# 論文 袖壁付き RC 柱のせん断力(Q) - 部材角(R) スケルトンカーブ 評価に関する研究

#### 磯 雅人\*1·白都 滋\*2

要旨:本研究では,既往の袖壁付き RC 柱部材のデータを用いて,せん断力(Q)-部材角(R) 関係上の各特異点(弾性剛性,曲げひび割れ耐力,降伏時部材角,曲げ終局耐力)および耐力 低下部分について検討・評価され,袖壁付き RC 柱の Q - R 関係スケルトンカーブが提案され る。提案される Q - R 関係スケルトンカーブは,袖壁付き RC 柱部分のせん断余裕度と柱部分 のせん断余裕度の組合せにより,脆性型,中間型(2種類),靭性型と称した4つの Q - R 関 係スケルトンカーブに分類したものであり,本提案で,おおむね袖壁付き RC 柱の Q - R カー ブを評価できることが示される。

キーワード:袖壁付き RC柱,変形性能,せん断力(Q)-部材角(R)関係スケルトンカーブ

### 1. はじめに

現在,袖壁付き RC 柱の変形性能評価に関する 研究は,若林・南らによる,はり機構・アーチ機 構を線材に置換して評価するモデル<sup>1)</sup>やシート補 強された袖壁付き RC 柱を対象とした益尾・井上 らによるせん断余裕度を基にした限界部材角の評 価方法<sup>2)</sup>の提案があるが,その研究資料は少なく, 実験データそのものも十分とは言えない。また, RC 耐震診断基準<sup>3)</sup>における袖壁付き RC 柱の変形 性能の取扱いは,破壊モードと形状(h<sub>0</sub>/H<sub>0</sub>)によ って変形性能(靭性指標:F 値)を安全,かつ, 簡易に決定するが,その変形性能を十分に評価で きているとは言いがたい。本研究では,袖壁付き RC 柱部材の変形性能に着目して検討・評価を行 い,そのせん断力(Q)-部材角(R)関係スケル トンカープモデルを提案することを目的とする。

## 2. Q - Rカーブの各特異点の検証

ここでは, RC 梁および RC 柱部材の両側に壁 が均等に付帯した腰壁・垂れ壁付き RC 梁, 両側 袖壁付き RC 柱, エポキシ樹脂による接着のみで シート補強された両側袖壁付き RC 柱(以下, 袖 壁付き RC 柱と呼ぶ。)で,面内方向に加力された 既往の研究データを用いて, 図 - 1 に示す Q - R カーブ上の各特異点(弾性剛性,曲げひび割れ耐 力,降伏時部材角,曲げ終局耐力)について検討・ 評価する。各特異点の検討では,実験値と既往の 評価式による計算値との比較が行われ,その精度 が検証される。なお,ここで検討・評価される内 容は,3.で提案するQ-R関係スケルトンカーブ モデルの基礎となる。

## 2.1 弾性剛性

袖壁付き RC 柱<sup>2)4)-6)</sup>の弾性剛性の実験値と計算 値との比較を図 - 2 に示す。なお,弾性剛性計算 値(<sub>w</sub>S<sub>e</sub>)は,曲げ変形とせん断変形を考慮した下式 (1)により行い,下記に示す3つの手法<sup>6)</sup>により算 定する。



\*1 福井大学 工学部建築建設工学科講師 博士(工学)(正会員)\*2 東急建設(株) 技術研究所 PhD(正会員)

:せん断形状係数(下記(1)(2)(3)参照) G:せん断剛性(=E<sub>c</sub>/{2(1+)}) A:断面積(下記(1)(2)(3)参照) =1/6 =2.3

- (1)応力度法: 断面積 A を袖壁付き RC 柱の断面 積で評価して, せん断形状係数 を断面内の せん断応力度に基づく方法で評価する方法。
- (2) **14時:** -法: 断面積 A を袖壁付き RC 柱の断面 積で評価して, せん断形状係数 をせん断歪 エネルギーに基づく方法で評価する手法。
- (3) 置換断面法: 断面積 A を袖壁付き RC 柱の全 せいと等しくし,かつ断面二次モーメント(鉄 筋の影響は無視)が等しくなるような等価長 方形断面積 A。で評価して,せん断形状係数 =1.2(エネルギー法)を用いて評価する手法。 同図より応力度法(〇印)による比較では,

比較値(=実験値/計算値)0.11~1.32,平均値 0.61,変動係数48.3%,エネルギー法(印)で は比較値0.20~1.61,平均値0.76,変動係数43.0%, 置換断面法(印)では比較値0.27~2.13,平均 値0.95,変動係数38.1%である。以上,ばらつき が大きいが,本検討の範囲内では置換断面法が もっとも良い精度となっている。

2.2 曲げひび割れ耐力

袖壁付き RC 柱<sup>2)4)-6)8)-11)</sup>の曲げひび割れ耐力の 実験値と計算値との比較を図 - 3に示す。なお, 曲げひび割れ強度計算値(<sub>w</sub>Q<sub>mc</sub>) は,下式(2)による。

> wQ<sub>mc</sub>=wM<sub>cr</sub>/(h<sub>0</sub>/2) (2) ただし, wM<sub>cr</sub> =  $0.56\sqrt{B} \cdot Z + N \cdot Z/A$ ここに, h<sub>0</sub>:クリアスパン B:コンクリート圧縮強度(N/mm<sup>2</sup>) N:軸力 A:全断面積

## Z:袖壁を考慮した時の断面係数

式中の wM<sub>cr</sub> は, コンクリートの曲げひび割れ 時の引張応力度(\_\_)を0.56 Bとして, 袖壁付 き RC 柱に生じる軸応力(=N/ A)を配慮して求 めた曲げひび割れモーメントである。同図より 曲げひび割れ耐力の比較値は0.21~1.97,平均値 1.02, 変動係数36.8%であり, ばらつきが若干大 きいが,実験値は比較値=1.0 付近に分布する傾



図 - 6 降伏時部材角算定のための仮定

向が認められる。

2.3 降伏時部材角

袖壁付き RC 柱<sup>2)5)6)8)11-14)</sup>の降伏時部材角の実 験値と計算値との比較を図 - 4に示す。なお,降 伏時部材角実験値は,図 - 5に示す手法により, 計算値(<sub>w</sub>R<sub>y</sub>)は,下式(3)による。なお,せん断剛 性(k<sub>S</sub>)は2.1で示した置換断面法により算出する。

$$_{w}R_{y} = _{w}M_{u}/(y \cdot k_{B}) + _{w}M_{u}/k_{S}$$
(3)

ここに, "M<sub>u</sub>:曲げ終局モーメント計算値 (式(4)参照)

√:曲げ剛性低下率

k<sub>B</sub>:曲げ剛性 k<sub>S</sub>:せん断剛性 ただし,  $k_B = 6E_c \cdot I_0/h_0$   $k_S = G \cdot A_e \cdot h_0/(2)$  $v = (0.043 + 1.64n^{\circ} p_{te} + 0.043a/l_{w} + 0.33 ) (d/l_{w})^{2}$ ここに, n:ヤング係数比(=10)  $p_{te}=a_t/(b_e \cdot l_w)$  a:せん断スパン 1…:壁を含めた断面の全せい  $_{0}$ :軸力比(=N/(b\_{e} \cdot l\_{w} \cdot B)) d:有効せい(図-6参照) a<sub>t</sub>:引張鉄筋(図-6参照) be:断面積と全せいの両者を原断面積と

等しくした仮想長方形断面の幅 \*その他の記号は,式(1),式(2)参照

式(3)は,曲げ変形とせん断変形を考慮した評価 式であるが, せん断変形は弾性として評価する。 なお,式中の剛性低下率(v)は,図-6のように 袖壁付き RC 柱の断面を長方形断面に置換して, 引張鉄筋の断面積を引張側の柱主筋と壁縦筋を 足し合わせた断面積と考えて, 菅野式を袖壁付き RC 柱に拡張して使用する。同図より降伏部材角 実験値はばらつきが大きいものの,比較値1.0付 近に分布する傾向が認められる。比較値は0.48~ 2.03,平均値1.07,変動係数42.1%であった。

2.4 曲げ終局耐力

袖壁付き RC 柱<sup>2)5)6)8)9)11)12)14)</sup>の曲げ終局耐力の 実験値と計算値との比較を図 - 7 に示す。曲げ 終局耐力計算値(wQmu)は,式(4)による曲げ累加強 度式<sup>2)</sup>による。

$_wQ_{mu}=_wM_u/(h_0)$	(4)
ただし ,	
N₅ N>N₄Ø₿	<b></b>
$_{\rm w}\mathbf{M}_{\rm u}=(0.8a)$	• $_{y} \cdot D + 0.12b \cdot D^{2} \cdot Fc + M_{wu}$
	$ \cdot \frac{(N'_{\max} + a_n \cdot y + 2N_{wu} - N)}{(N'_{\max} - 0.4b \cdot D \cdot Fc + N_{wu})} $
N₄ N>N₃Ø₿	<del>.</del>
$_{\rm w}M_{\rm u}=0.8a_{\rm t}$	$v_y D + 0.12b D^2 FC + M_{wu}$
N <sub>3</sub> N>N <sub>2</sub> の目	<b></b>
$_{\rm w}M_{\rm u}=0.8a_{\rm t}$	$\mathbf{y} \cdot \mathbf{D} + 0.5 (\mathbf{N} + \mathbf{a_n} \cdot \mathbf{y} - \mathbf{N_{wu}})$
	$\cdot D \cdot \left\{ 1 - \frac{(N + a_{n} \cdot y - N_{wu})}{(b \cdot D \cdot Fc)} \right\} + M_{wu}$
N₂ N>N₁Ø₿	<del>5</del>
$_{\rm w}M_{\rm u}=0.8a_{\rm t}$	$\int_{y} \mathbf{D} \cdot \left\{ 1 - \frac{(\mathbf{N} + \mathbf{a}_{n} \cdot \mathbf{y} - \mathbf{N}_{wu})}{\mathbf{N}'_{min}} \right\} + \mathbf{M}_{wu}$
N₁ N>N₀Ø₿	÷
$_{\rm w}\mathbf{M}_{\rm u}=\mathbf{M}_{\rm wu}$	$\frac{(N - N'_{\min} + a_n \cdot \ _y)}{N_{wu}}$

ここに,

 $N_0 = N'_{min} - a_n \cdot y$  $N_1 = N'_{min} - a_n \cdot v + N_{wu}$  $N_2 = -a_n - y + N_{wu}$  $N_3=0.4b \cdot D \cdot Fc - a_n \cdot y + N_{wu}$  $N_4=0.4b \cdot D \cdot Fc + a_n \cdot v + N_{wu}$  $N_5 = N'_{max} + a_n \cdot y + 2N_{wu}$  $N'_{min} = -2a_t \cdot v N'_{max} = b \cdot D \cdot Fc + 2a_t \cdot v$  $N_{wu} = {}_{c} \cdot t_{w} \cdot \cdot D \cdot Fc \quad M_{wu} = N_{wu} (1 + ) D/2$ .:袖壁コンクリートの有効係数(=0.85)

an:中段筋の断面積 Fc:コンクリート圧縮強度 \*その他の記号は, 文献 2)参照

同図より,実験値は比較値1.0付近に分布し, おおむね良い適合性を示す。比較値は 0.86~1.39, 平均値 1.09, 変動係数 13.7%であった。

3. 袖壁付き RC 柱の Q - R 関係

スケルトンカーブモデル

3.1 Q-R関係スケルトンカーブモデル

提案するせん断力(Q) - 部材角(R)関係ス ケルトンカーブモデルを図-8に,耐力低下部 分のモデル模式図を図 - 9 に示す。提案する Q - R 関係スケルトンカーブモデルは, 袖壁付き RC 柱部分のせん断余裕度(wQm/wQmu)と壁を無 視した RC 柱部分のせん断余裕度 (<sub>c</sub>Q<sub>su/c</sub>Q<sub>mu</sub>)の 組合せにより,図-8に示すように4つの破壊 モードと О-R 関係スケルトンカーブモデルに 分類したものである。ここに,袖壁付き RC 柱の 曲げ終局強度(wQmu)は式(4)により, せん断終 局強度(<sub>w</sub>Q<sub>su</sub>)は下式(5)により算出する。

 ${}_{w}Q_{su} = {}_{s}\{p_{we} \bullet {}_{wy}(j_{c}/j_{t}) + p_{she} \bullet {}_{sy}(j_{w}/j_{t}) + p_{fe} \bullet {}_{fe}(j_{f}/j_{t})\}b_{e} \bullet j_{t}$ + tan (1-)  $\cdot b_{e} \cdot l_{w} \cdot c \cdot B/2$  (5)



図 - 7 曲げ終局耐力の実験値と計算値との比較

袖壁を無視した柱部分の曲げ終局強度(<sub>c</sub>Q<sub>mu</sub>) は中段筋を考慮した累加強度式(式(4)のN<sub>wu</sub>=0, M<sub>wu</sub>=0 とした場合の式に相当する。)<sup>2)</sup>により, せん断終局強度(<sub>c</sub>Q<sub>su</sub>)は下式(6)により算出する。

cQ<sub>su</sub>= s•pw• wy•B•jt
 + tan (1-) B•D• c• B/2 (6)
 \*式(5),(6)の詳細な記号の意味は文献 15)参照
 式(6)中のせん断補強筋比(pw)は,壁横筋が
 通し配筋の場合には,壁横筋を pwの算定に加える。さらに,シートの補強効果は,最大耐力以
 降は,シートが剥離していると考えて,ここでは無視する。

図 - 8 に示した Q - R 関係スケルトンカーブ 上の各特異点(弾性剛性,曲げひび割れ耐力, 降伏時部材角,曲げ終局耐力,袖壁付き RC 柱 および柱部分のせん断終局耐力)は,上記で示 した評価式により行い,袖壁付き RC 柱および RC 柱の耐力低下部分は, 文献 16)で示した潜在 せん断耐力 - 部材角関係を適用して検討する。 なお,本耐力低下モデルは,ヒンジ領域部分の 回転によりコンクリートが圧壊させられ、それ に起因して本来持ちえているせん断耐力が徐々 に低下するために耐力低下すると考えてモデル 化したものである。ヒンジ部の微小要素部分を 図 - 9のように仮定したトラス材に置換して, 斜材のひずみ度を t \_ dとすると,下式(7)による 部材角(R)と斜材のひずみ度(t d)関係が得 られる。

R=2・t d (7) また,斜材のコンクリートの軟化モデルは, 下式(8)による Kent-Park モデル<sup>17)</sup>を修正したものを使用する。なお,袖壁付き RC 柱の軟化モデ ルは,袖壁部分が扁平形状であり,拘束効果が 期待できないために,無拘束状態のコンクリー トとしてモデル化する。一方,柱部分は帯筋に よる拘束効果が期待できるために,帯筋により 拘束されたコンクリートとしてモデル化する。

t d= B・{1-Z(t d- 0)}- n (8) ただし,・軟化勾配(袖壁付き RC 柱の場合) Z=0.5/(50u - 0) (9)





図 - 8 Q - R 関係スケルトンカーブモデル

・軟化勾配(RC柱部分)

 $Z=0.5/(_{50u}+_{h}\cdot_{50h}-_{0})$  (10)

袖壁付き RC 柱の潜在せん断耐力評価式は下 式(11)による。

 $wQ_{psu} = s\{p_{we} \cdot w_{y}(j_{0}/j_{0}) + p_{she} \cdot s_{y}(j_{w}/j_{0}) + p_{fe} \cdot f_{e}(j_{f}/j_{0})\}b_{e} \cdot j_{t} + tan (1 - ) \cdot b_{e} \cdot l_{w} \cdot t_{d}/2 (11)$ 

ただし,

s{pwe<sup>•</sup> wy(j<sub>0</sub>/j<sub>0</sub>)+p<sub>she</sub><sup>•</sup> sy(j<sub>w</sub>/j<sub>0</sub>)+p<sub>fe</sub><sup>•</sup> fe(j<sub>f</sub>/j<sub>0</sub>)} t d<sup>2</sup> RC 柱部分の潜在せん断耐力評価式は下式(12) による。

$${}_{c}Q_{psu} = {}_{s} {}^{\bullet} p_{w} {}^{\bullet} {}_{wy} {}^{\bullet} B {}^{\bullet} j_{t}$$
  
+tan (1 - )B  ${}^{\bullet} D {}^{\bullet} t d/2$  (12)

ただし, s・pw・ wy t d/2

\*式(7)~(12)の詳細な記号の意味は文献 16)参照

なお,シートの補強効果は,最大耐力以降は, ほぼ剥離していると考えて,ここでは無視する ことにする。

以上,式(7),(8),(9),(11)から袖壁付き RC 柱 の潜在せん断耐力 - 部材角関係(図 - 8の耐力低 下部分1,図-9参照)が,式(7),(8),(10),(12) から RC 柱の潜在せん断耐力 - 部材角関係(図 -8の耐力低下部分2,図-9参照)が求まる。

3.2 Q - R 関係スケルトンカーブモデルの検証
 せん断力(Q) - 部材角(R)包絡線実験値と
 計算値との比較を図 - 10 に示す。脆性型では,



図 - 9 耐力低下部分のモデル模式図

曲げひび割れ後の剛性がやや高くなる傾向が見 られ,今後,せん断剛性低下を考慮する必要が あることが示され,今後の課題といえる。一方,



図 - 10 Q - R 包絡線実験値と計算値との比較

靭性型は,実験値の傾向をおおむね精度良く捉 えている。

4. まとめ

本研究では,既往の袖壁付き RC 柱部材のデ ータを用いて,せん断力(Q)-部材角(R)関 係上の各特異点(弾性剛性,曲げひび割れ耐力, 降伏時部材角,曲げ終局耐力)および耐力低下 部分について検討・評価を行い,袖壁付き RC 柱 のQ-R 関係スケルトンカーブを提案した。

提案した Q-R 関係スケルトンカーブは,袖 壁付き RC 柱部分のせん断余裕度と柱部分のせ ん断余裕度の組合せにより,脆性型,中間型(2 種類),靭性型と称した4つのQ-R 関係スケル トンカーブに分類したものであり,本提案で, おおむね袖壁付き RC柱のQ-Rカーブを評価で きることを示した。

また,課題として脆性型モデルでは,曲げひ び割れ後の剛性がやや高くなる傾向が見られ, 今後,せん断剛性低下を考慮する必要があるこ とが示された。また,本Q-R関係スケルトンカ ーブモデルでは,ヒンジ領域長さおよび曲げに よるヒンジ回転能力の考慮がされておらず,今 後の課題と言える。

謝辞 本研究では,以下の文献に示されている 貴重な実験データを使用させて頂いた。ここに 記して謝意を表します。

#### 参考文献

- 若林實,南宏一ほか:袖壁付き柱の終局耐 力の評価法に関する基礎的研究,京大防災 研究所年報,第28号 B-1,pp.1-15,1985.4
- 2) 益尾潔,井上寿也ほか:CFアンカーを用いた袖壁付き柱の炭素繊維シート補強 面内加力下の補強効果 ,GBRC95,pp.1-13, 1999.7
- (財)日本建築防災協会:2001 年改訂版 既存鉄筋コンクリート造建築物の耐震診断 基準・同解説,2001.10
- 4) 磯雅人,松崎育弘,園部泰寿ほか:連続繊 維シートによりせん断補強された袖壁付き RC柱の構造性能に関する実験的研究,日本

建築学会構造系論文集 ,No.526 ,pp.117-124 , 1999.12

- 5) 大久保全陸,東洋一ほか:腰壁,たれ壁付 き鉄筋コンクリート梁の弾塑性挙動に関す る実験的研究(その1),日本建築学会論文 報告集,No.204,pp.1-8,1973.2
- た久保全陸:腰壁,たれ壁付き鉄筋コンク リート梁の弾塑性挙動に関する実験的研究 (その2),日本建築学会論文報告集, No.207, pp.9-17, 1973.5
- 7) 日本建築学会:鉄筋コンクリート構造計算 規準・同解説,1991
- 8) 東洋一,大久保全陸:鉄筋コンクリート短 柱の崩壊防止に関する総合研究(その9), 日本建築学会大会学術講演梗概集, pp.1305-1306,1974.10
- 王子和臣,入江善久,藤本一郎:袖壁付き 鉄筋コンクリート柱の挙動に関する実験的 研究,日本建築学会大会学術講演梗概集, pp.1433-1434,1976.10
- 10) 王子和臣,藤本一郎,入江善久:袖壁付き 鉄筋コンクリート柱の挙動に関する実験的 研究(その2),日本建築学会大会学術講演 梗概集,pp.1587-1588,1977.10
- 大宮幸,中村陽介,松浦康人,林静雄:RC 造柱耐力・破壊性状に及ぼす袖壁形状および袖壁横筋の影響,コンクリート工学年次 論文集,Vol.23,No.3,pp.169-174,2001.7
- 12) 益尾潔,井上寿也,尾谷透:RC 造正方形断 面柱および袖壁付き柱のカーボン繊維シー トによるせん断補強実験,GBRC84,pp.30 ~51,1996.10
- 13) 柳下和男,千葉脩,柳沢学,角一行,林田 則光:炭素繊維シートによる既存 RC 部材 の耐震補強に関する研究(その5),日本建 築学会大会学術講演梗概集,pp.273-274, 1998.9
- 14) 福本昇,中澤敏樹,益尾潔,石渡康弘,市 川昌和:定着金物と炭素繊維シート補強さ れた袖壁付き柱に関する実験研究(その3, 4),日本建築学会大会学術講演梗概集, pp.321-324,2000.9
- 15) 磯雅人,松崎育弘,園部泰寿ほか:連続繊維 シートによりせん断補強された袖壁付き RC柱のせん断終局耐力評価,日本建築学会 構造系論文集,No.542,pp.147-154,2001.4
- 16) 磯雅人,松崎育弘,園部泰寿,中村洋行: 袖壁付き RC 柱の変形性能評価に関する研究,コンクリート工学年次論文集,Vol.23, No.3,pp.157-162,2001.7
- 17) Dudley Charles Kent , Robert Park : Flexural members with confined concrete , Proceedings of ASCE , Vol.97 , No.ST7 , pp.1969 ~ 1990 , 1971.7