論文 Shear-Friction モデルの釣り合い方程式に基づく RC 造柱の軸限界状 態曲線の修正式

蓮池 類*1·田嶋 和樹*2·長沼一洋*3

要旨:本研究では、RC 造柱のせん断破壊後の軸破壊点を推測する既往の提案式に対して、適用範囲が狭いことから修正式の作成を試みた。既往の提案式は、せん断破壊によって生じたひび割れ面における力の釣り合い関係に基づいた理論モデルを考えている。本報では、国内外における RC 造柱の実験に関するデータベースを作成し、この理論モデルにおける臨界ひび割れ角度 θ およびひび割れ面の有効摩擦係数 μ_m に着目した検討を行った。その結果、臨界ひび割れ角度 θ は 60°とし、有効摩擦係数 μ_m は柱寸法に応じて短柱と長柱に分類した 2 通りの修正式を提案することで適用範囲が拡大することを示した。

キーワード: 軸破壊, 軸限界状態曲線, 軸支持能力, せん断破壊, ファイバー解析, RC 柱

1. はじめに

地震大国である日本では,過去の大地震によって鉄筋 コンクリート(以下, RC)造建物が崩壊や損傷などの被 害を受けてきた。特に 1971 年以前の旧耐震基準で設計 された RC 造建物は,近年の大地震においても,柱がせ ん断破壊し,層崩壊に至る被害事例が報告されている。 こうした背景から,柱がせん断破壊後に軸崩壊するメカ ニズムの解明を目的とした RC 造柱部材の実験的研究が 多数実施されてきた¹⁾⁻²⁴⁾。また, Elwood らは, RC 造柱 がせん断破壊後に軸崩壊する現象に関して,軸力と崩壊 部材角の理論的な関係式を提案している²⁵⁾。しかし,提 案式の検証に用いられた試験体数が少なく,日本で一般 的に見られる短柱や長柱は適用範囲外となっている。

本報では, Elwood らの提案式の適用範囲の拡大を目的 とした修正式の提案を試みる。まず,既往の RC 造柱の 水平加力実験を対象にデータベースを作成し,既往の提 案式の適用性の確認および修正式の検討を実施する。ま た,修正式の妥当性を確認するために,せん断破壊後に 軸破壊する RC 造柱の水平加力実験を対象として,修正 式に基づく軸限界曲線を組み込んだ数値解析を実施し, 修正前後における解析精度の差を比較する。

2. 既往の提案式

2.1 Shear-Friction モデル

図-1に Shear-Friction モデル²⁵⁾を示す。柱がせん断破 壊を経験した際,支持している軸荷重はせん断破壊面を 横切って伝達されなければならない。この荷重の伝達の メカニズムを理論的にモデル化したものが Shear-Friction モデルである。このモデルに作用する力の釣り合い方程 式は次式のとおりである。

*1 日本大学大学院 理工学研究科建築学専攻 (学生会員)
*2 日本大学 理工学部建築学科准教授 博士 (工学) (正会員)
*3 日本大学 理工学部建築学科教授 博士 (工学) (正会員)



$$N\sin\theta = V_{sf}\cos\theta + \frac{A_{st}J_{yt}a_c\tan\theta}{s}$$
(1)

$$P = N\cos\theta + V_{sf}\sin\theta + n_{bars}P_s$$
⁽²⁾

ここで、N: ひび割れ面に垂直に作用する力(N), θ : 臨界 ひび割れ角度 (図-2 より近似値 65°と仮定), V_{sf} : ひび 割れ面の摩擦抵抗力(N), s: 帯筋間隔(mm), A_{st}: 帯筋断 面積(mm²), f_{yt}: 帯筋降伏強度(N/mm²), d_c: 1 組の帯筋の 中心間距離(mm), P: 軸力(N), n_{bars}: 主筋本数, P_s: 主筋 1 本が負担する軸力(N)である。なお,外部せん断力 V は ゼロ, 主筋のダボ作用による力 V_dは無視すると仮定され た。この時, V_{sf}はひび割れ面での摩擦を介して伝達され るため, 摩擦係数 μ を用いて次式で定義できる。

$$V_{sf} = N\mu \tag{3}$$

式(3)を式(1),式(2)にそれぞれ代入して連立式を解くことで次式が得られる。

$$P = \frac{A_{st} f_{yt} d_c}{s} \tan \theta \frac{1 + \mu \tan \theta}{\tan \theta - \mu} + n_{bars} P_s$$
(4)

式(4)は、第1項がせん断摩擦を介して伝達される軸荷 重であり、第2項が主筋により伝達される軸荷重である。 しかし、ここで Elwood らは、第2項は第1項とは独立 に軸荷重支持を考慮することが適切であると考察してお り、これら2項のうちそれぞれの支配量の最大値を採用 することを推奨し、第2項を除去した最大キャパシティ モデルを提案した。この時、最大キャパシティモデルに 対する有効摩擦係数として次式を与えている。

$$\mu_m = \frac{P - \frac{A_{st} f_{yt} d_c}{s}}{\frac{P}{\tan \theta} + \frac{A_{st} f_{yt} d_c}{s} \tan \theta}$$
(5)

ここで, 添え字の m は最大キャパシティモデルを意味す る。Elwood らは,式(5)により全12体の RC 柱試験体を 対象に有効摩擦係数を算出し,作用軸力を支持できなく なる(以下,軸破壊)までに経験した最大の水平変位と の関係を近似した次式を導いている(図-3)。

$$\mu_m = \tan\theta - \frac{100}{4} \frac{\Delta_a}{L} \ge 0 \qquad (\theta = 65^{\circ}) \tag{6}$$

この関係は、水平変形が増大することにより、せん断 ひび割れ面の粗さを劣化させ、有効な摩擦抵抗が低下す ることを考慮している。最後に第2項を除去した式(4)に 式(6)を代入することにより、次式が得られる。

$$\frac{\Delta_a}{L} = \frac{4}{100} \frac{1 + (\tan\theta)^2}{\tan\theta + P\left(\frac{s}{A_{st}f_{yt}d_c}\tan\theta\right)} \quad (\theta = 65^\circ)$$
(7)

式(7)(Elwood 式)は、図-4に示す軸力と軸破壊時の 水平変形角に関する曲線関係(軸限界状態曲線)を与え、 実験結果と良好に対応している。しかし、式の検証に使 用された試験体数が少ないこと、また、柱せいに対する 柱高さの比(以下,ho/D)が6.4を超える範囲で検証され たことを踏まえると、せん断破壊の傾向が強い RC 短柱 に対する適用性は低いと考えられる。

2.2 Elwood 式の適用性の確認

筆者らは, Elwood らのせん断限界状態曲線および軸限 界状態曲線を利用し, せん断破壊する RC 柱のポストピ ーク挙動を表現可能な数値解析手法²⁶⁾を開発している。 この手法では, 柱部材の軸破壊点の正確な予測がせん断 破壊後の耐力低下挙動の解析精度を左右する。そこで, Elwood 式の適用性を確認するため, 既往の RC 造柱試験 体¹³⁾¹⁴⁾の内, Elwood 式の適用範囲外と考えられる ho/D ≦2 以下となる短柱に対して数値解析を実施する。

表-1 に解析対象試験体の概要,図-5 に解析モデル 概要を示す。なお,解析には OpenSees²⁷⁾を用いた。試験 体の柱部はファイバー要素でモデル化し,スタブは剛体 とした。また,主筋の抜け出し挙動を考慮するために柱 頭・柱脚には接合部サブ要素²⁶⁾を付与し,柱のせん断挙 動を考慮するために柱頭にせん断サブ要素²⁶⁾を付与し た。加力方法は,定軸力を加えた状態での正負交番静的



表-1 試験体概要

試験体	No.113)	No.3 ¹³⁾	H-4 ¹⁴⁾	D10SL-114)	
柱幅×柱せい ×内法長さ	250×250 ×375	250×250 ×500	180×180 ×360	180×180 ×360	
コンクリート強度	17.7	14.5	35.2	19.1	
軸力比 N/(bDf _c)	0.20	0.21	0.18	0.24	
主筋配筋	12-D10	12-D10	4-D10	4-D10	
主筋降伏強度	353	353	383	371	
帯筋配筋	2-D4@55	2-D4@55	2-D6@70	2-D6@70	
带筋降伏強度	379	379	316	316	
 単位:mm,N					







繰返し載荷とした。図-6 に材料構成則およびバネ復元 力特性を示す。コアコンクリートには、Mander ら²⁸⁾の拘 束効果を適用した。鉄筋は bi-linear 型とし、降伏後の二 次勾配は初期剛性の 1/100 とした。接合部サブ要素に付 与する復元力特性は、bi-linear 型のモーメント(M)ー回転 角(θ)関係でモデル化した²⁰。せん断サブ要素の復元力特 性は、せん断ひび割れ点、せん断破壊点、軸破壊点によ り決定する。せん断破壊点のせん断変形は、せん断破壊 時部材角 (R=1/250) の 25%として決定した²⁶⁾。軸破壊 点は、せん断力がゼロの時に軸破壊に至ると仮定し、そ の時の水平変形を式(7)より算出した。

図-7 に静的繰返し載荷解析の結果を示す。最大耐力 に至るまでの挙動に関して,解析結果は実験結果と良好 に対応している。一方,ポストピーク領域に関しては, 解析結果は実験よりも緩やかな耐力低下を示した。これ は、図-6 に示した軸破壊点を過大評価したことが原因 である。このことは,ho/Dが2以下となるような短柱は Elwood 式の適用範囲外であることを示しており,せん断 破壊後の軸破壊点をより正確に評価するためには,現状 の Elwood 式の適用範囲を広げるための新たな軸破壊点 の修正式が必要であると考えられる。

3. 軸限界状態曲線の修正式の提案

3.1 軸破壊実験に関するデータベース

既往の RC 造柱実験¹⁾⁻²⁵⁾を対象として,実験データベ ースを作成した。採用した試験体は,文献中で「作用軸 力を支持できなくなった」または「水平載荷後に水平変 位を与えた状態で軸圧縮載荷して最大値に到達した」な どと明記して軸破壊点を定義しているものとし,本報の 軸破壊点も同様に定義した。**表-2** に検討する試験体パ ラメータを示す。本検討では,ho/D = 2 を境にして短柱 と長柱に分類しており,短柱 93 体,長柱 75 体,合計 168 体を検討対象とし,縮小スケールは 1/4〜実大で様々で あった。また,柱の破壊形式は,短柱がせん断破壊,長 柱が曲げ降伏後せん断破壊である。なお,長柱の場合は 曲げ圧壊破壊などの曲げによる破壊モードも存在するた め,比較対象としてデータベースに含めている。

図-8に収集した実験結果と Elwood 式の比較を示す。 実験データのプロットの算出には,式(7)より得られる軸 カPと帯筋パラメータより求まる値を縦軸に取り,軸破 壊時の水平変形角を横軸の値とした。長柱の試験体の場 合, Elwood 式と良好な対応を示すものもあるが,軸破壊 時の軸力を過大に評価している傾向にある。一方,短柱 の試験体は全体的に Elwood 式との対応が悪く,適用範 囲外であることが確認できる。

3.2 臨界ひび割れ角度 θ

Shear-Friction モデルは、せん断ひび割れ面が形成され



パラメータ	短柱(h₀/D≦2)	長柱(h ₀ /D>2)			
h ₀ /D(柱内法/柱せい)	1.5~2.0	2.5~6.5			
コンクリート強度(N/mm ²)	11.4~35.2	9.4~44.5			
軸力比 N/(bDf _c)	0.04~0.89(1.02*)	0.07~0.99			
主筋降伏強度(N/mm²)	333~502	331~479			
全主筋比(%)	0.16~3.00	0.95~3.13			
帯筋降伏強度(N/mm²)	296~425	296~690			
帯筋比(%)	0.11~0.68	0.07~1.21			
載荷方法:押切り,繰返し後押切り,繰返し,疑似動的載荷, 水平変位を与えた状態での圧縮載荷					

せん断破壊(短柱) 曲げ降伏後せん断破壊,曲げ圧縮破壊(長柱)



た破壊モードに対する力の釣り合いを考えた理論的なモ デルである。ひび割れ角度によって破壊モードや抵抗メ カニズムが変化すると考えられるため、臨界ひび割れ角 度θをより正確に設定することが重要である。Elwoodら は、図-2に示したように少数の試験体の観測結果を基 に近似値65°を採用したが、その妥当性を確認するため、 実験データベース内の試験体のうち、論文中にひび割れ や破壊状況が記載されていたものを対象にして、せん断 ひび割れの角度を計測した。図-9にひび割れ角度の算 出方法と臨界ひび割れ角度θー軸力比関係を示す。ひび 割れ角度の計測は Elwood ら ²⁵⁾と同様の手法とし, せん 断破壊に起因する主要な斜めひび割れを対象にして, 縦 横比から角度を求めた。また, 主要なせん断ひび割れが 複数存在する場合は, それらすべてを計測して平均した 値をその柱のせん断ひび割れ角度とした。図中には全 61 体の測定結果を示すが, 今回の検討の範囲では軸力比や h_0/D に関わらず,平均値 60.7°を中心にばらつく結果とな った。なお, 既往の研究¹⁴⁾においても, ひび割れ角度 θ を概ね 60° と評価しており, 本結果と同様であった。

3.3 有効摩擦係数 µ m

RC 柱は繰返し水平力を受けることで、コンクリート のかぶり、コアの順に圧壊や剥離といった損傷が進展し ていく。そのため、式(6)で述べたようにせん断ひび割れ 面の損傷の増大に伴い、有効な摩擦抵抗が減少していく。 ただし、ひび割れ面の損傷過程は、破壊モードや抵抗モ ードによって異なる事が考えられる。例えば、短柱のよ うなせん断抵抗の成分が大きい破壊モードでは、せん断 ひび割れ面に損傷が集中し、ひび割れ面の劣化が早いと 考えられる。一方、曲げ降伏後せん断破壊が起こりやす い長柱は、短柱に比べて曲げ抵抗成分が大きいため、せ ん断ひび割れ面に損傷が集中せず、ひび割れ面の劣化の 進行も緩やかになると考えられる。つまり、式(6)で提案 された線形関係は、損傷の進展過程を考慮して決定する ことが望ましい。そこで、実験データベース内の試験体 を対象として、有効摩擦係数μmの評価を試みる。

図-10に有効摩擦係数μm-部材角Δ_a/Lの関係を示す。 なお、実験データのプロットは、式(5)により有効摩擦係 数 μm を算出し, 3.2 節より θ=60°として求めた。図-3 と 同様に概ね線形関係が見られるが、近似線を中心にプロ ットが多少ばらつく結果となった。これは、せん断破壊 形式や試験体寸法を区別せずに実験データを整理してい る影響だと考えられ、今後詳細な検討が必要である。し かしながら,短柱の場合,部材角4%程度を境として2分 された領域で、それぞれに線形的な傾向が見られた。こ こで、両者の違いは水平載荷の繰り返し回数である。変 形の小さいデータは、ほとんどが繰返し回数を漸増させ ていく過程で軸支持能力を喪失した試験体の結果である。 一方,変形の大きいデータは、押切り載荷あるいは2~3 回程度の極めて少ない繰返しを経験した後の押切り載荷 である。これは、繰返し回数の違いがせん断ひび割れ面 の損傷進展に大きく影響しており、有効な摩擦抵抗の減 少程度に明確な差が表れたためであると考えられる。

一方,長柱の大部分のデータには,一定の線形な関係 性が見られる。しかし,線形関係から大きく外れるデー タ(図中,適用範囲外)も確認された。ここで,図中の 実線で囲まれた2体のデータに着目すると,これらは同 一試験体で繰返し回数のみをパラメータとした実験²⁴⁾



の結果であり、一方は、各変形下で10回繰り返し載荷を 実施している。この場合、短柱で述べたケースとは逆に、 多くの繰り返しによってせん断ひび割れ面の劣化が生じ、 同一試験体でありながら軸破壊時の変形に大きな差を生 じたと考えられる。また、破線で囲まれた適用範囲外の データは、軸力比が0.4~0.99と大きい試験体であり、破 壊状況からもせん断ひび割れ面の形成が確認されておら ず、曲げ圧壊型の破壊モードであった。このような軸力 比が0.4を超える長柱の試験体については、Shear-Friction モデルによる力の釣り合いが考慮できないと考えられる ため、本検討では適用範囲外とした。

以上より、繰返し回数が極端に少ないまたは多いケー スや軸力比が 0.4 以上の長柱を適用範囲外とした上で、 有効摩擦係数 µm と軸破壊時の水平変形角に関する関係 を図-10 に基づいて次式で提案する。

$$\mu_m = \tan\theta - \frac{1}{\alpha} \frac{\Delta_a}{L} \ge 0 \qquad (\theta = 60^\circ) \tag{8}$$

$$\alpha = \frac{3}{100} \qquad \left(h_0/D \le 2\right) \tag{9}$$

$$\alpha = \frac{6}{100} \qquad \left(h_0/D > 2\right) \tag{10}$$

ここで,式(8)は式(6)を基本形として係数αを導入したも のであり,係数αはh₀/Dの値に応じて式(9)あるいは式 (10)より求めることとする。なお,本式の適用範囲は,表 -3に示すとおりであり,今回収集した実験データベー スに基づいている。ただし,h₀/D=2近傍の実験はほとん どなく,今後実験データの蓄積が必要である。また,図 -10(a)において,繰返し載荷回数の少ない適用範囲外の 短柱に関しても一定の傾向が見られた。ただし,地震被 害を受ける RC 柱の挙動としては稀であるため,ここで は参考値としてαの値を示すに留めることにする。

3.4 修正軸限界状態曲線の提案

これまでの検討に基づいて,筆者らが提案する Elwood らの軸限界状態曲線の修正式を次式に示す。

$$\frac{\Delta_a}{L} = \alpha \frac{1 + (\tan \theta)^2}{\tan \theta + P\left(\frac{s}{A_{st} f_{yt} d_c \tan \theta}\right)} \quad (\theta = 60^\circ)$$
(11)

ここで、式(11)は、式(7)に基づいた基本形であり、 θ の数 値を変更するとともに、係数 α を新たに導入している。

図-11 に実験データベースの実験結果と修正軸限界 状態曲線の対応を示す。なお、比較のために適用範囲外 の実験結果および修正前の曲線も併せて示す。図-11(a) より、短柱では修正式と Elwood 式の差は明確であり、修 正式は実験結果を良好に評価している。一方、図-11(b) より、長柱では式の修正前後による差はほとんど見られ ず、両式とも実験結果を良好に評価している。これより、 Elwood 式は長柱に関して適用性が高いと判断できる。

最後に修正式の検証のために、2.2節で示した RC 柱の 水平加力実験を対象として,修正式によって得られる軸 限界状態曲線を組み込み,改めて数値解析を実施する。 図-12に各試験体に対する軸限界状態曲線を示す。なお, 図中の曲線は、Elwood式および修正式を軸力比一部材角 関係として表している。全ての試験体において,修正式 により得られる軸破壊点は実験結果と良好に対応してお り軸破壊時の部材角はElwood式と比較しておよそ1/2倍 程度となった。図-13に静的繰返し載荷解析の結果を示 す。せん断サブ要素の復元力特性において,修正式より 得た軸破壊時の変形が Elwood 式の場合の 1/2 程度とな ったことによって耐力低下の勾配が急峻になり,解析に よる耐力低下の傾向はより実験に対応する結果となった。

4. まとめ

Elwood らが提案した軸限界状態曲線式の適用範囲の 拡大を目的とし,既往の RC 造柱部材実験のデータベー スに基づいて修正式を提案するとともに,修正軸限界状 態曲線の適用性を検討した。以下に得られた知見を示す。

 Shear-Friction モデルにおける臨界ひび割れ角度θの 値は65°とされていたが,既往のRC柱の実験結果

|--|

パラメータ	短柱(h₀/D≦2)	長柱(h ₀ /D>2)
h ₀ /D(柱内法/柱せい)	1.5~2.0	2.5~6.5
コンクリート強度(N/mm ²)	11.4~35.2	11.2~44.5
軸力比 N/(bDf _c)	0.16~0.89(1.02*)	0.07~0.36
主筋降伏強度(N/mm²)	333~502	331~479
全主筋比(%)	0.16~1.70	0.95~3.13
帯筋降伏強度(N/mm²)	296~420	296~690
帯筋比(%)	0.11~0.68	0.07~1.21

載荷方法:繰返し後押切り,繰返し,疑似動的載荷,水平変位 を与えた状態での圧縮載荷





の評価より 60°を推奨するべきと分かった。

- (2) 有効摩擦係数 μmは, h₀/Dの値に応じて長柱と短柱 で分類した修正式を求めることができ,繰返し載荷 によるせん断ひび割れ面の劣化を破壊モード別に 考慮することができた。
- (3) 提案した臨界ひび割れ角θと有効摩擦係数μmの式 から得られる軸限界状態曲線の修正式は、短柱およ び長柱の軸破壊点を良好に評価した。特に短柱に関 しては、既往の提案式よりも精度がよく、適用範囲 を拡大することができた。

謝辞

研究の遂行にあたり,日本大学白井伸明名誉教授より 多くのご助言を戴きました。ここに謝意を表します。

参考文献

- 瀧田一平,他:鉄筋コンクリート柱の軸力上昇を考 慮した崩壊実験,日本建築学会大会梗概集,pp.81-82, 2015.9
- 2) 瀧田一平,他:鉄筋コンクリート柱の高軸力からの 軸力減少を考慮した崩壊実験、日本建築学会大会梗 概集,pp.267-268,2014.9
- 中村孝也,他:軸力減少を考慮したせん断破壊型鉄 筋コンクリート柱の崩壊実験,日本建築学会構造系 論文集,Vol.79,第701号,pp.987-994,2014.7
- 中村孝也,他:軸力減少が鉄筋コンクリート柱の崩 壊性状に与える影響,日本建築学会大会梗概集, pp.513-514,2013.8
- 5) 広瀬裕三郎,他:軸力負担能力喪失点に着目した低 強度コンクリート柱の実験とその評価法,日本建築 学会構造工学論文集,Vol.59B, pp.49-54, 2013.3
- 6) 中村孝也,他:主筋量がせん断破壊型 RC 柱の構造 性能に与える影響,日本建築学会大会梗概集, pp.161-162,2011.8
- 伊井宏樹,他:試験体寸法と中子筋の有無を変化させた RC 造柱のせん断破壊後の軸力負担能力評価実験、コンクリート工学年次論文集、Vol.32、No.2、 pp.157-162,2010
- 8) 近藤隆幸,他:疑似動的手法による鉄筋コンクリート柱の崩壊実験(その1~2),日本建築学会大会梗概集,pp.553-556,2008.9
- 9) 宮島雄代,他:試験体寸法を変化させた RC 造柱の 軸力負担能力の評価実験、コンクリート工学年次論 文集,Vol.30,No.3,pp.163-168,2008
- 阿部博之,他:RC 造柱の残存軸耐力に及ぼす配筋詳細の影響の評価実験、コンクリート工学年次論文集、 Vol.30, No.3, pp.1297-1302, 2008
- 村上恵都子,他:低強度コンクリート RC 造柱の破 壊性状に関する実験的研究,コンクリート工学年次 論文集, Vol.30, No.3, pp.211-216, 2008

- 加藤大介,他:RC 造柱の残存軸耐力に関する実験と 考察,日本建築学会構造系論文集,第619号,pp.127-132,2007.9
- 山崎和宏,他:鉄筋コンクリート造柱の軸力支持限 界と耐震診断基準値、コンクリート工学年次論文集, Vol.28, No.2, pp.181-186, 2006
- 14) 加藤大介,他:配筋詳細に着目した RC 造せん断破 壊柱の軸力保持性能に関する実験,日本建築学会構 造系論文集,第610号,pp.153-159,2006.12
- 15) 李柱振,他:異なる配筋詳細を有する RC 造柱のせん断破壊後の軸力負担能力の評価実験、日本建築学会大会梗概集、pp.139-140,2005.9
- 金紅日,他:せん断破壊型 RC 柱の崩壊に対する直 交壁の影響、コンクリート工学年次論文集, Vol.27, No.2, pp.193-198, 2005
- 17) 高稻宜和,他:曲げ降伏後せん断破壊する鉄筋コン クリート柱の崩壊に関する研究,日本建築学会構造 系論文集,第583号,pp.91-98,2004.9
- 18) 高稻宜和,他:鉄筋コンクリート柱の崩壊変形に関 する研究,日本建築学会構造系論文集,第573号, pp.153-160,2003.11
- 19) 中村孝也,他:せん断破壊型鉄筋コンクリート短柱の軸力保持限界に関する研究,日本建築学会構造系論文集,第561号,pp.193-199,2002.11
- 20) 滝泰之,他:鉄筋コンクリート柱の軸力保持限界に 関する研究、コンクリート工学年次論文集, Vol.23, No.3, pp.217-222, 2001
- 21) 立松伸博,他:鉄筋コンクリート柱の曲げ破壊性状 に及ぼす帯筋端部形状の影響,コンクリート工学年 次論文集, Vol.23, No.3, pp.241-246, 2001
- 22) 森直哉,他:鉄筋コンクリート柱の曲げ破壊性状に 及ぼす帯筋端部折り曲げ角度の影響,日本建築学会 大会梗概集, pp.793-794, 1999.9
- 23) 大野義照,他:鉄筋コンクリート柱の力学性状にお よぼす帯筋フック形状の影響,コンクリート工学年 次論文集, Vol.20, No.3, pp.493-498, 1998
- 24) 宮本芳樹,他:鉄筋コンクリート柱部材の靭性と横 補強筋量について、日本建築学会近畿支部研究報告 集,pp.49-52,1998
- 25) Elwood K. J. and Moehle J. P. : Shake Table Tests and Analytical Studies on the Gravity Load Collapse of Reinforced Concrete Frames, PEER-2003/01,2003.11
- 26) 田嶋和樹,他:脆性部材の破壊が RC 造骨組の耐震 性能に及ぼす影響、コンクリート工学年次論文集, Vol.34, No.2, pp.337-342, 2012
- 27) Open System for Earthquake Engineering Simulation Home Page, http://opensees.berkeley.edu/
- 28) Mander J. B. : Theoretical Stress-Strain Model for Confined Concrete, Journal of Structural Engineering, Vol.114, No.8, pp.1804-1826, 1988.8