論文 余震時応答推定に用いるスリップ性状を考慮した復元カモデルの検討

和賀 一晟*1・櫻井 真人*2・小幡 昭彦*2・西田 哲也*3

要旨:曲げ型部材で構成される中低層 RC 建物を対象とした,筆者らが提案した余震時応答推定法において,等価粘性減衰定数算定に用いる RC 柱部材の復元カモデルの作成を行うとともに,作成モデルを用いて余震時応答推定を行い,その精度を検討した。作成した復元カモデルは TAKEDA モデルに加力時および除荷時のスリップ性状を考慮したものであり,静的正負繰り返し載荷実験の結果の履歴形状を良く模擬できており,余震時応答推定でも連続的に地震動を入力したオンライン地震応答実験の結果に近い値を推定することができた。

キーワード:鉄筋コンクリート造建築物,等価粘性減衰定数,応答推定,余震,スリップモデル

1. 研究背景·目的

2011年に発生した東北地方太平洋沖地震においては, 大地震に匹敵する余震が被災地各地で観測され,本震の みによる耐震性の確認だけでなく,本震による損傷が生 じている状態で余震を受ける場合の耐震性の確認が必要 となる場合があることが再認識された。また,南海トラ フ巨大地震に代表されるように今後発生が懸念されてい る巨大地震においても同様な現象が起こることが予想さ れる。以上から避難施設や発災後の機能維持が必要な施 設などは,余震が建物に与える影響についても新築およ び耐震補強の設計段階で考慮しておくことが重要である と言える。

こうした中,筆者らは本震を受けた後の大地震相当の 余震による地震動に対する中低層鉄筋コンクリート造建 物(以下,RC建物と略記)の定量的評価手法の構築を目 的として,TAKEDAモデルの復元力特性に基づく中低層 RC建物を対象とした余震に対する応答推定手法を提案 した¹⁾。また,静的正負繰り返し加力実験(以下,静的 実験と略記)および連続的に地震動を入力したオンライ ン地震応答実験(以下,オンライン実験と略記)により, 本震および余震による地震動を連続して受ける場合のR C建物の応答性状および提案手法の推定精度を検証した²⁾。

しかし、本提案手法では余震に対する応答推定結果が 実験結果を過小評価する結果となった。これは余震応答 時の履歴性状はTAKEDAモデルによると仮定して提案 した等価粘性減衰定数*h*_{eq}が実際より大きめに評価され る傾向にあるためと考えられる。このことから、応答推 定精度の向上には実験時における部材の履歴性状をより 適切に仮定して*h*_{eq}を評価する必要があると言える。 そこで本論文では、余震応答時のRC部材の履歴特性を 適切に評価しうる復元カモデルを作成し、そのモデルに よる等価粘性減衰定数を用いて余震時応答推定を行い、 その精度を検討した。

2. 余震時等価粘性減衰定数式

2.1 余震時等価粘性減衰定数式の概要

図-1にTAKEDAモデルの概要を、図-2に文献1)で 仮定しているTAKEDAモデルに基づいた中小履歴ルー プの概念図を示す。文献1)では、一般的にRC建物の解析 に多く用いられているTAKEDAモデルに基づいて、無損 傷時(本震応答に対応)あるいは余震による応答が本震 時最大応答を超過した場合における等価粘性減衰定数算 定を式(1)とし、図-2に基づいて余震時応答が本震時最 大応答を超えない場合の等価粘性減衰定数算定式(2)を 提案している。式(2)は、図-2に示すように余震時によ る中小振幅時のループ形状が、本震時の最大応答変位(塑 性率)のみに依存し、本震最大応答時ループ形状の相似 形となるため、等価粘性減衰定数は一定値となる。また、 式(3)に図-1中で用いる除荷時剛性K,の算定式を示す。



*1 秋田県立大学大学院 システム科学技術研究科 建築環境システム学専攻 (学生会員) *2 秋田県立大学 システム科学技術学部 建築環境システム学科 助教・博士(工学) (正会員) *3 秋田県立大学 システム科学技術学部 建築環境システム学科 教授・博士(工学) (正会員) 1) 本震時

$$h_{eq} = \frac{1}{\pi} \{ 1 - \frac{1 + (\delta_c / \delta_y)}{1 + (Q_c / Q_y)} \cdot \frac{1 + \beta(\mu - 1)}{\mu} \cdot \mu^{\alpha} \}$$
(1)

ここで、 δ_c 、 δ_y : ひび割れ変位、降伏変位、 Q_c 、 Q_y : ひび割れ耐力、降伏耐力、 K_1 : 荷重と変位の降伏点までの 割線剛性、 K_2 : 降伏後剛性、 β : K_2/K_1 、 μ : 最大塑性率 (ただし $1 \leq \mu$)、 α : 除荷剛性低下指数

2) 余震時

$$h_{eq} = \frac{1}{\pi} \left\{ 1 - \frac{1 + (\delta_c / \delta_y)}{1 + (Q_c / Q_y)} \cdot \frac{1 + \beta(\gamma - 1)}{\gamma} \cdot \gamma^{\alpha} \right\}$$
(2)

ここで、 γ :本震時最大応答塑性率(ただし $\delta \leq \delta_{max}$ の時 $\gamma = \delta_{max} / \delta_{y}$)

$$K_r = \frac{q_c + q_y}{\delta_c + \delta_y} \cdot \left| \frac{\delta_{max}}{\delta_y} \right|^{-\alpha}$$
(3)

2.2 文献2)の実験および結果の概要

本節では2.3節以降の検討に用いた文献2)の静的実験 ならびにオンライン実験の実験概要および荷重-変位関 係について示す。試験体は曲げ降伏先行型の中低層RC建 物を想定し、建物の代表的な柱1本を取り出した1/3スケ ールのRC柱である。試験体断面寸法は300mm×300mm, 内法高さは1100mmであり、軸力比は0.09の一定軸力とし た。主筋はSD345のD16を使用し、引張側に4本 (p_r =1.07%) 配筋した。せん断補強筋はKSS785のS6を使用し、50mm ピッチ (p_w =0.85%) で配筋した。材料試験の結果、主筋 は σ_y =401.5N/mm², せん断補強筋は σ_u =1062.4N/mm², コ ンクリートは σ_B =31.5N/mm²であった。

静的実験の加力履歴はまず本震想定加力として, ±1/1000(1.1mm), ±1/500(2.2mm), ±1/300(3.67mm), ±1/200(5.5mm), ±1/150(7.33mm,塑性率1.0), ±1/100(11mm, 塑性率1.5), ±1/75(14.67mm,塑性率2.0)をそれぞれ2サイク ルずつ漸増加力した後, ±1/100, ±1/150, ±1/200, ±1/300, ±1/500, ±1/1000を1サイクルずつ漸減加力した。この後, 余震想定加力として再度±1/1000, ±1/500, ±1/300, ±1/200, ±1/150, ±1/100, ±1/75を1サイクルずつ加力した。最後 に大変形加力として, ±1/50(22.00mm), ±1/33(33.3mm) を2サイクルずつ加力したが,本論の対象外なので以降の 図では省略している。

オンライン実験はRC柱試験体が中低層RC建物の履歴 性状を表すと考え,RC建物を1質点系に置き換え,固有 周期を0.25s,減衰定数を0.03,時間刻みを0.01sとして実 施した。入力地震動は本震規模地震動,余震規模地震動 ともにEl Centro NS波の位相を用いて作成した告示波を 10秒間使用した。このうち,最初に入力する本震規模地 震動の最大加速度は予備解析を参考に応答塑性率2.0(変 形角で1/75)となるように368cm/s²と設定した。また余震



規模地震動は本震規模地震動の2/3程度である246cm/s²とした。なお、本震規模地震動と余震規模地震動の間に5 秒間のインターバルを設けた。

図-3に静的実験から得られた荷重-変位関係を,図 -4にオンライン実験から得られた荷重-変位関係を示 す。静的実験では,曲げ型RC部材の履歴特性である最大 応答到達後の応答が最大応答点を指向する傾向を確認す ることができ,余震想定加力時の荷重-変位関係は図-2 のような三角形の形状ではなく逆S字の形状を示した。ま たオンライン実験では,本震規模地震動で最大応答変位 が14.24mm,余震規模地震動で12.27mmとなり,履歴ル ープの形状は静的実験と同様であった。

2.3 柱試験体の復元力特性

表-1に本論文で示す等価粘性減衰定数算定式に用い るトリリニア型の復元力特性を示す。本論文の復元力特 性は、2.2節に示した静的実験で得られた荷重-変位関係 を元に作成した。第1折れ点は文献3)と同様に、初期ひび 割れ発生時としており、この時の変位は1.04mmで、 1.04mm変位時の荷重を用いて算出した初期剛性K1は 68.0kN/mmである。第2折れ点は降伏時とし、静的実験の 部材角1/150加力時に主筋が降伏したことから、第2折れ 点(降伏時)変位を7.33mmとした。第2折れ点以降の第3 次勾配は本論文で対象としている部材角1/75(14.67mm, 塑性率2.0)程度までの荷重-変位関係に対応させるため 初期剛性の1/20とした。図-5に第2折れ点荷重の求め方 を示す。図-5中の実線は静的実験結果より作成した荷 重-変位関係の包絡線である。第2折れ点荷重Q,は、上記 で定めたパラメータを用いて設定される復元力特性と静 的実験の包絡線で囲まれる図-5中のA部分とB部分の



面積が等しくなるように定めた。なお、TAKEDAモデル に用いる除荷時剛性低下指数は0.5とした。

3. 余震時応答推定に用いる復元カモデルの提案

3.1 余震応答時の履歴性状の考察

図-6に、2.2節に示したオンライン実験の本震,余震 入力時の荷重-変位関係から算出した等価粘性減衰定数 とそれぞれの入力に対応する式(1),式(2)の算定結果とを 比較して示す。図-6b)では、本震入力時の最大応答変 位時における式(1)の等価粘性減衰定数算定値が、余震入 力時における式(2)の算定値と等しくなることを示して いる。式(2)による等価粘性減衰定数算定値は、余震入力 時の最大応答変位時における実験値を過大評価する傾向 にあることが分かる。

図-7に式(2)で仮定している定常応答半ループと,静 的実験における余震想定加力時の結果より,塑性率1.5程 度となる部材角-1/100載荷時の履歴ループの比較を示す。 なお,本図は図-2などの概念図と対応させるため,X 軸およびY軸の符号を反転して示している。実験結果の 履歴面積に対する定常応答半ループの履歴面積の比(以 下,面積比と略記)が1.42となっており,実験結果の履 歴面積が定常応答半ループよりも小さいことが確認でき た。以上より,図-6b)のように,式(2)による等価粘性 減衰定数算定値が余震入力時における実験値よりも大き くなってしまっていると考えられる。

また,図-7から加力時および除荷時の荷重が低い領 域においては,変位が荷重の高い領域と比べ急激に進行 するいわゆるスリップ性状を確認することができる。一 方,他の部材角における実験結果を見ても同様な傾向を 示す半ループが多数認められ,特に各半ループにおける



最大応答変位が塑性率1.0を超えていたものはスリップ 性状がより顕著であった。この実験は本震想定加力とし て塑性率2.0程度となる部材角1/75まで正負繰り返し加 力をした後,一度1/1000まで除荷し,余震想定として再 度1/75まで正負繰り返しの加力を行った実験であったた め,多数回の繰り返し加力によって鉄筋と周辺のコンク リートの間の付着が低下したことや,圧縮側コンクリー トの残留ひずみの影響等が大振幅後の中小ループでスリ ップ性状として現れたものと考えられる。

以上より,余震時応答推定で用いる等価粘性減衰定数 を適切に設定するため,大振幅後の中小ループの履歴面 積を適切に評価できる加力時および除荷時のスリップ性 状を考慮した履歴モデルを新たに作成することとした。 3.2 加力時スリップ性状の検討

本節では、加力時のスリップ区間の剛性が、式(2)で仮 定している定常応答ループの加力時剛性に対し、どの程 度の割合で低下しているかを静的実験結果から検討した。

本論文では、大振幅後の中小ループの加力時スリップ 性状を表わす履歴モデルとして武田スリップモデル⁴⁾を 使用することとした。図-8に加力時におけるスリップ 区間の剛性算出方法を示す。図-8に示したKは加力ス テップごとに得られた荷重と変位から算出した接線剛性 である。図-9に静的実験の結果から定常応答ループと なっている、負加力時の部材角1/150と1/75の半ループか ら、図-8の方法で接線剛性を算出した結果を示す。図 -9中の縦軸は、接線剛性を式(2)で仮定している定常応 答ループの加力時剛性 K_1 で除した、 K_1 に対する低減係数 である。また横軸は図-8に示す接線剛性算定区間の最 小変位 δ_1 を半ループの最大応答変位 δ_{max} で無次元化した 値である。

図-9より、最大変位 δ_{max} に対する変位の割合が概ね



図-9 加力時の接線剛性-変位関係



図-10 武田スリップモデル



図-11 除荷区間の接線剛性の算出方法

0.3の位置から接線剛性の増大が認められる。このため最 大変位に対する変位の割合が0.3以下のデータで平均を 取ったところ,加力時のスリップ区間の接線剛性は,式 (2)で仮定している定常応答ループの加力時剛性*K*₁の 0.818倍であった。

ここで図-10に武田スリップモデルの履歴形状を, 式(4)に加力時のスリップ区間の剛性K₆の算定式を示す。

$$K_{s} = \frac{Q_{max}}{\delta_{max} - \delta_{0}} \cdot \left| \frac{\delta_{max}}{\delta_{y}} \right|^{-\lambda} \tag{4}$$

ここで、 δ_0 :荷重が0となる点の変位、 δ_{max}, Q_{max} :最大変 位、最大荷重、 δ_y :降伏変位、 λ :スリップ剛性低下指数

式(4)にある $Q_{max}/(\delta_{max} - \delta_0)$ は**図**-8の定常応答ル ープの加力時剛性 K_1 と同等であり、 $|\delta_{max}/\delta_y|^{-\lambda}$ は加力 時剛性 K_1 の低減係数と考えることができる。そこで、 $|\delta_{max}/\delta_y|^{-\lambda}$ の値が0.818に等しいとして λ を求めると 0.289となる。

3.3 除荷時スリップ性状の検討

(1) 除荷時スリップ開始変位の検討

本項では,静的実験結果から部材が除荷時にスリップ を起こすタイミングについて考察した。図-11に除荷 時における接線剛性の算出方法を,図-12に除荷時に おける接線剛性-変位関係を示す。

図-11に示したKは加力ステップごとに得られた荷



重と変位から算出した接線剛性である。また, 図-12 の縦軸は, 塑性率1.0~2.0となる部材角1/150から1/75ま での半ループから図-11の方法で求めた接線剛性であ り, 横軸は接線剛性算定区間の最小変位 δ_l を半ループの 最大応答変位 δ_{max} で除して無次元化した値である。

図-12より,除荷時のスリップは半ループの最大変 位の0.5倍前後の位置から生じていることが確認できる。 そこでスリップ開始位置を精査するため,接線剛性が 徐々に変化する横軸0.4~0.6のデータを除き,横軸1.0~ 0.6のデータと0.4~0.0のデータを用いてそれぞれの近似 直線を引き,その交点を求めた。その結果,交点の横軸 の値は0.59となり,除荷時のスリップの開始点は最大応 答変位に対して0.59倍の変位と定義することとした。

(2) 除荷時スリップ開始前区間の剛性低下指数の検討 本項では、静的実験結果から除荷時剛性 K_r の算出に用 いる除荷時剛性低下指数 α について検討した。 図-13 は図-12の横軸0.59~1.0のデータを抜き出した図であ る。なお、図-13の縦軸は接線剛性Kを式(3)に示す $(Q_c + Q_y)/(\delta_c + \delta_y)$ で除した値とし、横軸は、接線剛性 算定区間の最小変位 δ_i を半ループの最大変位 δ_{max} で除し て無次元化した値である。したがって、縦軸の値は式(3) の $|\delta_{max}/\delta_y|^{-\alpha}$ に相当するため、縦軸の値を用いて除荷時

結果として縦軸の値の平均値は0.753であり、この値から除荷時剛性低下指数αを逆算すると0.347となる。

(3) 除荷時スリップ区間の剛性の検討

剛性低下指数αを逆算することができる。

本項では,静的実験結果から部材が除荷時にスリップ を起こす際の剛性について検討した。図-14は図-1 2の横軸0~0.59のデータを抜き出した図である。縦軸は, 接線剛性Kを式(3)で求まる除荷時剛性K,で除した値であ



る。なお、除荷時剛性 K_r を算出する際に使用する除荷剛 性低下指数 α は3.3.2項で算出した0.347を使用した。また 横軸は20-13と同様に、接線剛性算定区間の最小変位 δ_1 を半ループの最大応答変位 δ_{max} で除して無次元化した 値である。こちらのデータの平均値は0.50となり、除荷 時スリップ区間の剛性は K_r に対して0.50倍に低減するこ ととした。

3.4 スリップモデルの作成

図-15に3.2節および3.3節で検討した加力時および 除荷時のスリップ性状を組み合わせた定常応答における スリップモデル図を、図-16に当該モデルと静的実験 余震想定加力の部材角-1/150,-1/100および-1/75加力時の 実験結果との比較を、図-17に図-6で用いたオンラ イン実験の余震規模地震動入力時より得られた履歴ルー プから算出した等価粘性減衰定数と作成したスリップモ デルの履歴面積から求めた等価粘性減衰定数とを比較し て示す。なお、本図は図-7と同様に、図-2などの概 念図と対応させるため、X軸およびY軸の符号を反転して 示している。

作成したスリップモデルでは、加力時剛性はK_sであり、 この勾配で過去最大応答点(δ_{max} , Q_{max})における割線剛性 Kとの交点まで進み、その後は過去最大応答点まで割線 剛性Kで推移する。除荷時については除荷時剛性K,で除 荷を開始し、当該ループの最大応答変位 δ'_{max} の0.59倍の 位置でスリップを開始し、その後除荷時剛性K,の0.50倍 の剛性となる。荷重が0になったところで、 再加力とな り剛性K_sで推移し始め、このルールを繰り返す。なお、 灰色の実線は式(2)で仮定している定常応答ループであ り、これに比較して作成したスリップモデルは残留変形 ならびに面積が小さくなることがわかる。



図-17 等価粘性減衰定数-塑性率関係

図-16を見ると、スリップモデルは実験結果の加力 時および除荷時のスリップ性状を概ね良好に表現できて おり、-1/100加力では両者の面積比が1.02と精度良く対応 している。さらに図-16中の全ての加力でスリップモ デルと実験結果の残留変形の対応が良いことも確認でき る。また、図-17を見るとスリップモデルによる算定 結果が、式(2)の算定結果(点線)よりも等価粘性減衰定 数が小さくなっており、余震規模地震動入力時の最大応 答変位付近の等価粘性減衰定数と良く対応していること がわかる。以上のことから、作成したスリップモデルは 加力時および除荷時のスリップ性状を精度良く表現でき、 等価粘性減衰定数の算定精度向上が期待できる。このた め、次章で当該モデルによる等価粘性減衰定数を用いた 応答推定を行い、推定精度を検討した。

4. 余震時の応答推定

4.1 応答推定方法

図-18に余震時における応答推定の概念図を示す。 本論文では、基本的に文献1)で提案されている余震時応 答推定方法を用いるが、等価減衰については、3.4節で作 成したスリップモデルの履歴面積から算定される等価粘 性減衰定数に、初期減衰定数を加算した値を用いる。図 -18に示すように、本震によって最大応答に達した後 の余震による応答は、本震時最大応答点の割線剛性上に



図-18 余震時の応答推定方法

分布すると仮定して余震用耐力スペクトルを設定している。そして、余震時応答推定はこの余震用耐力スペクトルと余震入力による *Sa-SD* コンターとの交点を応答推定点としている。この余震時 *Sa-SD* コンターを算定するときに前述のスリップモデルによる等価減衰を用いた。

4.2 応答推定結果

図-19に作成したスリップモデルによる等価減衰を 用いて行った余震時応答推定結果を示す。今回の推定で は、余震時応答推定の精度を検討するため本震の推定を 行わず、オンライン実験の本震規模入力結果(図-19 中の●印)を用いて、余震用の耐力スペクトルを設定し ている。なお、この実験結果がモデル化した耐力スペク トル上にプロットされていないため、実験結果の変位を 基準に、余震用耐力スペクトルを作成した。余震時応答 推定に用いた入力地震動は、オンライン実験で余震規模 入力とした地震動と同一である。

図-19を見ると、スリップモデルによる等価粘性減 衰定数を用いた推定応答変位(△)と実験による応答変 位(○)の比は約1.01と良い対応を示した。これは図-16や図-17で示したように実験結果とスリップモデ ルの履歴面積および等価粘性減衰定数が良く対応できて いたためと考えられる。また式(2)を用いた文献1)の等価 粘性減衰定数による余震時応答推定結果(□)は、実験 応答変位に対して0.89となっており、スリップモデルを 用いた応答推定に比べ推定精度が低い結果となっている。

5. まとめ

本論文では余震応答時の履歴ループを適切に評価しう る復元カモデルの作成を行うとともに、作成したモデル を用いて算定した等価粘性減衰定数による余震時応答推 定を行い、その推定精度を検討した。以下に、得られた 知見を示す。

(1) 式(2)で仮定している定常応答ループと,文献 2)の静 的実験の結果の比較から,実験結果における履歴ループ では,加力時と除荷時にスリップ性状が生じていること を確認することができ,履歴面積も小さくなることから, 文献 1)の手法では等価粘性減衰定数を過大評価する傾向 があることを示した。



(2) 作成したスリップモデルと静的実験結果と比較した 結果,作成したモデルが実験結果の加力時および除荷時 のスリップ性状および履歴面積を精度良く表現できるこ とを確認した。

(3) スリップモデルに基づく等価減衰を用いて,余震時 応答推定を行った結果,推定値と実験結果の比は 1.01 と 良い対応を示した。

以上の結果から,作成したスリップモデルを用いた余 震時応答推定の妥当性をある程度確認できたと思われる。 しかしながら,検討の数が少ないことや過去最大塑性率 が 2.0 のみの検討であったことからも,作成したスリッ プモデルの適用範囲や応答推定の妥当性を十分に確認し たとは言い難い。なお,東北地方太平洋沖地震のような 継続時間が長い地震動では,本震時応答でも繰返し回数 が多くなり,スリップ性状を示すことが想定されるため, 本震時応答についても,ここで作成したスリップモデル が適用できる場合もあると考えられる。

今後は過去最大塑性率を大きくした場合や異なる地 震動を用いた場合について,作成したスリップモデルお よび余震時応答推定法の検討をさらに進める予定である。

〈参考文献〉

- 1) 兎澤圭亮, 寺本尚史, 西田哲也, 小林淳:余震による 地震入力を受ける場合の応答推定手法に関する検討, コンクリート工学年次論文集,Vol.34, No.2, pp.895-900, 2012.7
- 2) 兎澤圭亮,小幡昭彦,西田哲也,小林淳:連続地震動 を受ける RC 造架構の応答性状に関する実験的検討, コンクリート工学年次論文集, Vol35, No.2, pp.895-900, 2013.7
- 3) 岡田恒男, 関松太郎:電算機アクチュエータオンラインシステムによる鉄筋コンクリート骨組の地震応答実験その2.オンライン応答実験-1,日本建築学会論文報告書,第279号,1979.1
- 江戸宏彰,武田武一:鉄筋コンクリート構造物の弾塑 性地震応答フレーム解析,日本建築学会学術講演梗 概集,pp.1877-1878,1977.10