# 論文 間接支持される R C 梁のせん断耐荷機構に関する一考察

佐藤 祐子\*1·田所 敏弥\*2·轟 俊太朗\*1·進藤良則\*3

要旨:杭基礎フーチングの単位幅を想定したRC梁を用いた載荷試験および有限要素解析を行い,間接支持 されるRC梁のせん断耐荷機構について検討した。その結果,橋脚の軸方向鉄筋のフック先端に斜めひび割 れが進展するとともに圧縮ストラットが形成される。そして,せん断補強鉄筋がある場合は,曲げ圧縮部近 傍の圧縮ストラットが破壊することでせん断破壊すること,せん断耐力の算定ではせん断補強鉄筋の補強効 果とともにコンクリートの分担分も期待できるが,せん断スパン比が大きい直接支持されるRC梁で用いら れるせん断補強鉄筋とコンクリートの分担分の累加では評価できない可能性があることがわかった。 キーワード:間接支持,RC梁,せん断耐力,せん断補強鉄筋

#### 1. はじめに

ー般に、杭基礎フーチングにおいては、せん断スパ ン比が小さいため、その断面諸元は地震時のせん断力の 照査で決まる。杭基礎フーチングの支持状態は、図-1 のように地震時の慣性力により、どちらか一方のスパン が直接支持状態、もう一方が間接支持状態となる。直接 支持とは杭に押し込みが生じる場合であり、間接支持と は杭に引き抜きが生じる場合である。直接支持されるせ ん断スパン比の小さいRC部材の耐荷機構やせん断耐力 に関しては、単純支持されたRC梁を用いた載荷試験や 有限要素解析により、概ね明らかになっている<sup>1),2)</sup>。一 方,間接支持されるせん断スパン比の小さいRC部材は、 載荷試験等の実験的研究も少なく、せん断力に対する耐 荷機構やせん断耐力の算定法は示されていない。

既往研究<sup>3),4),5),6)</sup>で,筆者らは,杭基礎フーチングの単位幅を想定したRC梁の試験体を用いて,間接支持条件

を模擬した載荷試験を行った。そこでは、せん断スパン 比、せん断補強鉄筋比、杭の軸方向鉄筋のフーチングへ の埋込み長が間接支持されるRC梁のせん断耐力に与え る影響が検討され、間接支持されるRC部材のせん断耐 力は、直接支持されたRC部材と異なり、せん断スパン 比が小さい場合においても、せん断補強鉄筋の受け持つ せん断力のみで、概ね評価できる可能性が示唆されてい る。しかしながら、せん断耐力におよぼすコンクリート の分担分の影響等、不明な点もある。本研究では、これ らの載荷試験を対象に有限要素解析を行い、間接支持さ れるRC部材のせん断耐力におよぼすせん断補強鉄筋と コンクリートの分担分の影響について検討した。

本研究では、まず、既往の間接支持されるRC梁の載 荷試験を対象に有限要素解析を行った。そのうえで、支 持条件を直接支持に変更した解析を行い、載荷試験では、 詳細な確認が困難なせん断補強鉄筋やコンクリートのひ ずみ分布を比較することで、間接支持されるRC部材の



\*2 (公財)鉄道総合技術研究所構造物技術研究部 コンクリート構造 博士(工学) (正会員)

\*3 (独)鉄道建設・運輸施設整備支援機構 九州新幹線局施設管理課 修士(工学) (正会員)



せん断力に対する耐荷機構や間接支持がせん断耐力にお よぼす影響を検討した。

# 2. 間接支持されるRC梁の載荷試験

# 2.1 載荷試験の概要

表-1,図-2に試験体のパラメータおよび試験体寸法 を示す。試験体は、杭基礎フーチングの単位幅を想定し たRC梁であり、中央部に橋脚の軸方向鉄筋、左右に杭 の軸方向鉄筋を模擬した鉄筋を配置した。

No.2 試験体では、せん断力が大きくなることが予想さ れたため,等曲げ区間において断面を400mm 増厚した。 なお, No.1 試験体との比較のため, No.2 試験体の増厚し た範囲の軸方向鉄筋は VM テープを巻き、コンクリート との付着を取り除いた。いずれの試験体も、杭および橋 脚の軸方向鉄筋には D25 を用い, 杭の軸方向鉄筋のフッ ク先端までの埋込長は 377mm とした。橋脚の軸方向鉄 筋から杭の軸方向鉄筋までの距離 l と, 部材高さ h の比 である I/h は 1.0 とした。 せん断補強鉄筋を配置した試験 体においては、D13 のせん断補強鉄筋を 100mm 間隔で 配置し、せん断補強筋比は0.84%とした。RC梁の軸方 向鉄筋には D16 を用い,引張鉄筋比は 0.66% とした。R C梁の軸方向鉄筋の定着は、梁端面に設けた鋼板にねじ 止めをすることで行った。なお、曲げ破壊防止のため、 RC梁の軸方向鉄筋には熱処理し高強度化した降伏強度 1000N/mm<sup>2</sup>相当の鉄筋を用いており、最大せん断力時に おいて、両試験体ともに軸方向鉄筋は降伏しなかった。

No.1 試験体の試験状況を図-3 に示す。両試験体とも 載荷は、杭の軸方向鉄筋を固定し、橋脚の軸方向鉄筋を 固定した鉄骨に鉛直力を作用させることで行った。なお, 鉄骨に作用させた鉛直力は,橋脚の軸方向鉄筋とコンク リートの付着により,せん断力として試験体に作用する。 また,杭の軸方向鉄筋を模擬した支点部は,実構造物に おける杭の拘束を想定し,拘束の影響を低減するために, 図-3 のように杭の軸方向鉄筋と PC 鋼棒上端を鉄骨を 介して接続し, PC 鋼棒下端を別の鉄骨の PC 鋼棒よりも 径の大きい穴に通し,ボルト締めすることで,回転を許 容する構造とした。

#### 2.2 破壊形態および破壊荷重

図-4 にひび割れ状況を、図-5 にせん断力-変位関 係を示す。せん断補強鉄筋を配置した No.2 試験体につい て、図-6 にせん断補強鉄筋に貼り付けたひずみゲージ の位置を、図-7 にせん断力と図-6 の位置で計測したせ ん断補強鉄筋ひずみの関係を示す。図-4 には、下記の 代表的なひび割れが生じたときのせん断力を記載した。

図-4 において太い赤線で示した斜めひび割れは,各 試験体が最大せん断力を示す直前に開口し,荷重低下に 対して支配的と思われるひび割れである。この斜めひび 割れとRC梁の軸方向鉄筋がなす角度は,おおよそ45° である。いずれの試験体も,せん断力75kNまでに橋脚 の軸方向鉄筋に沿って曲げひび割れが生じた。その後, せん断補強鉄筋を配置していない試験体 No.1 では, 110kN程度でより支点に近い位置から橋脚の軸方向鉄筋 のフック先端に向かって斜めひび割れが生じ,試験体 No.2と比べて剛性が低下した。そして,181kNで2本目 の斜めひび割れが生じた直後に,せん断力が急激に低下 した。せん断補強鉄筋を配置したNo.2試験体では,100kN



程度で生じた斜めひび割れが進展し、110kN 程度で S3 ~5のせん断補強鉄筋にひずみが表れ、剛性も低下した。 せん断力150kN程度でより大きな斜めひび割れが発生し、 圧縮鉄筋および引張鉄筋に沿ったひび割れに進展し、 280kN程度でひび割れ幅が大きくなるとともに、多数の びび割れが生じ,試験体 No.1と比べて緩やかにせん断力 が低下した。最大せん断力は288kNであった。最大せん 断力時には、両試験体ともに橋脚下方におけるRC梁の 下側軸方向鉄筋に沿ったひび割れが生じていた。

## 3. 有限要素解析による耐荷機構の検討

## 3.1 解析概要

図-8 に解析モデルを示す。解析モデルは、対称性を 考慮し、載荷試験における試験体の 1/2 を対象とした 3 次元モデルとした。間接支持されるRC梁では、荷重は 橋脚の軸方向鉄筋とコンクリートの付着によりRC梁に 伝達される。そのため、橋脚の軸方向鉄筋からコンクリ ートへの3次元的な応力伝達を詳細にモデル化する必要 がある。本研究では、橋脚および杭の軸方向鉄筋につい ては、フック形状も含め、ソリッド要素を用いて詳細に モデル化した。また、橋脚および杭の軸方向鉄筋とコン クリートの付着特性については,島モデル<sup>7)</sup>を基本とし たが, R C 梁の軸方向鉄筋とせん断補強鉄筋については, 付着特性の影響が小さいと考え、完全付着を前提とする 埋め込み鉄筋要素を用いた。RC梁のコンクリートは, 材料非線形を考慮するが、増厚部のコンクリートは弾性 要素とし、載荷試験と同様に増厚部において橋脚の軸方 向鉄筋とコンクリートの付着は考慮しない。

島モデル<sup>70</sup>は、マッシブなコンクリートに埋め込まれ た異形鉄筋の付着応力とひずみの関係をモデル化したも のであり、本研究のようにかぶりの小さいものに適用す る場合には低減が必要であると考えられる<sup>80</sup>。また、載 荷試験において橋脚の軸方向鉄筋に沿ったひび割れが生 じた 75kN 以上のせん断力が作用している時には、橋脚 の軸方向鉄筋とRC梁のコンクリートとの付着力は大き く低下していると考えられる。さらに、載荷試験におい



て橋脚の軸方向鉄筋に沿ったひび割れが断面方向に貫通 していたことから、本研究では十分に付着力が低下した 状態として島モデルを 0.1 倍することにした。一方、杭 の軸方向鉄筋とコンクリートとの付着は、載荷試験にお いて最大荷重直前までひび割れが生じないことから、島 モデルにおける低減を行わないことにした。

コンクリートおよび鉄筋の材料特性値は、載荷試験と 同一とし、コンクリートの圧縮特性には Parabolic モデ ル<sup>9</sup>、引張特性には Hordijk モデル<sup>10)</sup>を用いた。ひび割 れモデルは全ひずみ固定ひび割れモデルを用いた。ひび 割れ面でのせん断伝達には図-9 に示す、全ひずみに反 比例する形でせん断強度を低減する Al-Mahaidi モデル<sup>11)</sup> を用いた。

支点条件は、図-8のようにして載荷試験を再現した。 具体的には、鉄骨を模擬した剛な板要素を設け、この剛 な板要素の中央に載荷試験におけるRC梁から回転中心 までの距離である 398mm の剛梁要素を接続し、下端を 拘束した。このように、支点部の回転を許容するモデル とすることで載荷試験における支点条件を再現した。

表-2 に有限要素解析における検討ケースを示す。載 荷試験の試験体 No.1 と No.2 の解析結果をケース 1,ケ ース 2 とする。載荷は,橋脚の軸方向鉄筋の先端に鉛直 上向きの強制変位を与えた。さらに,橋脚基部および杭 頭部を載荷位置と想定し,直接支持されるR C 梁の耐荷 機構について検討した。直接支持条件を示す。荷重は, 増厚コンクリート上面に鉛直下向きの強制変位として与 えた。試験体 No.1 と No.2 に対応する直接支持の解析ケ ースをケース 3,ケース 4 とし,支持条件の影響につい て検討した。

## 3.2 有限要素解析の結果

# (1) 間接支持されるRC梁

図-10にせん断力-変位関係を示す。ケース1につい



て、図-11 に橋脚の軸方向鉄筋に沿った曲げひび割れ発 生時と最も大きな斜めひび割れ発生時の最大主ひずみを、 図-12 に最も大きな斜めひび割れ発生時の最小主応力 を示す。ケース2について、図-13 に橋脚の軸方向鉄筋 に沿った曲げひび割れ発生時,最大せん断力に達するま でで最も大きな斜めひび割れ発生時,最大せん断力時の 最大主ひずみを,図-14 に最大せん断力時の最小主応力 を、図-15 にせん断補強鉄筋の応力を示す。図-11 と 図-13 には,記載の変位で新たに生じたひび割れを矢印 で示した。また,本研究では、100 μ 以上の最大主ひずみ が生じたコンクリート要素でひび割れが生じると考えら れる。

図-4,図-10,図-11,図-13から2ケースとも載 荷試験と同様のひび割れ性状,せん断力-変位関係を示 しており,載荷試験が概ね再現できたと考えられる。せ ん断補強鉄筋の配置の有無にかかわらず,60kN程度で橋 脚の軸方向鉄筋に沿って最大主ひずみが卓越しているこ とがわかる。また,RC梁の曲げひび割れから,橋脚の 軸方向鉄筋のフック先端に向かって斜めひび割れが進展 していることがわかる。斜めひび割れが生じたときのせ ん断力は,2ケースとも110kN程度であり,斜めひび割 れが生じることで剛性が低下した。角度 45°の最も大き な斜めひび割れが生じたときのせん断力は,2 ケースと も 150kN 程度であり,その後杭および橋脚の軸方向鉄筋 のフック先端まで進展した。せん断補強鉄筋を配置して いないケース1は,最も大きな斜めひび割れが生じた直 後に急激に荷重が低下した。図-12 から,150kN 程度で 斜めひび割れ発生した時に圧縮ストラットが形成されず, 橋脚の軸方向鉄筋のフック先端まで進展した斜めひび割 れにより急激に荷重が低下したと考えられる。せん断補 強鉄筋を配置したケース2では,最も大きな斜めひび割 れ発生後に剛性が低下したが,荷重は増加し,278kN で 最大せん断力に達し,載荷試験と同様にせん断力が頭打 ちとなった。

図-16にケース2における各せん断補強鉄筋の最大の ひずみを抽出した結果を示す。せん断補強鉄筋にひずみ が生じ始めるせん断力は、斜めひび割れ発生せん断力と 同じ110kN 程度であり、載荷試験とほぼ同じであった。 図-16では、載荷試験と異なり、最も大きな斜めひび割 れ発生後の120~150kN でS1,2に大きなひずみが生じ ている。これは、載荷試験ではひずみ測定位置とひび割 れ間に距離があるためと考えられる。なお、同位置にお



ける S1,2のひずみが試験結果と解析結果で概ね一致し ていることは別途確認している。このようにせん断補強 鉄筋のひずみは,解析結果と試験結果は概ね一致してい た。以上のように,有限要素解析は,ひび割れ状況やせ ん断補強鉄筋のひずみ等,載荷試験を良好に再現できた。

図-15から最大せん断力時に、最も大きな斜めひび割 れと交差する橋脚側の3本のせん断補強鉄筋(S3~5) に特に大きな応力が生じていることがわかる。また, 図-14にように、最大せん断力時には斜めひび割れに沿 うようにして、杭および軸方向鉄筋の先端から圧縮スト ラットが形成されていることがわかる。この圧縮ストラ ットにより、最大せん断力時において、コンクリートが せん断力の一部を負担したと考えられる。また、試験体 下面の曲げ圧縮縁において最小主ひずみが卓越しており, 最小主応力がコンクリートの圧縮強度に達していること が確認できたことから,橋脚下方でコンクリートが圧縮 破壊していると考えられる。これにより、曲げ圧縮部の 圧縮ストラットが破壊し、せん断耐力に達したものと推 測される。このように、間接支持されるRC梁では、せ ん断補強鉄筋を配置したことで、最も大きな斜めひび割 れ発生後に、せん断補強鉄筋がせん断力を負担するとと もに、圧縮ストラットが形成されたことで、橋脚下方に おけるRC梁の下側軸方向鉄筋に沿ったひび割れの進展 は緩やかになり、橋脚下でコンクリートが圧縮破壊した ことで最大せん断耐力に達した。その結果、補強鉄筋の 配置有無による最大耐力の差が生じたと推測される。

#### (2)直接支持されるRC梁

ケース4について、図-17、図-18にひび割れ発生時 の最大主ひずみと最小主応力を示す。図-17には、記載 した変位で新たに生じたひび割れを矢印で示している。 せん断力-変位関係は図-10に示している。せん断補強 鉄筋の配置の有無にかかわらず、まず、せん断力 70kN 程度で引張縁に曲げひび割れが生じ、その後 190kN 程度 で支点を結ぶようにして 45°の斜めひび割れが生じた。

ケース3,ケース4ともに290kN程で剛性が低下し, 一旦荷重が低下したが,これは曲げ圧縮縁のコンクリートが破壊したためと考えられる。曲げ圧縮縁のコンクリ ートの破壊は、図-18で橋脚基部内側において最小主応 力が卓越しており、コンクリートの圧縮強度以上の応力 が生じていたことが別途確認できたことからも示唆され た。せん断補強鉄筋を配置していないケース3のせん断 耐力は345kNであった。せん断補強鉄筋を配置したケー ス4は、せん断力330kNでせん断スパン中央のせん断補 強鉄筋が降伏し、剛性低下を伴いながら荷重が増加し、 350kNでせん断耐力に達した。

このように、直接支持される試験体は、間接支持され る試験体と異なり、橋脚を模擬したコンクリートがある ため、橋脚下方におけるRC梁の上側軸方向鉄筋に沿っ てひび割れは進展しない。このために、せん断耐力時に は、図-18のように圧縮ストラットが十分に形成され、 せん断補強鉄筋の配置の有無によるせん断耐力の違いが わずかであったと考えられる。これは、既往の研究<sup>1)</sup>に おけるタイドアーチを前提としたディープビームの考え 方に一致するものである。ただし、本研究における解析 ケースでは、通常の載荷試験における載荷板幅<sup>2)</sup>よりも 大きいため、圧縮ストラットの幅が広いことがわかる。

# 3.3 せん断耐力へのせん断補強鉄筋の寄与

ここで、間接支持されるRC梁のせん断補強鉄筋に大 きなひずみが発生していたことから,せん断補強鉄筋の せん断耐力への寄与分をトラス理論が成り立つと仮定し, 解析で確認された斜めひび割れの発生角度 45° を前提 に検討した。斜めひび割れと交わるせん断補強鉄筋はひ び割れ位置から、橋脚に近い3本、すなわち図-6のS3 ~5のひずみゲージを取付けた鉄筋とした。ただし、解 析では、最も橋脚に近いせん断補強鉄筋位置に曲げひび 割れが生じており、S5位置でのひずみは曲げに対する抵 抗分が含まれていると考えられる。そのため、解析では S3 と S4 のひずみ計を取付けた鉄筋のひずみの平均を 3 倍することでせん断補強鉄筋分担分を求めた。なお,S3 と S4 の平均を 3 倍して求めた場合のせん断補強鉄筋分 担分が、S3~5の和から求めた場合と比較して、斜めひ び割れの生じるせん断力 75kN 以上では等しい値となる ことを確認している。

図-7および図-16に示したせん断補強鉄筋のひずみ

からトラス理論に基づき算定したせん断補強鉄筋の分担 分とせん断力の関係を図-19に示す。なお、載荷試験結 果を示す波線が2本あるのは、橋脚の左右でひずみを計 測したためである。載荷試験ではひずみ計位置でひび割 れが生じるとは限らない。このため、図-19の2本の破 線は一致しない。一方で、解析ではひび割れと交わる任 意の場所のひずみを得ることができるため、ひび割れに よるせん断補強鉄筋のひずみを精緻に把握することがで き、試験結果よりもせん断補強鉄筋の分担分が大きくな った。

図-19では、全せん断力をせん断補強鉄筋が負担する 場合を直線で示している。したがって、曲線の左側がせ ん断力のうちせん断補強鉄筋の分担分を、曲線の右側か ら直線までがコンクリートの分担分を示している。解析 結果から、最大せん断力(278kN)時において、せん断 力の 74%にあたる 205kN をせん断補強鉄筋で負担して おり、間接支持されるRC梁では、せん断スパン比が小 さい場合においても, せん断補強鉄筋のせん断補強効果 があると考えられる。また、間接支持されるRC梁では 斜めひび割れの進展とともにコンクリートのせん断力分 担分が減少することがわかる。ただし、ひび割れ進展後 も圧縮ストラットを形成することでコンクリートはある 程度のせん断力を分担すると考えられ、最大せん断力時 においても 70kN 程度をコンクリートが分担していた。 せん断スパン比が大きい直接支持されるRC梁に適用さ れる修正トラス理論では、コンクリートの分担分は一定 という前提のもと、コンクリートと鉄筋の分担分を累加 してせん断耐力を求めるが、間接支持される RC 梁の場 合は、斜めひび割れ発生後にコンクリートの分担分が減 少する傾向にあることから、間接支持されるRC梁のせ ん断耐力は、せん断補強鉄筋の受け持つせん断力とコン クリートの受け持つせん断力の単純な累加では表現でき ない可能性があることがわかった。

## 4. まとめ

本研究では、杭基礎フーチングの単位幅を想定した RC梁の有限要素解析を行い、載荷試験では詳細な確認 が困難なせん断補強鉄筋やコンクリートのひずみ状況を 把握することで、間接支持されるRC梁のせん断力に対 する耐荷機構を検討した。その結果、本試験体諸元の範 囲において、以下の知見を得ることができた。

(1)間接支持されるRC梁においては、荷重が直接作用 する鉄筋先端のフック近傍に斜めひび割れが進展すると ともに圧縮ストラットが形成される。そして、せん断補 強鉄筋が配置されたRC梁においては、最終的には、曲 げ圧縮部近傍の圧縮ストラットが破壊することによって、 せん断破壊する可能性がある。 (2) せん断補強鉄筋においては、ある程度のひずみが発 生することから、せん断補強鉄筋の補強効果が期待でき るとともに、圧縮ストラットの形成にともなうコンクリ ートの寄与も期待できる。ただし、せん断スパン比が大 きい直接支持されるRC梁のように、せん断補強鉄筋と コンクリートの受け持つせん断力の単純な累加では、評 価できない可能性がある。

(3) せん断補強鉄筋がない場合については, せん断補強 鉄筋を配置した場合や直接支持されるRC梁のような強 固な圧縮ストラットが形成されないため, 斜めひび割れ 発生後, まもなく, 脆性的に破壊すると考えられる。

#### 参考文献

- 谷村幸裕,佐藤勉,渡邊忠朋,松岡茂:スターラッ プを有するディープビームのせん断耐力に関する 研究,土木学会論文集,No.760/V-63, pp.29-44, 2004.5
- 谷村幸裕ほか: せん断補強鉄筋を有する杭基礎フー チングのせん断耐力評価に関する研究, 土木学会論 文集, No.795/V-68, pp.127-143, 2005.8
- 田所敏弥ほか:間接支持されるRC梁のせん断耐力 に関する検討,土木学会年次学術講演会講演概要集, Vol.65, V-087, pp.173-174, 2010.8
- 進藤良則ほか:支持条件に着目したフーチングのせん断耐力の評価に関する検討,土木学会年次学術講 演会講演概要集, Vol.65, V-088, pp.175-176, 2010.8
- 5) 轟俊太朗,田所敏弥,谷村幸裕,進藤良則:上側引 張を受ける R C 梁のせん断耐力に及ぼすせん断補 強鉄筋の影響,コンクリート工学年次論文集, Vol.33, No.2, pp.739-744, 2011.7
- 6) 田所敏弥ほか: せん断力に対する杭基礎フーチングの有効幅の一考察, 土木学会年次学術講演会講演概要集, Vol.66, V-085, pp.169-170, 2011.8
- 7) 島弘,周礼良,岡村甫:マッシブなコンクリートに 埋め込まれた異形鉄筋の付着応力すべりひずみ関 係,土木学会論文集,No.375/V-6,pp.165-174,1987.2
- 飯塚敬一,檜貝勇,斎藤成彦,高橋良輔:かぶり厚の影響を考慮した異形鉄筋の付着応力-すべり-ひずみ関係,土木学会論文集E2, Vol.37, No.2, pp.280-296,2011.6
- Feenstra, P. H. : Computational Aspects of Biaxial Stress in Plain and reinforced Concrete.PhD thesis, Delft University of Technology, 1993
- Hordijk, D. A. : Local Approach to Fatigue of Concrete. PhD thesis, Delft University of Technology, 1991.
- Al-Mahaidi, R. S. H.: Nonlinear Finite Element Analysis of Reinforced Concrete Deep Members. , Cornell University, Tech. Rep. 79-1, 1979.