圧縮フランジを有するT形はりのせん断耐力に関する解析的検討 論文

中村 拓郎*1·二羽 淳一郎*2

要旨:T形RCはりのせん断耐力に圧縮フランジが及ぼす影響を明らかにするために、3次元非線形有限要素 法を用いた解析的検討を行った。先ず、実橋梁を模した大型 RC はりのせん断破壊挙動を再現可能な解析モ デルを検討し、次に、圧縮フランジの幅を5水準、厚さを4水準に設定したパラメトリック解析を実施した。 その結果、圧縮フランジ幅とせん断耐力に相関関係は認められなかったものの、圧縮フランジ幅の違いによ って最大荷重時の主応力分布が異なる可能性を示した。また,圧縮フランジによるせん断耐力の向上効果は, 圧縮フランジの厚さが大きくなるほど顕著になることを明らかにした。

キーワード:T形はり, せん断耐力, 圧縮フランジ幅, 圧縮フランジ厚さ, 有限要素法

1. はじめに

圧縮フランジを有する T形 RC はりの曲げ耐力の算定 では、圧縮フランジの有効幅を設定して断面形状を活か した設計がなされている。一方, せん断耐力の算定では, 圧縮フランジを無視した矩形断面として設計するのが一 般的である。しかしながら、多くの既往研究は、T形RC はりには特有のせん断破壊機構が存在し、圧縮フランジ の存在がせん断耐力に影響することを示している ¹⁾。

既往研究で提案されている T形 RC はりのせん断耐力 の算定方法は、圧縮フランジによるせん断耐力の貢献分 を,矩形 RC はりのせん断耐力に付加する方法が多い²⁾。 岡本ら³⁾は、せん断引張破壊となる T 形 RC はりのせん 断耐力を, 圧縮域コンクリートでの応力伝達によって発 揮されるせん断力を付加したコンクリート分担分のせん 断耐力とトラス理論によるせん断補強鉄筋のせん断耐力 との和とすることで、概ね実験値を評価できると報告し ている。木野ら⁴は、T形 RC はりの破壊形態には、ウェ ブが圧縮フランジを押抜く場合と、フランジ全幅を斜め ひび割れが貫通する場合の2通りがあるとして、押抜き 破壊形態とせん断破壊形態のいずれか小さい値で算定し た圧縮フランジの貢献分を加算する方法を提案している。

矩形断面のせん断耐力の算定式に圧縮フランジの貢 献分を付加する方法は、せん断破壊機構のモデル化が適 切かどうかを慎重に検討する必要はあるものの,T形RC はりのせん断耐力を簡易に評価できることから、その実 用性は高いと考えられる。ただし、T形断面に由来する 形状要因に加え、せん断スパン比等のせん断耐力に寄与 する多くの影響要因について,実寸大の試験体を含めた 実験的検証は容易ではない。

本研究では、実橋梁を模した T形 RC はりの載荷実験 について3次元の非線形有限要素法 (FEM) を用いた再 現解析を行った。次に、圧縮フランジ幅や厚さを水準と したパラメトリック解析によって, T形 RC はりのせん 断破壊挙動における圧縮フランジの影響を検討した。

2. 大型 T 形 RC はりのせん断破壊挙動の再現解析 2.1 載荷実験の概要

T形 RC はりのパラメトリック解析の基準となる解析 モデルを決定するために, Christopher らによる 1950 年代 の実橋梁を模した大型 RC はりの載荷実験 5,6)について, 3次元の非線形 FEM による再現解析を試みた。本研究で 対象とした載荷実験の概要を以下にまとめる。

試験体は、せん断補強鉄筋比の異なる4体のT形RC はりである。表-1に試験体諸元を, 図-1に試験体概要 図を示す。すべての試験体で、はりの有効高さ d は 1,096mm, ウェブ幅 bwは 356mm であり, 圧縮フランジ

試験体名	d (mm)	b_w (mm)	b _f (mm)	t _f (mm)	a (mm)	a/d	p_w (%)	r_w (%)	s (mm)
1T6								0.48	152
2T10	1.006	256	014	150	2 2 5 2	2.06	1 5 5	0.29	254
2T12	1,090	550	914	132	5,552	5.00	1.55	0.24	305
1T18								0.16	457
$d:$ 有効高さ、 b_w :ウェブ幅、 b_f : 圧縮フランジ幅、 t_f : 圧縮フランジ厚さ、 a : せん断スパン、 p_w : 引張鉄筋比、 r_w : せん断補強									

表一1 試験体諸元

鉄筋比, s: せん断補強鉄筋の配置間隔

*1 東京工業大学 環境・社会理工学院 土木・環境工学系 助教 博(工) (正会員)

*2 東京工業大学 環境・社会理工学院 土木・環境工学系 教授 工博 (正会員)



表-2 コンクリートおよび鉄筋の力学特性値										
	コンクリート		#36 Grade420		#19 Grade420		#13 Grade420		#13 Grade300	
試験体名	f_{c} '_Stem	$f_{c'_Deck}$	f_y	f_u	f_y	f_u	f_y	f_u	f_y	f_u
	(N/mm^2)	(N/mm ²)	(N/mm^2)	(N/mm ²)	(N/mm^2)	(N/mm^2)	(N/mm^2)	(N/mm^2)	(N/mm^2)	(N/mm ²)
1T6	32.4	30.1	463	686	457	645	436	727		
2T10	24.5	23.2	500	770	461	(79	447	710	250	511
2T12	24.3	23.7	525	//0	401	0/8	447	/19	330	544
1T18	34.0	30.1	463	686	457	645	436	727		

 $f_{c'}$ Stem: ウェブ部のコンクリートの圧縮強度, $f_{c'}$ Deck: フランジ部のコンクリートの圧縮強度, f_{y} : 降伏強度, f_{u} : 引張強度

幅 b_f は 914mm, 圧縮フランジの厚さ t_f は 152mm である。 なお,はりの有効高さは、コンクリートの圧縮縁から 2 段に配置された引張鉄筋の中間までの距離としている。 また、いずれの試験体もせん断スパン a は 3,352mm であ り、せん断スパン比 a/d は 3.06 である。試験体には 6本 の引張鉄筋が配筋され、フランジ張出し部を無視して矩 形断面として算定した引張鉄筋比 p_w は 1.55%となる。せ ん断補強鉄筋の配置間隔は 152mm, 254mm, 305mm, 457mm とされており、せん断補強鉄筋比 r_w はそれぞれ 0.48%, 0.29%, 0.24%, 0.16%である。

鉄筋には、4 種類の異形棒鋼が使用されており、それ ぞれの力学特性値および断面諸元を表-2、3 にまとめる。 また、コンクリートには、1T6 試験体と 1T18 試験体、 2T10 試験体と 2T12 試験体で、水セメント比の異なる 2 種類のコンクリートが使用されている。コンクリートは、 ウェブ部に先行して打ち込まれ、その後、フランジ部に 打ち込まれている。載荷実験時のコンクリートの圧縮強 度は表-2 に示すとおりであり、ウェブ部とフランジ部 において同程度の圧縮強度が得られている。

載荷は、荷重を 222kN ずつ増加させる漸増繰返し4点 曲げ載荷であり、載荷速度は 0.1mm/sec,除荷速度は 0.25mm/sec で制御されている。また、載荷点および支点 には幅 102mm の鋼板が設置されている。

2.2 解析概要

3 次元非線形 FEM による数値解析には,汎用非線形構 造解析システム DIANA10.2 を用いた。解析モデルの要素 分割図を図-2 に示す。コンクリートおよび載荷板と支

表-3 鋼材の直径と断面積

和旦	公称直径	断面積	
記万	(mm)	(mm^2)	
#36 Grade420	35.8	1,006	
#19 Grade420	19.1	284	
#13 Grade420	10.7	120	
#13 Grade300	12.7	129	



図-2 要素分割図

圧板の鋼材には 20 節点の構造ソリッド要素を,鉄筋に は埋め込み鉄筋要素を使用した。要素分割は,載荷点と 支点付近を除いて圧縮フランジ厚さの 152mm を基準と し,試験体の対称性から 1/2 スパンをモデル化した。コ ンクリート要素は,Anらによるゾーニング手法⁷⁷を参考 に,鉄筋との付着が影響する領域(RC領域)と影響しな い領域(PL領域)に区分した。なお,本解析において部 材の自重は考慮していない。

荷重は 0.05mm/ステップで単調増加の強制変位を 800 ステップまで載荷点に与えた。載荷点と支点は鉛直方向



表 — 4	せん新耐力の	実験値と計算値およ7	7 解析値との比較
1 1		天敷喧し日井喧いる、	

試験体名	fc'_Stem (N/mm ²)	実験値	矩形	断面とした計	算値	解析值		
		V_{exp}	V_c	V_s	$V_c + V_s$	V_{fem}	$V_{exp} / (V_c + V_s)$	V _{exp} / V _{fem}
		(kN)	(kN)	(kN)	(kN)	(kN)		
1T6	32.4	919	339	566	905	909	-	1.01
2T10	24.5	898	309	339	648	868	1.39	1.03
2T12	24.3	840	308	282	590	788	1.42	1.07
1T18	34.0	739	345	188	533	822	1.39	0.90

 $f_{c',Stem}$: ウェブ部のコンクリートの圧縮強度、 V_{exp} : せん断耐力の実験値、 V_c : せん断補強鉄筋を用いない棒部材のせん断耐力、 V_s : せん断補強鉄筋により受け持たれるせん断耐力、 V_{fem} : FEM によるせん断耐力の解析値

を拘束し、水平方向の拘束は設けていない。求解法は修 正 Newton-Raphson 法とし、収束判定基準はエネルギーノ ルム比で許容値 1.0×10⁴ とした。なお、100 回のイタレー ションで収束しない場合には不平衡力を次のステップに 持ちこしている。

コンクリートのひび割れモデルは、直交固定ひび割れ モデルを用いた。コンクリートの引張挙動として、PL領 域におけるコンクリートの引張軟化曲線には土木学会の コンクリート標準示方書(以下,示方書)⁸⁾の1/4 モデル を,RC領域では付着パラメータ c=0.4 とした示方書の引 張硬化モデルを用いた。圧縮応カーひずみ関係は、示方 書の圧縮軟化を考慮したモデルとした。横方向ひび割れ による圧縮強度低減には示方書モデルを、多軸拘束効果 については Selby and Vecchio モデルを用いた。せん断伝 達特性には一定低減モデルを使用し、本研究では、PL領 域と RC領域ともに、ひび割れ発生後のせん断剛性を初 期剛性の1%とした。各モデルへの入力値として、圧縮強 度にはウェブ部のコンクリートの圧縮強度 fc'_Stem を、引 張強度、ヤング係数、引張破壊エネルギーは示方書記載 の各式を用いて fc'_Stem から算定した計算値を用いた。

鉄筋の応カーひずみ関係は降伏後に硬化するバイリ ニアモデルとした。関下ら⁹⁰のコンクリートの引張硬化 モデルと埋め込み鉄筋を併用した解析モデルを参考に, コンクリートと鉄筋の要素間は完全付着とし,鉄筋単体 の降伏強度を低下させた。降伏強度および降伏後の二次 勾配は,示方書のコンクリート中の鉄筋の平均応カー平 均ひずみ関係のモデルに基づいて**表-2**に示した各鉄筋 の力学特性値から算定した。なお、鉄筋単体のヤング係 数は実験値が不明なため、いずれも 200kN/mm² とした。 載荷板と支圧板の鋼材は弾性要素とし、ヤング係数を 200kN/mm²、ポアソン比を 0.3 とした。

本研究で使用した解析システムにおける各モデルの 詳細については、参考文献¹⁰⁾を参照されたい。

2.3 解析結果と実験結果の比較

図-3 に荷重-変位関係を示す。図中の実験値は、参 考文献のに示されている荷重-変位図から剛性が変化す る点、繰返し載荷における最大荷重の点を読み取った数 値をプロットしている。1T6 試験体の実験での破壊形態 は曲げ破壊とされており、解析においても引張鉄筋の降 伏による剛性の変化が認められ、その後、荷重が微増す る曲げ破壊挙動が再現されている。また、2T10 試験体、 2T12 試験体、1T18 試験体の載荷実験では、最大荷重以 降に荷重が低下しており、破壊形態はせん断破壊と判断 されている。解析ではせん断補強鉄筋比の大きい試験体 ほど最大荷重以降の荷重低下が緩やかになっているもの の、最大荷重とその際の変位は概ね一致している。

表-4 にせん断耐力の実験値,フランジ張出し部を無 視した矩形断面として算定した計算値,FEMによる解析 値を示す。解析値は図-3 における解析値の線上にプロ ットした点の値であり,1T6 試験体は実験時の最大荷重 時の変位に対応する点とし,その他の試験体では荷重の 低下が認められた点とした。計算値は,示方書に基づい てせん断補強鉄筋を用いない棒部材のせん断耐力 V_c と せん断補強鉄筋により受け持たれるせん断耐力 V_s の和

試験体名	f_c ' (N/mm ²)	<i>d</i> (mm)	b_w (mm)	b _f (mm)	t _f (mm)	備考
1T18-f0				356	-	矩形断面
1T18-f1				914		基準試験体(1T18試験体)
1T18-f2				1,472	150	圧縮フランジの張出し幅が基準試験体の2倍
1T18-f3	34.0	1,096	356	2,030	152	圧縮フランジの張出し幅が基準試験体の3倍
1T18-f4				2,588		圧縮フランジの張出し幅が基準試験体の4倍
1T18-t2				914	304	圧縮フランジ厚さが基準試験体の2倍
1T18-t3				914	456	圧縮フランジ厚さが基準試験体の3倍

表-5 解析ケース一覧

 f_c' : コンクリートの圧縮強度,d: 有効高さ, b_w : ウェブ幅, b_f : 圧縮フランジ幅, t_f : 圧縮フランジ厚さ



図-4 パラメトリック解析における荷重-変位関係

とした⁸⁾。*V*_eは式(1)に示す二羽らの提案式¹¹⁾を用いて算 出し,*V*_sは圧縮斜材角を 45°と仮定したトラス理論に基 づいて式(2)から算出した。

$$V_c = 0.20 f_c r^{1/3} p_w^{1/3} \left(\frac{d}{1000}\right)^{-1/4} \left(0.75 + \frac{1.4}{a/d}\right) b_w d \qquad (1)$$

$$V_s = A_w f_{wv} z / s \tag{2}$$

ここに, *f_c*': コンクリートの圧縮強度(N/mm²), *p_w*: 引張 鉄筋比(%), *d*: 有効高さ(mm), *a*: せん断スパン(mm), *b_w*: ウェブ幅(mm), *A_w*: せん断補強鉄筋の1 組の総断面 積(mm²), *f_{wy}*: せん断補強鉄筋の降伏強度(N/mm²), *z*: 圧 縮合力と引張合力の距離(=*d*/1.15)(mm), *s*: せん断補強鉄 筋の配置間隔(mm)

いずれの試験体においても、せん断耐力の実験値は矩 形断面として算定した計算値よりも 1.4 倍ほど大きくな っている。著者らが実施した *a*/*d*=3.5, はり高さ 350mm のせん断補強鉄筋を有する T 形 RC はりの載荷試験¹⁾で は実験値と計算値の比が 1.4~1.5 程度となっており、実 橋梁を模した T 形 RC はりにおいても、実験値と計算値 の比については同様の傾向となることを確認した。一方、 実験値と解析値の比は 0.90~1.07 となっており、矩形断 面とした計算値に比べて、非線形 FEM を用いた解析値 は実験値により近い数値となった。前述の荷重-変位関係の再現性からも、本研究において設定した解析モデル は実橋梁を模した T 形 RC はりのせん断破壊挙動を概ね 再現できていると考えられる。

3. 圧縮フランジ幅と厚さに関するパラメトリック解析 3.1 解析ケース

パラメトリック解析における基準試験体は、圧縮フラ ンジ幅と厚さの増加によるせん断耐力の向上が予想され たことから、せん断補強鉄筋比の最も小さい 1T18 試験 体とした。本解析における要素分割、材料特性、荷重、 拘束条件、求解法等の解析モデルは前述の再現解析と同 様とした。表-5 に解析ケース一覧を示す。圧縮フラン ジ幅が T 形 RC はりのせん断耐力に及ぼす影響を検討す るために、基準試験体に対して、圧縮フランジ無し(矩 形断面)、圧縮フランジの張出し幅を2倍、3倍、4倍の 計5水準を設けた。また、圧縮フランジ厚さの影響につ いては、基準試験体に対して、圧縮フランジ無し、圧縮 フランジ厚さを2倍、3倍とした計4水準とした。なお、 圧縮フランジ内の配筋として、軸方向鉄筋は要素の鉄筋 比が等しくなるように、配力鉄筋は圧縮フランジ幅と等 しくなるように長さを延長して配置している。

試験体名	b_f/b_w	t_f/d	$V_c + V_s$ (kN)	V _{fem} (kN)	V_{fem} / $(V_c + V_s)$
1T18-f0	1.00	-		833	1.56
1T18-f1	2.57			822	1.54
1T18-f2	4.13	0.14		729	1.37
1T18-f3	5.70	0.14	533	855	1.60
1T18-f4	7.27			772	1.45
1T18-t2	1.00	0.28		(914)	(1.72)
1T18-t3	1.00	0.42		(935)	(1.75)

表-6 解析結果と矩形断面として算定したせん断耐力の計算値との比較

 b_f : 圧縮フランジ幅, b_w : ウェブ幅, t_f : 圧縮フランジ厚さ, d: 有効高さ, V_c : せん断補強鉄筋を用いない 棒部材のせん断耐力, V_s : せん断補強鉄筋により受け持たれるせん断耐力, V_{fem} : FEM よる解析値



図-6 最小主応力分布

3.2 解析結果

(1) 荷重一変位関係

図-4 に解析から得られた荷重一変位関係を示す。圧 縮フランジの影響として、矩形断面とT形断面を有する 基準試験体を比較すると、断面形状の違いによる剛性の 違いは認められるものの、せん断耐力に有意な違いは認 められなかった。これは、著者らが実施した a/d=3.5 のT 形 RC はりの載荷実験の結果 ¹⁾と一致する。また、T 形 RC はりの圧縮フランジ幅を長くした場合であっても、 剛性の変化は小さかった。圧縮フランジの張出し幅を基 準試験体の2倍、4倍とした試験体では、基準試験体よ りもせん断耐力は小さくなっており、圧縮フランジの長 さに応じたせん断耐力の向上は認められなかった。一方、 基準試験体に対して圧縮フランジ厚さを2倍、3倍とし た試験体では引張鉄筋の降伏が先行する曲げ破壊へと破 壊形態が変化しており、本解析における最大ステップの 800 ステップまでに荷重の低下も認められなかった。

表-6 に FEM による解析結果とフランジ張出し部を 無視した矩形断面として算定したせん断耐力の計算値を 示す。曲げ破壊挙動を示した 1T18-t2 試験体と 1T18-t3 試 験体については、参考値として本解析中の最大せん断力 を表中に記載している。前述のとおり圧縮フランジの長 さとせん断耐力に明確な相関関係は認められないものの、 FEMによるせん断耐力の解析値は、いずれの試験体にお いてもフランジ張出し部を無視した矩形断面として算定 した計算値に対して1.37~1.67倍となり、前述の実験値 と計算値の比と概ね一致している。また、圧縮フランジ 厚さを大きくした場合についても、せん断耐力は計算値 と比べて1.7倍以上となっていると推察される。

(2) 最大主ひずみと最小主応力分布

最大主ひずみと最小主応力の分布の一例として,基準 試験体と圧縮フランジの張出し幅を4倍とした試験体の 最大荷重時の分布を,圧縮フランジ厚さを3倍とした試 験体では,基準供試体の最大荷重と同じ作用荷重時の分 布を図-5,図-6にそれぞれ示す。

圧縮フランジ幅を水準とした試験体では、最大荷重時 の最大主ひずみ分布に顕著な違いは認められなかった。 最大荷重以降では最大主ひずみが圧縮フランジ下面に沿 って進展し、圧縮フランジ幅を4倍とした1T18-f4 試験 体の最大荷重時においてもその兆候が認められる。本研 究では,最大荷重以降でせん断スパンにおける最大主ひ ずみ分布が拡大していたことからも,圧縮フランジ厚さ を大きくした試験体を除いた試験体はせん断破壊したと 判断した。また,圧縮フランジ厚さの大きい試験体にお いても,圧縮フランジが存在するはり高さにおける最大 主ひずみは小さい。

次に、最小主応力の分布に着目すると、圧縮フランジ 幅が短く、厚さが大きい試験体ほど、載荷点近傍におい て最小主応力が圧縮フランジ内で均等に分布しているこ とがわかる。圧縮フランジ厚さを大きくしたことによる せん断耐力の向上は、この圧縮フランジ内の応力分布に 起因していると考えられる。また、せん断破壊となった 試験体では、最大荷重時には載荷点近傍の他にも圧縮フ ランジ下面の一部に応力が集中する傾向が認められた。 圧縮フランジの張出し幅を4倍とした1T18-f4 試験体で は、最大荷重時において圧縮フランジとウェブの境界部 の主圧縮応力が基準試験体と比べて大きくなっており、 応力が局所化している個所も載荷点から離れる傾向が認 められた。

本研究において圧縮フランジ幅とせん断耐力に相関 関係が認められなかったのは,圧縮フランジ幅の違いに よって応力分布が変化したことに起因している可能性が ある。圧縮フランジが薄い場合には,圧縮フランジとウ ェブの境界部の損傷がせん断耐力へ大きく影響する可能 性があり,圧縮フランジの幅や厚さに応じたT形RCは りのせん断破壊形態の違いについては今後の検討課題と したい。

4. まとめ

本研究では、3次元非線形 FEM を用いて実橋梁を模し た大型 RC はりの載荷実験の再現解析を行うとともに、 圧縮フランジの幅や厚さを水準としたパラメトリック解 析を実施した。本研究で得られた知見を以下に示す。

- (1) 実橋梁を模した T 形 RC はりにおいても, せん断耐 力の実験値は, フランジ張出し部を無視した矩形断 面として算定した計算値と比較して 1.4 倍ほど大き くなることを確認した。
- (2) 大型T形RCはりのせん断耐力の実験値と3次元非 線形FEMによる解析値の比は0.90~1.07となり, 本研究で設定した解析モデルによって最大荷重時 までの変形も概ね再現することができた。
- (3) 圧縮フランジ幅とT形RCはりのせん断耐力に相関 関係は認められなかったものの,圧縮フランジ幅の 違いによって最大荷重時の主応力分布が異なるこ とを確認した。
- (4) 圧縮フランジ厚さを大きくした場合には、破壊形態がせん断破壊から曲げ破壊に変化した。圧縮フラン

ジによるせん断耐力の向上効果は,圧縮フランジ厚 さが大きいほど顕著になることが明らかとなった。

謝辞:本研究の一部は,科学研究費助成事業(若手研究(B), 課題番号:16K18138)の助成を得て実施されたものであ る。ここに記して謝意を表します。

参考文献

- 例えば、中村麻美、中村拓郎、二羽淳一郎: せん断 スパン比とせん断補強鉄筋比の異なる T 形 RC はり のせん断耐荷機構、土木学会論文集 E2,73 巻,3 号, pp.337-347,2017.9
- 例えば, Zararis, I. P., Karaveziroglou, M. K., and Zararis,
 P. D.: Shear Strength of Reinforced Concrete T-beams,
 ACI Structural Journal, Vol.103, No.5, pp.693-700,
 Sep./Oct. 2006
- 3) 岡本 大,川村 力,服部尚道,酒谷弘行:せん断 補強鉄筋を有する鉄筋コンクリートT型梁のせん断 耐力の評価,コンクリート工学年次論文集,Vol.27, No.2, pp.313-318, 2005.7
- 木野淳一,山田章史,築嶋大輔,石橋忠良:T 形断 面および矩形中空断面 RC 梁のせん断耐力に関する 実験的研究,土木学会論文集 E2,70巻,1号,pp.44-55,2014.2
- Christopher Higgins, et al.: Tests of RC Deck Girders with 1950s Vintage Details, Journal of Bridge Engineering, Vol. 12, Issue 5, pp. 621-631, Sep. 2007
- Christopher Higgins, et al.: Assessment Methodology for Diagonally Cracked Reinforced Concrete Deck Girders, Report No. FHWA-OR-RD-05-04, Federal Highway Administration, Oct. 2004
- Xuehui AN, Koichi Maekawa, Hajime Okamura: Numerical Simulation of Size Effect in Shear Strength of RC Beams, J. Materials Conc. Struct., Pavements, JSCE, No. 564/V-35, pp. 297-316, May. 1997
- 8) 土木学会:2012年制定コンクリート標準示方書[設 計編],土木学会,2013
- 関下裕太、川口和広、小林竜太、宮本真一:有限要素法による RC 部材の一軸引張挙動に関する各種モデル化の影響、土木学会北海道支部論文報告集、第66号、E-20,2010.2
- 10) User's Manual -- Release 10.2: https://dianafea.com /manuals/d102/Diana.html (閲覧日:2018年1月6日)
- 二羽淳一郎、山田一宇、横沢和夫、岡村甫: せん断 補強鉄筋を用いないRC はりのせん断強度式の再評 価, 土木学会論文集, 第 372 号/V-5, pp.167-176, 1986.8