論文 ミクロな観点に立脚した水分移動モデルの構築

高橋 直希^{*1}·大下 英吉^{*2}

要旨:セメント硬化体内部の水分移動はコンクリートの力学的性能に大きく影響している。そのため、セメント系材料中の水分移動機構の解明を目的とし、ミクロな観点に立脚した水分拡散モデルの構築を行った。本研究では、著者らが以前構築した細孔径依存型の拡散モデルに対し、エネルギー保存則に従い水分子同士の結合・解離を考慮することで、さらなる改良を行った。また、C/S 比に応じて変化する C-S-H の比表面積を簡易的なパラメータを用いることで、水分子が受ける壁面からの影響を加味する新たなモデルを構築した。 キーワード:水分拡散、水素結合、C-S-H、C/S 比、比表面積

1. はじめに

多孔質材料であるセメント系材料にはマルチスケール の空隙が存在しており、それらの空隙内部には環境条件 に応じて各種形態の水が存在する。セメント系材料にお ける水の存在は水和反応、強度発現、各種劣化要因によ る体積変化、中性化や塩害などの現象に影響を及ぼして いる。特に硬化体内部の水分移動は、コンクリート構造 物の構造性能や耐久性能と深く関連しているため、実現 象を解明することがコンクリート構造物の設計や維持管 理を行う上で不可欠である。したがって、コンクリート 内部の水分移動性状を正確に評価することのできるモデ ルを構築することが必要である。

水分移動に関する既往の研究¹⁾²⁾において,水分移動 特性を示す指標である水分の拡散係数は,材料特性を表 わすマクロな値として実験等によって得られている。し かしながら,ナノスケール細孔内における水の拡散はバ ルクの流れとは異なり,例えば,長期クリープの解析³⁾ では微視的レベルに基づいた解析が必要とされている。 したがって,ミクロな観点に立脚した水分拡散モデルの 構築が必要不可欠である。

また,コンクリートの水和生成物の大部分を占めている C-S-Hは,水とセメントや混和材との水和反応により 生成される。C-S-Hの C/S 比は W/C や混和材の種類,材 齢などによって変化することが知られており,C/S 比の 変化は炭酸化性状などの化学的性質や比表面積などの物 理的性質に影響を及ぼすことが示唆されている⁴⁾⁵⁾。そ のため, C-S-Hの C/S 比によって変化する物理化学的性 質を加味することで,より正確に実現象を捉えることが できると考えられる。

横山と大下^{のつ}はファンデルワールス力やクーロン力 などの壁面と水分子の間に働く力(以下,壁面効果と称 す)を加味することによって細孔径に応じた拡散モデル を構築した(以下,旧モデルと称す)が,旧モデルにお

*1 中央大学 理工学研究科都市環境学専攻 (学生会員) *2 中央大学 理工学部都市環境学科教授 工博 (正会員) いては細孔内の水分子同士は干渉しないものとして扱っ ていた。しかしながら,水分子は極性分子であるため, 水分子同士にも静電的な力が働いており,水素結合を形 成する。そのため,微細細孔内の拡散においても,水分 子同士が結合もしくは解離を考慮する必要がある。

一方, C-S-H においては, C/S 比の低下により比表 面積が増加することが報告されている⁵⁾。比表面積は材 料物性を表す一つの指標であり,物質移動性状に大きな 影響を及ぼしている。旧モデルにおいて,固体表面と水 分子の相互作用を評価する際,固体表面は凹凸のない構 造を仮定しているが,比表面積の増加に伴い表面の平坦 性は失われ,水分子に作用する壁面効果も変化すること が考えられる。

そこで本研究では、水分移動性状を正確に捉えること ができるような水分移動モデルの構築を目的とし、より ミクロな観点に立脚し、衝突の際に生じるエネルギーと 水分子の結合エネルギーの比較を行うことで水分子同士 の結合と解離を考慮した。さらに、C/S 比に応じて変化 する C-S-H の比表面積を簡易的な無次元パラメータとし て導入することで、比表面積の違いによる壁面効果の変 化を加味したモデルの構築を行った。

2. 細孔径依存型の水分拡散モデル

セメント系材料は,nm~mm にわたるマルチスケール オーダーの細孔径を有する多孔体であり,水分子が細孔 内を通過する際,壁面と分子間に働く力が非常に大きな 影響を及ぼす細孔径もあれば,分子同士の衝突が支配的 となる細孔径もある。そのため,細孔内における物質移 動は細孔径に応じて3つの拡散形態に分けられると仮定 した。図-1 に区分分けの概念図を示す。まず,壁面近 傍では壁面効果の影響が支配的となる拡散形態(図-1 (a)),次に壁面からの距離が遠く壁面効果をあまり受 けずに分子同士の衝突が支配的な拡散形態(図-1(b)), そして,双方の影響を受ける中間的な拡散形態(図-1 (c))とした。

2.1 既往の拡散モデル⁶⁾

(1) 細孔壁面の影響が支配的な拡散

壁面原子と水分子間のポテンシャル ϕ は、細孔壁面原 子から距離zにいる分子に作用する Lennard-Jones ポテン シャル E と Coulomb ポテンシャル U を加え合わせたも のに従うとして、式(1)により定義した。

$$\phi(z) = E(z) + U(z) \tag{1}$$

また,水分子は壁面の原子全体から同時に作用を受け ると考えられる。そのため,Lennard-Jones ポテンシャ ル *E* を水分子と表面一層との相互作用として,式(2)に より定義した⁸。

$$E(z) = 4\pi \varepsilon N_A \sigma^2 \left\{ -\left(\frac{\sigma}{z}\right)^4 + \left(\frac{\sigma}{z}\right)^{10} \right\}$$
(2)

ここで、 N_A は面内原子密度であり、固体原子の一般 的な値である $N_A = 10^{19} [\text{m}^2]$ とした。また、 ε および σ は それぞれ古典的解離エネルギーおよび分子直径であり、 本研究では水分子固有の値として、 $\varepsilon = 4.323 \times 10^{-20} [\text{J}]$ 、 $\sigma = 0.3 [\text{nm}]$ とした。

また, Coulomb ポテンシャル U(z)は, 正負の点電荷の 間に働く引力(クーロン力)に従うものである。水分子 は電子がOの側に偏った永久双極子モーメントを持つ極 性分子であり,この極性によって壁面原子との間に静電 的な力が働くとされている。そこで, Coulomb ポテンシ ャルUを壁面の点電荷原子と極性分子の相互作用として 式(3)により定義した⁹。

$$U(z,\theta) = \sum \frac{q\mu\cos\theta}{4\pi\varepsilon_0 z^2}$$
(3)

ここで、 ε_{θ} は真空誘電率、qは点電荷、 μ は双極子モー メントであり、それぞれ ε_{θ} =8.85×10⁻¹²[C²/J·m]、q=1.6 ×10⁻¹⁹ [C]とした。水分子の双極子モーメント μ は、 H-O結合の長さ0.98[Å]およびH-O-Hの結合角度104.5[°] から6.21×10⁻³⁰[C·m]となる。なお、 θ は点電荷と分子の 中心線を結ぶ直線に対する分子の傾きである。

また,式(1)は壁面からの距離 z における水分子に作用 するポテンシャルエネルギーである。本研究では,相対



図-1 拡散形態の区分分け

湿度によって変化する吸着層は,藤倉と大下¹⁰が提案 する Gibbs の自由エネルギーから得られる吸着厚さ の[m]を考慮し,細孔中の位置による平均を求めること で,細孔直径 *l*における壁面と水分子間のポテンシャル φ(*l*)を式(4)により定義した。

$$\phi(l) = \int_{-\infty}^{l-\infty} \phi(z) dz \tag{4}$$

壁面効果によって決定される拡散係数 D_k は、初速を 与えた分子が、式(4)によるポテンシャルエネルギーに よって、運動エネルギーを失い、壁面に吸着するまでに 移動した距離 x とそれに要した時間 t により、式(5)に示 す三次元における Einstein¹¹⁾の式から算出した。

$$D_k = \frac{\langle x^2 \rangle}{6t} \tag{5}$$

(2) 水分子同士の衝突が支配的な拡散

比較的大きな径では、分子同士の影響が支配的な拡散 となるため、壁面との距離が拡散に与える影響は小さく、 細孔径に依存しない拡散形態となる。そのため、水分子 同士の衝突による拡散係数 D_n は、気体分子運動論およ び運動量変化から式(6)で表される ⁷⁾。

$$D_n = \frac{\overline{\nu}kT}{3\sqrt{2}\alpha hP_0} \tag{6}$$

ここで、 α は衝突断面積[m²], hは相対湿度[%], P_0 は 飽和蒸気圧[Pa], k はボルツマン定数[J/K], T は温度[K], \overline{v} は分子の平均速度[m/s]である。

(3) 中間的な拡散

本節1項,2項により,細孔壁面の影響による拡散係数 D_k と分子同士の衝突による拡散係数 D_n が示された。 この両者の間にある領域では,2つの拡散が同時に影響 し合う拡散形態となる。そのため、中間領域の拡散係数 は式(7)に示す直列モデルとした。

$$\frac{1}{D_s} = \frac{1}{D_k} + \frac{1}{D_n} \tag{7}$$

2.2 拡散形態の決定

本研究では、3 つの拡散形態における拡散係数のうち、 細孔径に応じていずれの拡散形態が支配的であるかを検 討し、拡散係数 D_c を決定する。その具体的な方法は Knudsen 数を用いるものである。Knudsen 数 Kn は気体流 の希薄度を表わす無次元パラメータであり、平均自由行 程⁷⁾を用いて、式(8)で表される。

$$Kn = \frac{\lambda}{l} = \frac{kT}{\sqrt{2}\alpha Pl}$$
(8)

ここで,lは円管の直径[m],Pは蒸気圧[Pa]である。 本研究では、一般的な Knudsen 数の区分分け(**表**-1) に従い、拡散形態の領域を決定し、それぞれの拡散形態 を重みとして乗じることで細孔径ごとの拡散係数 D_c を 決定した。

表-1 クヌーセン数による区分分け

区分	拡散形態	閾値	
粘性流	細孔壁面の影響が支配的	<i>Kn</i> < 0.01	
中間流	壁面効果と分子同士の衝	0.01 < Kn < 0.3	
	突の双方が影響する領域		
分子流	分子同士の衝突が支配的	<i>Kn</i> > 0.3	



2.3 水分子同士の結合を考慮したモデルへの拡張

水分子は1つの酸素原子と2つの水素原子から構成さ れており,図-2に示すように水分子同士は水素結合を 形成する。旧モデルにおいて,水素結合は考慮せず,水 分子が単分子としてのみ移動するものとしていた。水素 結合の厳密な数は時間や温度によって変化するが,本研 究においては2つの水分子のみが結合することとした。 初速度を持つ水分子をランダムに2つ選択し,選択した 水分子同士が衝突する際,エネルギー保存則に従い,そ れらが持つ運動エネルギーが水分子の結合エネルギーよ りも小さくなる場合には結合し,その後は結合したまま 飛行すると仮定した。一方,運動エネルギーが結合エネ ルギーよりも大きい場合には解離し,次の衝突まで単分 子のまま移動することとした。具体的には式(9)を定義 し,エネルギーの比較を行うこととする。

$$\Delta E = \frac{1}{2}M(v^2 + V^2) - \frac{d\varphi(l)}{dl}\Delta x$$
(9)

ここで, *AE* は結合エネルギー [kJ/mol], *M* は水分子の モル質量[kg/mol], *v*,*V* はランダムに選択した 2 つの水分 子の初速度[m/s], *Ax* は衝突までの移動距離 [m], *ø*(*l*)は 細孔直径 *l* における壁面と水分子のポテンシャルエネル ギーである。本研究における結合エネルギー*AE* は, 一 般的に考えられている水分子同士の水素結合エネルギー 20[kJ/mol]¹²⁾を用いて, 細孔内水分子の結合・解離の判 定を行った。なお,水分子の初速度の選択には,式(10) により算出したマクスウェルの速度分布を重みとして使 用した。

$$f(v) = 4\pi \left(\frac{M}{2\pi RT}\right)^{\frac{3}{2}} v^2 e^{-\frac{Mv^2}{2RT}}$$
(10)

ここで, *R*は気体定数[J/K·mol], *T*は温度[K], *v*は水 分子の速度[m/s]である。



2.4 C/S 比の違いによる壁面効果の影響度

水和生成物の比表面積は物質移動に大きな影響を及 ぼしており、セメント系材料の大部分を占める C-S-H に おいては、C/S 比の低下により比表面積が増加するこ とが報告されている⁵⁾。さらに、菊池ら¹³⁾の検討におい ても、硬化体の微細な空隙構造の変化に対して、C-S-H の比表面積が影響を及ぼすことが確かめられている。

旧モデルにおいて,固体表面と水分子の相互作用を 評価する際,固体表面は凹凸のない構造を仮定している が,比表面積の増加に伴い表面の平坦性は失われ,水分 子に作用する壁面効果が変化することが考えられる。す なわち,図-3のように,同じ長さにおける水分子と細 孔壁面の相互作用を考える際,比表面積が異なることに よって水分子と作用する壁面分子の数が変化しているこ とが考えられる。そのため,水分移動を評価する上で, C/S比の変化による物性の違いを無視できないことを示 している。本節においては, C/S比によって異なる比 表面積を考慮した物質移動性状の検討を行った。

既往の研究¹⁴⁾において, C-S-Hの C/S 比が低下すると 比表面積が増加することが実験により確認されており, 式(11)が提案されている。

$$S = 269.3 - 325.1\log(C/S) \tag{11}$$

式(11)は C/S 比ごとの C-S-H の比表面積の値を最小二乗 法によりフィッティングした式であり, C/S 比が 1.5~ 1.0 の範囲で実験値と同程度の値を示すことが報告され ている。本研究においては,式(11)を C/S 比 2.5~0.5 の 範囲に適用し, C/S 比ごとの比表面積を用いることとし た。まず,比表面積が最も小さくなる (C/S 比=2.5) 時 の比表面積を基準値 S0 として考え, C/S 比 2.0, 1.5, 1.0, 0.5 のときの比表面積 (S2.0, S1.5, S1.0, S0.5) との比 K を式(12)のように定義する。

$$\boldsymbol{K} = \boldsymbol{S}_i / \boldsymbol{S}_0 \tag{12}$$

この比は壁面効果の影響度の比として考えることが でき,式(4)の壁面と水分子間のポテンシャルエネルギ ー¢(1)に乗じることで,C/S比の違いによる物質移動性 状を比表面積の観点から検討した。



3 構築した拡散モデルの特徴

図-4に相対湿度40,60,80%におけるC/S比ごとの 拡散係数を示す。上段は細孔径が100nmまで、下段は 300nmまでの計算結果である。W/C=0.5のコンクリー ト、モルタルならびにセメントペーストを対象とした柳 ら¹⁵⁾の研究では0.6~7mm²/s程度とされている。また、 多田ら¹⁶⁾はセメント硬化体内部に飽和領域が存在する 状態において、内部での蒸発が想定される高含水率にお ける状態で測定された水蒸気の拡散係数の値は、 0.4~10mm²/s程度となることが報告されている。本モデ ルの妥当性については次章で詳細な検討を行うこととす るが、本モデルの算定値は、コンクリートの細孔径分布 ²⁾において度数の多い300nm程度以下の範囲では同様の 傾向を示している。

また、本モデルの算定値は細孔径に関わらず、C/S 比 が小さいほど拡散係数は抑制されている。すなわち、比 表面積が大きくなるほど水分子に作用する壁面分子の数 が多くなり,水分子の動きが抑制されていることを示し ている。さらに,異なる相対湿度における拡散係数にお いても同様の傾向を示したため,相対湿度に関わらず, 比表面積が大きくなるほど拡散が抑制されていることが 確認できる。

図-5 に比表面積の差が最も大きくなる C/S 比 2.5 と 0.5 のときの相対湿度の違いによる拡散係数の算定値で あり,細孔直径 900nm までの大きな領域における計算 結果である。図からは,相対湿度に関係なく, C/S 比 0.5 の拡散係数が小さくなっていることが確認でき,その傾 向は相対湿度が高いほど顕著になっている。

4 拡散モデルの適用性評価

構築した水分拡散モデルの適用性を検証するために, 既往の実験²⁾¹⁷⁾との比較を行う。本モデルは水分子の拡 散に及ぼす細孔壁面の影響を考慮した拡散モデルである ため、セメントペーストと同様にマルチスケールオーダ



表-2	コンクリー	・トの配合
-----	-------	-------

水セメント比	細骨材率	単位量 (kg/m ³)			
		水	セメント	細骨材	粗骨材
(%)	(%)	W	С	S	G
55	47.5	175	318	832	973

ーの細孔を有するコンクリートにおいても適用可能であ ると考えられる。しかしながら,骨材の存在によりペー スト中の水分移動は骨材を迂回することが考えられ,水 分移動が阻害される。そこで,本研究においては骨材以 外が拡散係数に与える影響度をnとし,細孔径ごとの拡 散係数に乗じることとした。なお,影響度nは,一般的 なコンクリートにおける骨材以外の体積割合が3割程度 であることから,0.3を用いて算定を行った。

4.1 マクロな拡散係数

図-6は、普通ポルトランドセメント(密度 3.14g/cm³, 粉末度 3150cm²/g)を結合材し、養生期間の異なる試験 体の材齢28日における細孔径分布の実測値であり²⁾,配 合は表-2に示すとおりである。この細孔径分布に基づ いて本モデルによるマクロな拡散係数を算出することと する。具体的には、径ごとに拡散係数を算出し、総空隙 量に対する各空隙径の相対空隙率を重み関数として拡散 係数に乗じることにより平均的な拡散係数を算出した。

算定結果と既往の実験値を図-7 に示す。なお,水の 圧入はバルク水であるが,ミクロな観点における水は水 蒸気として拡散し,試験体の乾燥環境に影響を受けるこ とが考えられる。そこで,算定における相対湿度は試験 体の乾燥条件と同様 60%とした。また,C/S 比は 2.5 と した。算定値は実験値と同様の傾向を示しており,比較 的良好な結果を得られた。そのため,細孔径分布が与え られれば、マクロな拡散係数を定性的に評価可能である。 さらに、L.J.Parrott¹⁸⁾らは相対湿度が変化することによ って細孔構造が変化することを指摘しているが、本モデ ルは任意の相対湿度における平均的な拡散係数が算出可 能であるため、細孔構造の変化による拡散係数の変動も 細孔径分布を用いることで表現可能である。

しかしながら,壁面効果を考える際,遷移帯や骨材 の影響を考慮していないことや,セメント系硬化体の電



気的性質を加味していないことなど,検討の余地を残し ており,今後の課題である。

4.2 ミクロな拡散係数

Tsukahara¹⁷⁾は、人工的に作成した細孔内において、核 磁気共鳴 NMR を用いてナノスケール内に閉じ込められ た水分子の運動状態に関する分析を行っている。細孔内 に閉じ込められた水分子は壁面および壁面に吸着した水 分子の水素結合などによって運動が抑制されるため、バ ルクな状態に比べて緩和時間が短くなる。そこで、バル クな流れの緩和時間 Thulk とナノスケール内に閉じ込め られた水分子の緩和時間 T_{nano}の割合(1/T_{nano}/1/T_{bulk})の 細孔径依存性について議論を行っている。本研究におい ては,壁面の影響を受けていない分子同士の衝突が支配 的な拡散 Dn がバルク状態の緩和時間 Tbulk, 細孔径ごと の拡散係数 Dcがナノスケール内での緩和時間 Tnano に対 応しているものとして、同様に表すことができる。 図-8 に実験値と解析値の比較を示す。なお、算定における 相対湿度は 90%, C/S 比は 2.5 とした。解析値は実測と 良好な一致を示しており、分子が受ける壁面効果の影響 を定性的に評価可能とした。

また,水の 1/T₁値の細孔径依存性に関して,細孔径 800,200,40nm 付近に三つの変曲点があることが報告 されている¹⁹(図-9)。これは水分子挙動が三つの拡 散形態の割合に依存していることを示唆している。本モ デルにおける算定値は図-5 に示すように,40nm 程度 までは壁面効果により拡散係数が小さく,200~300nm までの領域においては中間流となり分子が拡散しやすく なっている。また,800nmを越えるようなバルクな領域 における拡散係数はある一定の値に収束していることが



わかる。これらのことから,既往の研究¹⁹⁾と同様の変曲 点を持つことが確認され,ミクロな観点における水分子 挙動を三つに分けた本モデルの適用性が示された。

5 まとめ

以下に本研究で得られた結論をまとめる。

- (1) エネルギー保存則に従い,運動エネルギーと結合エネルギーを比較することで,水分子同士の結合と解離を拡散モデルに導入した。
- (2) セメント系材料の主な水和生成物である C-S-H の比 表面積に着目し, 簡易的なパラメータを導入した。
- (3) マクロな拡散係数は、実験値との比較により、ある 程度の範囲内で精度を有しており、細孔径分布が与 えられれば、コンクリートの見かけの拡散係数を評 価可能とした。
- (4) ミクロな拡散係数は、NMRを用いた実験との比較に より、水分子が受ける壁面効果を定性的に評価して いることを確認した。

参考文献

- 角田洋、大下英吉:温度履歴を考慮した表面エネ ルギー理論に基づくセメントペーストの乾湿変化 による体積変化に関する研究、コンクリート工学 年次論文集, Vol.26, No.1, pp.525-531, 2004
- 2) 壇康弘,伊代田武史,大塚勇介,佐川康貴,廣田 秀則:高炉スラグ微粉末を混入したコンクリート の養生条件と耐久性の関係,土木学会論文集 E, Vol.65, No.4, 431-441, 2009
- 3) 千々和伸浩,杉田恵,石田哲也,前川宏一:セメント硬化体中の微視的機構モデルに基づく実 PC 橋の長期時間依存変形シミュレーション,コンクリート工学年次論文集, Vol.32, No.1, pp.407-412,2010
- 石田剛朗,伊藤優平,河合研至: Ca/Si 比の異なる C-S-Hの炭酸化性状,セメント・コンクリート論文

集, No.67, pp.487-494, 2013

- 5) 中村明則,坂井悦郎,西澤賢一,大場陽子,大門 正機:ケイ酸カルシウム水和物による塩化物イオ ン,硫酸イオンおよびリン酸イオンの収着,日本 化学学会誌, No.6, pp.415-420, 1999
- 横山隼佑,大下英吉:気体分子運動論に基づいた 水蒸気内部拡散による体積変化に関する解析的研 究,コンクリート工学年次論文集, Vol.36, No.1, pp.478-483,2014
- 7) 横山隼佑,大下英吉:水分の内部拡散を考慮した 体積変化メカニズムに関する研究,コンクリート 工学年次論文集, Vol.35, No.1, pp.583-588, 2013
- 北川進:新時代の多孔性材料とその応用、シーエムシー出版、2004
- 9) 原田義也:量子化学(下巻),裳華房,2007
- 10)藤倉裕介,大下英吉:任意湿度下の含水状態と反応過程を考慮したセメント硬化体の空隙構造形成 モデル,土木学会論文集 E2(材料・コンクリート構造), Vol.67, No.2, 264-279, 2011
- 湯川秀樹,中村誠太郎:アインシュタイン選集 1, 共立出版,1971
- 12) 千原秀昭,中村亘男:アトキンス物理化学(下), 東京化学同人,1980
- 13) 菊池道生,須田裕哉,佐伯竜彦:酸素および塩化 物イオンの実効拡散係数によるセメント系硬化体 におけるイオン移動性状の評価, No.64, pp346-353, 2010
- 14) 須田裕哉,土田詩織,佐伯竜彦:セメント系硬化 体の水和物の比表面積に関する研究,セメント・ コンクリート論文集, No.65, pp.103-110, 2011
- 15) 柳博文,福原輝幸,脇敬一,松岡茂:不飽和コン クリート中の水蒸気移動特性と水蒸気拡散係数, コンクリート工学論文集, Vol.12, No.3, pp.61-67, 2001
- 16) 多田眞作:水分移動と乾燥収縮機構,コンクリー
 ト工学, Vol.43, No.5, pp.43-50, 2005
- Takehiko Tsukahara : NMR Studies of Structure and Danamics of Liquid Molecules Confined in Extended Nanospaces, Journal of Physical Chemistry B, 113, pp.10808-10816 , 2009
- L.J.Parrott, W.Hansen, R.L.Berger : Effect of first drying upon the pore structure of hydrated alite paste, Cem.Concr.Res. Vol.10, pp.647-655
- 19) 塚原剛彦,森川響二郎,馬渡和真,北森武彦: NMR 分光法で見る拡張ナノ空間内における水及び 非水溶媒の分子構造とダイナミクス,分析化学, Vol.64, No.4, pp.261-271, 2015