0.21%	0.38%
2.83	-5	0.18%	0.32%	0.39%	0.25%	0.40%
2.55	-6	0.13%	0.24%	0.23%	0.20%	0.33%
2.35	-7	0.15%	0.24%	0.06%	0.22%	0.33%
2.12	-8	0.17%	0.23%	0.12%	0.24%	0.33%
1.86	-9	0.18%	0.22%	0.17%	0.25%	0.33%
1.58	-10	0.20%	0.23%	0.21%	0.27%	0.33%
1.27	-11	0.21%	0.22%	0.23%	0.27%	0.32%
0.95	-12	0.21%	0.22%	0.24%	0.27%	0.31%
0.62	-13	0.05%	0.05%	0.08%	0.10%	0.14%
0.54	-14	0.06%	0.05%	0.08%	0.10%	0.13%
0.45	-15	0.06%	0.05%	0.08%	0.10%	0.08%
0.36	-16	0.06%	0.05%	0.08%	0.09%	0.01%
0.28	-17	0.06%	0.05%	0.07%	0.09%	0.02%
0.19	-18	0.06%	0.05%	0.07%	0.09%	0.03%
0.09	-19	0.06%	0.05%	0.07%	0.11%	0.19%
0.00	-20	0.00%	0.00%	0.00%	0.00%	0.00%

-20

ここで、
$$W_0$$
: 建物重量
 C_1 : ベースシア係数
(3 階: C_1 =0.5, 18 階: C_1 =0.3)
 R_t : 振動特性係数
 W_b : 基礎重量
 k : 水平震度(k =0.3)
 T :上部構造の一次固有周期[s]
(3 階: T =0.21[s], 18 階: T =1.26[s])
 T_g :表層地盤の一次固有周期[s](T_g =0.49[s])

$$kh = \begin{cases} 3.16 \cdot kh_0 & (0.0 \le \overline{y}_0 \le 0.1) \\ kh_0 \cdot (0.5 \cdot \overline{y}_0)^{-0.5} & (0.1 < \overline{y}_0) \end{cases}$$
(5)

ここで、 夏:表層地盤の地表面水平変位の無次元化係数

杭に生じる水平変位 *u_p*を図ー4,自由地盤の変位 *u_g*及 び地盤の変位と杭の変位の単純和 *u_{max}*を図ー5 に示す。

3.2 地盤

文献⁹⁾に倣い,ひずみ γ は式(6)より算定する。自由地 盤の変位 u_g により算出した地盤のひずみを γ_{i0} とし,表 層地盤の最大変位($|u_g|+|u_p|$)により算出したひずみを地盤 に生じる最大の歪 γ_{imax} とした。 γ_{i0} , γ_{imax} を表-6,解析モ デルを図-6に示す。

$$\gamma_i = 0.65 (u_i - u_{i+1}) / H_i \tag{6}$$

ここで, γi:地盤各層の等価ひずみ

u_i:地盤各層の変位[m] *H_i*:地盤各層の層厚[m]

文献⁶⁾に倣い,地盤の基準せん断歪 $\gamma^{0.5}(G/G_0=0.5 \text{ obs})$ きのせん断ひずみ)を 0.10[%],最大減衰定数 h_{max} を 21[%] とし,表層地盤各層のせん断剛率 G_i 及び減衰定数 h_i は,式(6)で求めた表層地盤各層のひずみ γ_i および式(7),式(8) により求めた。

$$\frac{G_i}{G_0} = \frac{1}{1 + \gamma_i / \gamma^{0.5}}$$
(7)
$$h_i = h_{\max} \left(1 - \frac{G_i}{G_0} \right)$$
(8)

ここで, *G_i*:地盤各層のせん断剛性率 *G₀*:地盤の初期せん断剛性(=ρ*V_s*)

yi:地盤各層のせん断ひずみ

y^{0.5}:基準せん断ひずみ(G/G₀=0.5 の時のせん断ひ ずみ)

3.3 周期および増幅率

相互作用による周期および減衰率,増幅率は平12建告 第1457号により計算した。

相互作用を考慮した等価周期 *T_e*[s]は,水平地盤ばね *Kh* および式(9)~(11)より算定する。水平地盤ばね *Kh* は, 式(5)より求めた水平地盤反力係数 *kh* に杭径 *B*[m]及び杭 長 *L*[m]を乗じた値とした。

$$I_e = FI \tag{9}$$
$$r = \sqrt{1 + \left(\frac{T_{sw}}{T}\right)} \tag{10}$$

 $\langle 0 \rangle$









$$T_{sw} = 2\pi \sqrt{\frac{M_{ud}}{Kh}}$$
(11)

ここで,T:上部構造の固有周期[s]

r: 周期調整係数

T_{sw}: 建物のスウェイ固有周期[s]

M_{ud}:建物の代表質量[t]

表層地盤を均質な1層地盤に置換した時の表層地盤と 工学的基盤からなる2層地盤の波動インピーダンス比*a*, 減衰定数*h*は,表層地盤各層のせん断剛率*G*_i及び減衰定 数*h*_i,式(12),式(13)より求めた。

1 次卓越周期 *T*₁ 及び2 次卓越周期 *T*₂における加速度増 幅率 *Gs*₁, *Gs*₂は, 波動インピーダンス比αおよび減衰定 数 *h*,式(14)により算定する。

$$\alpha = \frac{\sum \sqrt{\frac{G_i}{\rho_i}} H_i \cdot \sum \rho_i H_i}{\left(\sum H_i\right)^2}$$
(12)

$$h = \frac{\sum h_i \cdot w_i}{\sum w_i} \quad , \quad w_i = \frac{G_i}{2H_i} (u_i - u_{i-1})^2 \tag{13}$$

$$Gs_1 = \frac{1}{1.57h + \alpha}$$
 , $Gs_2 = \frac{1}{4.71h + \alpha}$ (14)

ここで、a:波動インピーダンス比
 h:地震時の表層地盤の減衰定数
 G:地震時の地盤のせん断ひずみから計算した
 せん断剛性
 H:地盤各層の層厚[m]
 h:表層地盤各層の減衰定数
 w:表層地盤各層の最大弾性ひずみエネルギー

ui:表層地盤各層の変位

ρ_i:地盤各層の単位体積質量[t/m³]

表層地盤の加速度増幅率 Gsは,等価周期 T_e および地盤の卓越周期 T_1, T_2 の関係により,式(15)より算定する。

$$\begin{cases} T_{e} \leq 0.8T_{2} \\ Gs = Gs_{2} \frac{T_{e}}{0.8T_{2}} \\ 0.8T_{2} < T_{e} \leq 0.8T_{1} \\ Gs = \frac{Gs_{1} - Gs_{2}}{0.8(T_{1} - T_{2})} (T_{e} - T_{2}) + Gs_{2} \\ 0.8T_{1} < T_{e} \leq 1.2T_{1} \\ Gs = Gs_{1} \\ 1.2T_{1} < T_{e} \\ Gs = \frac{Gs_{1} - 1}{\frac{1}{1.2T_{1}} - 0.1} \cdot \left(\frac{1}{T_{e}} - \frac{1}{1.2T_{1}}\right) + Gs_{1} \end{cases}$$
(15)

表層地盤の一次卓越周期 T₁及び二次卓越周期 T₂は次 式より算定する。

$$T_{1} = \frac{4\left(\sum H_{i}\right)^{2}}{\sum \sqrt{\frac{G_{i}}{\rho_{i}}}H_{i}} , \qquad T_{2} = \frac{T_{1}}{3}$$
(16)

4. 考察

表層地盤の最大ひずみにおける減衰定数 h₁ としたと き(ケース1)の増幅率 Gs と固定支持とピン支持で同じ減 衰定数 h₂ としたとき(ケース2)の増幅率 Gs 'の計算結果を **表-7,表-8**,ケース1,ケース2及び自由地盤のひず み y₀ および地盤に生じる最大の歪 y_{max} から算出した増幅 率と周期の関係を図-7,図-8に示す。

4.1 ケース1における増幅率 Gs

表層地盤の最大ひずみにおける減衰定数を*h*₁とした ときの波動インピーダンス比αは、3 階、18 階モデル共 にピン接合に比べ、剛接合の値の方が大きくなっている が、地盤の減衰定数*h*₁はピン接合の値の方が大きくなっ ている。地盤の一次、二次卓越周期に対する増幅率*Gs*₁ 及び*Gs*₂は、3 階モデルは杭頭接合方法による値の差異 はほとんどない。18 階モデルは、わずかに剛接合の値の 方がピン接合に比べ大きくなっている。

今回の検討では、自由地盤の変位と杭の変位を足し合 わせたものを地盤の変位とし、波動インピーダンス比の 算定に用いているため、杭変位が大きくなるピン接合の 方が剛接合に比べ地盤の剛性低下が大きく、波動インピ ーダンス比の値が小さくなる。波動インピーダンス比が 小さくなるほど加速度増幅率は大きくなるが、ピン接合 とした場合、杭の水平変形が大きくなることにより地盤 の変形による地盤の減衰定数も大きくなるため、減衰の 影響が大きくなる二次卓越周期に対する増幅率は3階、 18階モデル共に減衰定数の大きいピン接合の方がわず かに増幅率の値が小さくなったと考えられる。

表層地盤の一次卓越周期に対する増幅率 Gs₁及び二次 卓越周期に対する増幅率 Gs₂から算出した表層地盤の増 幅率 Gs は、3 階、18 階モデル共に杭頭接合方法による 差異は小さい。自由地盤の増幅率と杭の変形を考えた時 の増幅率を比較すると、地盤の一次卓越周期 T₁より短い

表-7 ケース1における増幅率 Gs

階層	α	$h_{1}[\%]$	Gs_1	Gs_2	$T_1[s]$	$T_2[s]$	$T_e[s]$	Gs
3(剛)	0.328	13.7%	1.84	1.03	0.61	0.20	0.26	1.27
3(ピン)	0.312	14.3%	1.86	1.01	0.64	0.21	0.27	1.25
18(剛)	0.308	13.2%	1.94	1.07	0.65	0.22	1.30	1.53
18(ピン)	0.300	15.2%	1.85	0.98	0.67	0.22	1.33	1.49

表-8 ケース2における増幅率 Gs'

階層	α	$h_2[\%]$	Gs_{I}'	Gs_2 '	$T_{I}[s]$	$T_2[s]$	$T_e[s]$	Gs'
3(剛)	0.328	13.7%	1.84	1.03	0.61	0.20	0.26	1.27
3(ピン)	0.312	13.7%	1.90	1.04	0.64	0.21	0.27	1.28
18(剛)	0.308	13.2%	1.94	1.07	0.65	0.22	1.30	1.53
18(ピン)	0.300	13.2%	1.97	1.08	0.67	0.22	1.33	1.55



図-7 ケース1における増幅率 Gs

領域では接合方法によらず,自由地盤の増幅率よりも小 さくなっている。地盤の一次卓越周期 T₁より長い領域で は,接合方法によらず自由地盤の増幅率に比べ値がわず かに大きくなっている。これは,周期の短い領域は減衰 の影響が大きく,周期が長くなると減衰の影響が小さく なり,表層地盤の剛性低下による増幅の影響が大きくな るためであると考えられる。

4.2 ケース 2 における増幅率 Gs'

表層地盤の減衰定数を杭頭剛接合と杭頭ピン接合で 同じ減衰定数 h₂とした時の地盤の一次,二次卓越周期に 対する増幅率 Gs₁'及び Gs₂'は,3階,18階モデルとも に固定支持に比べピン支持の方が大きくなっている。こ れは,減衰定数が小さくなると,水平変形による地盤の 剛性低下が大きいピン支持の方が固定支持に比べ増幅が 大きくなるためである。

*Gs*₁、および *Gs*₂、から算出した地盤の増幅率 *Gs*'は, 一 次卓越周期 *T*₁ より周期が短い領域では接合方法による 値に差異はなく, 一次卓越周期 *T*₁~2.0[s]の領域では, ピ ン接合の値が剛接合に比べ 5[%]程度大きくなっている。

ピン接合と自由地盤の増幅率を比較すると、一次卓越 周期 *T*₁より周期が短い領域では、ピン接合の増幅率の値 の方が小さくなるが、ケース1に比べその差は小さい。 一次卓越周期よりも長い領域では、ピン接合は自由地盤 の増幅率に比べ値が大きく、その差はケース1よりも大 きい。



図-8 ケース2における増幅率 Gs'

5. まとめ

本論では、杭頭接合条件の違いによる加速度の増幅率 の違いについて、限界耐力計算法により検討を行った。 杭の変形が地盤の変形によるエネルギー吸収に寄与する と考えた場合(ケース1)の加速度増幅率は、一次卓越周期 より短い領域では、自由地盤の増幅率よりも杭基礎の方 が杭頭接合条件によらず小さい値となった。特に、3 階、 18 階モデル共にピン接合の方がわずかに小さい値とな っている。一次卓越周期よりも長い領域では、杭頭接合 条件によらず杭基礎の方が自由地盤の加速度増幅率の値 に比べわずかに大きな値となった。

杭の変形による地盤のエネルギー吸収への寄与が一 定であると考えた場合(ケース 2)では、一次卓越周期 T₁ ~2.0[s]付近で、3 階、18 階モデル共に剛接合に比べ、ピ ン接合の増幅率の方が自由地盤の増幅率より最大で 5[%]程度大きくなった。杭頭接合方法の違いによる地盤 の加速度増幅率は、杭の変形が地盤の変形によるエネル ギー吸収に寄与する割合により変化し、その割合が小さ い場合は、杭頭ピン接合とした場合に地盤の一次卓越周 期付近で 5[%]程度大きくなる。そのため、杭頭ピン接合 とした場合は、杭頭剛接合にした場合に比べ、上部構造 が強度型の場合は入力加速度が 5[%]程度、靱性型では変 形が大きくなる可能性がある。

参考文献

- 大槻明,田蔵隆,青木孝,真野英之,磯田和彦,岩 本利行,荒川範行,石原孝浩,大川雅之:球面接触 部を有する杭頭接合工法の開発(その1),(その2), 日本建築学会大会講演梗概集(関東),B-1, pp.451-454,2001.9
- 2) 宮崎光生,西村幸洋,菅原貴之:場所打ち用杭用杭 頭接合装置の開発(その1),日本建築学会学術講演梗 概集(東海), B-1, pp.613-614, 2003.9
- 新井寿昭,竹内義夫,花田和志,中村成貴,川又康 博,岩田祐司:杭頭接合条件が異なる地盤-杭基礎系 の模型振動実験,日本建築学会大会講演梗概集(関 東),B-1, pp.469-470, 2006.9
- 護雅史,長谷川正幸:杭頭接合条件の異なる杭基礎 建物の地震時挙動に関する解析的研究(その1),日本 建築学会大会講演梗概集(関東), B-2, pp.921-922,

2001.9

- 支学章,福和伸夫:直接基礎,杭基礎とパイルド・ ラフト基礎の動的相互作用特性,日本建築学会構造 系論文集,No.608, pp.53-60, 2006.10
- 平石久廣,雨宮達也,金沢和誉:応答変位法を応用 した杭頭ヒンジ杭の設計用応力に関する研究,日本 建築学会構造系論文集, Vol.77, No.679, pp.1455-1462, 2012.9
- 国土交通省住宅局建築指導課:2007 年版建築物の構 造関係技術基準解説所,全国官報販売協同組合, 2007
- 8) 日本建築学会:建築基礎構造設計指針, 2001
- 9) 井上和歌子,林康裕,新井洋,中井正一,飯場正紀:
 表層地盤による地震動増幅率評価法に関する研究, 日本建築学会技術報告集, Vol.16, No.32, pp.107-112, 2010.2