# 論文 柱 RC・梁 S 混合構造柱梁接合部の終局強度および破壊モードの曲げ 抵抗機構モデルによる解析

### 楠原 文雄<sup>\*1</sup>·塩原 等<sup>\*2</sup>

要旨:柱RC・梁S混合構造の内部柱梁接合部について,RC造柱梁接合部についての四重曲 げ抵抗機構のモデルを拡張して適用し,既往の実験における試験体について終局強度および 破壊モードの解析を行う。梁がS造の場合についても同モデルを用いることが可能であり, 解析結果は実験結果ともよく適合している。また,同方法は直交梁,エンドプレート,ふさ ぎ板といった補強要素の補強効果を数値的に求めることが可能である。

キーワード: RCS 造, 柱梁接合部, 曲げ抵抗機構モデル, 終局強度, 破壊モード

### 1. はじめに

近年, 異種の構造部材を組み合わせ, 材料の 力学的長所や施工上の利点をうまく活用する混 合構造の開発がすすんできている。軸力に強い 鉄筋コンクリート(RC)柱と, 曲げやせん断に対 して優れた抵抗性状を有する鉄骨(S)梁を組み 合わせる RCS 造もそのひとつである。

RCS 造の柱梁接合部の設計では、支圧破壊の 防止など異種部材間の応力伝達を保証する設計 を行うとともに、接合パネルに生じるせん断力 に対して接合部のせん断強度が上回ることを確 認する設計が行われている。

外力に対する接合部内の抵抗機構については 複雑なディテールに応じた力学モデルも考案さ れているが,設計にあたっては設計接合部の終 局強度は SRC 造にならい RC 部と S 部の強度を 累加する方式がとられている<sup>1)</sup>。また,支圧板, バンドプレートといった補強要素の有意性は実 験により明らかにされているものの,定量的に 評価する方法は確立されていない。

本論文では RC 造における柱梁接合部の曲げ 抵抗機構モデル<sup>2),3)</sup>を拡張することにより,力 の釣り合いと,終局時の応力についてのいくつ かの仮定に基づき RCS 造柱梁接合部の終局強度 と破壊モードを推定する方法を検討し,また, 補強要素の補強効果についての検討を行う。

#### 2. 解析モデル

### 2.1 接合部まわりの変形

接合部における変形・破壊モードとして,鉄骨 梁端部の曲げ変形 (Sモード),鉄骨梁端のエン ドプレートとコンクリートの間が開くことによ る変形 (Bモード),接合部パネルのコンクリー トに生じる対角方向斜めせん断ひび割れの拡大 による変形 (Jモード)の3つを想定する(図-1)。鉄骨梁の曲げ降伏,梁貫通型とした場合の フランジ上面,下面における支圧破壊および柱 主筋の降伏,付着破壊については本論文では検 討の対象外とする。

Jモードでは、斜めひび割れによって分割され た4つの部分が接続する柱や梁から曲げモーメ ントを受け回転しようとすると、これらの境界 面において、コンクリートには圧縮の、鉄筋に は引張りの内部応力が生じて、接合部パネルが モーメントとせん断力に抵抗している(四重曲 げ機構<sup>2)</sup>)。この変形モードでは、接合部内での コンクリートの圧壊や斜めひび割れの拡大が生 じ、実験の観察からは接合部破壊として区分さ れる(図-2)。接合部のコンクリートのせん断 応力度がある上限値に達すると接合部破壊が生

\*1 東京大学 大学院工学系研究科 助手 修(工) (正会員)

\*2 東京大学 大学院工学系研究科 助教授 工博 (正会員)

じるとする考え方とは異なり,曲げモーメント に対する抵抗機構の最大抵抗モーメントにより 接合部の終局強度が決まる。



# 2.2 解析対象とする部分架構

図-3に示すような柱・梁の反曲点から切り出 した十字型の内部柱梁接合部とする。形状およ び作用する外力は上下及び左右で対称とする。



図-3 解析対象の部分架構

# 2.3 B モードの曲げ抵抗機構

B モードの梁端部における鋼材とコンクリー トの応力を図ー4 に示す。断面に生じる応力によ る抵抗モーメント  $M_e$ は式(1)となる。また、断面 に生じる応力の間には水平方向の力の釣り合い から式(2)がなりたつ。また、柱の軸心位置での モーメント  $M_b$ は式(3)となる。

$$M_{e} = (T_{1} - T_{2})\frac{j_{e}D_{e}}{2} + C\left(\frac{D_{e}}{2} - \frac{C}{2b_{b}\sigma_{cb}}\right)$$
(1)

$$T_1 + T_2 - C + N_b = 0 (2)$$

$$M_b = M_e \frac{L_b}{L_b - D_c} \tag{3}$$

*σ<sub>cb</sub>*:支圧板下におけるコンクリートの等 価応力度



# 2.3 J モードの曲げ抵抗機構

Jモードにおいて,斜めひび割れ面に生じる鋼材と鉄筋およびコンクリートの応力を図-5 に示す。但し,接合部内のウェブプレート,面内方向のふさぎ板等のせん断抵抗要素は示していない。コンクリートの応力は矩形のストレスブロックにより表現し,その向きは接合部パネルの対角線に平行とする。

断面に生じる応力による柱・梁の軸心の交点 位置(図-5のO点)まわりの抵抗モーメント は式(4)により表わされる。

$$M_{j} = V_{b} \frac{L_{b}}{2} = V_{c} \frac{L_{c}}{2} = M_{c} + M_{s} + M_{w}$$
(4)  

$$M_{s} = (T_{1} - T_{2}) \frac{j_{b} D_{b}}{2} + (T_{3} - T_{4}) \frac{j_{c} D_{c}}{2}$$
  

$$M_{c} = -\frac{C_{1}^{2}}{\sigma_{cj} b_{c}} \frac{1 + R^{2}}{2} + C_{2} \left( R - \frac{C_{2}}{\sigma_{cj} b_{c} D_{c}} \frac{1 + R^{2}}{2} \right) D_{c}$$
  

$$M_{w} = -V_{w} \tan \theta \frac{D_{c}}{2}$$
  

$$\sigma_{cj} :$$
  
 $K_{w} =$ 
  
 $K_{w} =$ 

$$R = D_e / D_e$$

柱,梁の水平・鉛直方向の力釣り合いから,各 応力の値の間には式(5)~(8)の関係が成り立つ。

$$-T_1 - T_2 + C_1 + C_2 - T_5 - N_b = 0$$
<sup>(5)</sup>

$$T_1 - T_2 - C_1 + C_2 - V_c - V_w = 0 ag{6}$$

$$T_3 - T_4 - R \cdot C_1 + R \cdot C_2 - V_b - R \cdot V_w = 0$$
(7)

$$-T_3 - T_4 + R \cdot C_1 + R \cdot C_2 - N_c = 0 \tag{8}$$

以上を用いて、コンクリートの応力は引張力 にならない、鋼材・鉄筋の応力は降伏強度以下、 鋼材・鉄筋とコンクリートの付着力の上限値な どの材料特性からくる制約を満足する中で、こ の式(4)~(8)を連立方程式として解き、梁のモー メント *M*<sub>j</sub>を求める。この際、変形の適合条件は 考慮せず、未知数に対して条件式が不足する場 合は適当な仮定を設けることとする。



図-5 接合部の斜めひび割れ断面の応力

# 3 終局強度算定および破壊モードの判別

# 3.1 解析上の仮定

式(1)~(2)では、梁のモーメントと3つの断面応

カの関係を,式(4)~(8)では柱,梁のせん断力とモ ーメントと 8 個の断面応力の関係を規定してい る。それぞれを連立方程式として解を求め抵抗 モーメントを求めようとすると,未知数の数に 対し,条件式の数が不足しているため解を一意 に求めることができない。そこで,不足する条 件式を補うために解析の対象を終局時とするこ とで以下の仮定を導入する。

コンクリートストレスブロックの大きさは J モードにおいては RC 部材の曲げ強度算定時と 同様にコンクリートの圧縮強度の 0.85 倍とする。 B モードにおいては, コンクリートの支圧強度 とし, コンクリートの圧縮強度の 2 倍とした。

$$\sigma_{cb} = \alpha \sigma_{B}$$

$$\sigma_{cj} = \beta \sigma_{B}$$

$$\sigma_{cj} : コンクリートの圧縮強度$$

$$\alpha = 2.0$$

$$\beta = 0.85$$
(9)

接合部破壊が生じるときには,接合部のせん 断補強筋は降伏しており,また,鉄骨ウェブに ついては,柱主筋間の範囲において降伏してい るものと仮定する。

$$T_5 = p_w \sigma_{wy} b_c(j_b D_b) \tag{11}$$

*pj* : 接合部のせん断補強筋比

σ<sub>wv</sub>:接合部せん断補強筋の降伏強度

$$V_{w} = \frac{F_{yw}}{\sqrt{3}} t_{w} j_{c} D_{c} + \frac{F_{yf}}{\sqrt{3}} t_{f} j_{c} D_{c}$$
(12)

 $t_w$  : 接合部内のウェブの厚さ

F<sub>w</sub>: 接合部内のウェブの降伏強度

tf: : 加力面内方向のふさぎ板の厚さ

F<sub>f</sub>:加力面内方向のふさぎ板の降伏強度

### 3.2 終局強度の算定

以上の仮定を用いることで、Bモード、Jモードについてそれぞれの抵抗モーメント  $M_b$ ,  $M_j$ を接合部の上下に配された鋼材(梁鋼材を通しとした場合のフランジ、ダイヤフラム、バンドプレート等)の軸方向応力  $T_1$ ,  $T_2$ の関数として得られる。

**表**-1 に示す諸元をもつ梁貫通型の接合部に ついての計算例を図-6 に示す。 $T_1$ ,  $T_2$ は柱断面 積とコンクリート強度の積で,得られたモーメ ントは接合部の体積とコンクリート強度の積で 除して基準化して示した。 $T_1$ ,  $T_2$ は独立な変数 ではないので  $T_1 - T_2$ 平面状の任意の点をとれる わけではないが,両者の関係の制約下での最大 値がそれぞれのモードの強度となる。

### 3.3 破壊モードの判別

3.2節では、式(9)および式(10)により、B モード、J モードいずれにおいてもコンクリートがその強度に達していると仮定して2つの強度を算定した。しかし、実際にはある層せん断力に対してBモード、J モードの2つの抵抗機構は等しいモーメントに抵抗しており、破壊が進行するほうの変形モードにおいてコンクリートの応力が強度に達しており、他方ではコンクリートの応力が式(9)あるいは式(10)の値まで達していないと考えられる。

そこで、破壊モードについては、3.2節のよう にして2つの強度を算定し、ある*T*<sub>1</sub>と*T*<sub>2</sub>の組み 合わせに対して小さいほうの強度で破壊が生じ るとする。破壊が生じないほうのモードの抵抗 機構では、コンクリートの応力が小さく損傷が 小さいものと考える。

但し、この終局強度時に柱主筋の引張力が降 伏強度以下,柱主筋の付着力は付着強度以下, 支圧破壊はおきないか等の確認が必要である。

### 4. 既往の実験結果の解析

特殊な補強要素は有さない図-7 に示すよう な柱梁接合部について解析を行い,既往の実験 結果との比較を行う。

### 4.1 梁端部の支圧板がない梁貫通型

梁貫通型の接合部で梁端部の支圧板がない場合 (図-7(a)),梁の下フランジの応力は梁端においてコンクリートに伝達されることがないため, $T_2$ は梁端における下フランジの応力そのものとなる。スラブ等がなく鉄骨梁の中立軸位置がせい方向中央であれば式(13)が成り立つ。

表-1 検討用試験体の諸元

スパン	$L_b \times L_c = 2,400 \times 1,500 \text{ (mm)}$
梁断面	$H-250 \times 125 \times 6 \times 9 \pmod{mm}$
	$\sigma_y = 330 \text{ (N/mm}^2)$
梁端支圧板	$B_c \times D_c = 125 \times 250 \text{ (mm)}$
柱断面	$B_c \times D_c = 300 \times 300 \text{ (mm)}$
	$j_c = 0.73$
コンクリート強度	$\sigma_B=36 (\text{N/mm}^2)$
接合部	$p_w = 0.6\%$
せん断補強筋	$\sigma_{wy}$ =345 (N/mm <sup>2</sup> )
柱軸力	$N_c/(b_c D_c \sigma_B)=0.2$







$$T_2 = -T_1$$

(13)

 $T_1 \ge T_2$ の差 $T_1 - T_2$ が柱梁接合部内に定着され なければならないが,接合部内のウェブのせん 断力,フランジとコンクリートの付着力には上 限がある。しかし,直交梁がある場合は直交梁 側面の支圧によりコンクリートへの伝達が可能 となるため常に式(13)が成り立つものとする。

このようなタイプの柱梁接合部の試験体<sup>4)</sup>に ついて解析を行った結果を図-8に示す。式(13) を仮定しているのでJモード, Bモードの強度は 引張側のダイヤフラムの応力  $T_1$ の関数として表わされる。

実験において梁曲げ降伏前に接合部破壊した 最大耐力に対して,計算されたJモードの最大値 はよい対応をしており,その領域ではJモードの 強度は B モードの強度を下回っており,破壊モ ードも再現されている。ただ,計算上接合部の 強度が最大になる前にダイヤフラムが降伏する 計算結果となっている。

### 4.2 支圧板を設けた場合

梁端部に支圧板を設けた場合(図-7(b)),圧 縮側フランジの応力は支圧板を介してコンクリートに伝えることが可能である。そのため4.1節 の式(13)の制限は不要となる。この場合,圧縮側 のフランジの応力のほとんどがコンクリートに 伝達された $T_2=0$ の場合から,コンクリートにほ とんど応力が生じない $T_2=-T_1$ の間となる。

図-9 は支圧板の有無のみが異なる接合部破壊した試験体<sup>5)</sup>についての解析結果である。支 圧板を設け、梁の圧縮フランジの応力がコンク リートに伝達されることにより接合部のJモー ドの強度は大きくなる。但し、その応力のすべ てがコンクリートに伝達される(*T*<sub>2</sub>=0)とする と、支圧板を設けたことによる強度上昇は実験 で確認されたものより大きく、過大評価となる。 4.3 直交梁がない場合

直交梁やバンドプレートの直交方向の中板が ない場合(図-7(c))には、ダイヤフラムの両端 の応力の差分は、一部は接合部内のウェブにせ ん断力として伝達され、残りはダイヤフラム・ バンドプレートとコンクリートの付着を介して コンクリートに伝達される。ウェブのせん断力 と付着力には上限があり、*T*1-*T*2 は付着強度を 超えることはできない。

$$T_1 - T_2 \le \tau_{\rm bu} \cdot \left(2b_D j_c D_c\right) + V_w \tag{14}$$

図-10 にこのような試験体<sup>6)</sup>の,式(14)の等 号がなりたつとした場合の解析結果を示す。付 着強度 $\tau_{bu}$ は、本来終局強度を用いるべきである が、ここでは仮に SRC 規準の鋼材とコンクリー



トの短期許容応力度とした。この試験体は実験 では接合部破壊したもので,計算結果でもJモー ドの強度が B モードの強度を下回り破壊モード は接合部破壊型と判断される。ダイヤフラムが 無限に強いとした場合の接合部の終局強度(Jモ ードの強度曲線の極大値:図中の黒丸)は実験 値に対してやや小さいが近い値となったが,計 算値はダイヤフラムの降伏により強度が決定さ れており実験結果とは適合しないものとなった。

終局時にはこの短期許容応力度より付着応力 は大きいと考えられ,図-10には付着力の影響を 検討するため付着強度を式(14)に対して変化さ せた場合もあわせて示した。Bモードの強度,J モードの強度とも付着強度の増加に伴い,強度 曲線の極大値,すなわち終局強度が増大してお り,終局時には図-10中の太線よりも強度が大き いこと,また,フランジ上面に鉄筋を溶接する 等の付着力を増大させるディテールとすると接 合部の終局強度が増大することが予想される。

### 4.4 せん断力を負担する板要素による補強効果

図-11 は, 4.3 節で解析を行った試験体にふさ ぎ板(図-7(d))を設けた試験体<sup>6)</sup>についての 解析を行ったものである。加力方向に平行なふ さぎ板に生じるせん断力は,接合部内のウェブ プレートのせん断応力と同様に式(12)により降 伏を仮定した。

せん断力を負担する板要素を設けることによ りJモードの抵抗モーメントは増大し,計算され る補強効果の解析結果は実験結果と同様の傾向 を示し,ダイヤフラムが無限に強いとした場合 の接合部の終局強度(Jモードの強度曲線の極大 値:図中の黒丸)は実験値に対して近い値とな った。ただし,計算値はダイヤフラムの降伏に より強度が決定されており,その点においては 実験結果とは適合しないものとなった。



### 5. まとめ

RCS 造柱梁接合部においても, 接合部内のウ ェブプレートの応力を仮定することにより, RC 造柱梁接合部と同様に曲げ抵抗機構モデルによ り接合部の終局強度算定と破壊モードの推定が 可能である。これは, 梁端部の支圧板, 直交梁, ウェブプレート等の補強効果を数値的に求める ことが可能である。

今後,解析にあたって導入した仮定の妥当性 の検証とともに,本論文では対象外とした支圧 破壊,柱の曲げ降伏,柱主筋の付着破壊等の破 壊形式も考慮できるようにする必要がある。

謝辞 本論文における計算の一部は東京大学工 学部建築学科4年生 今村真之君が卒業論文とし て行ったものである。また,多数の研究者の貴 重な実験データを引用させていただいた。厚く 感謝いたします。

# 参考文献

- 日本建築学会:鉄筋コンクリート柱・鉄骨梁 混合構造の設計と施工,2001.1
- H. Shiohara : A New Model for Shear Failure of R/C Interior Beam-Column Connections, Journal of Structural Engineering, ASCE, Vol. 127, No. 2,pp. 152-160, Feb. 2001.
- 3) 楠原文雄,塩原等:曲げモーメント抵抗機構 モデルによるRC造十字型柱梁接合部の終局強 度および破壊モードの解析,コンクリート工学 年次論文報告集,Vol.26-2, pp.487-492, 2004.7
- 4) 長谷川隆ほか:鉄筋コンクリート柱と鉄骨梁より成る混合構造柱梁接合部の弾塑性挙動,日本建築学会大会学術講演梗概集,C, pp.1325-1326, 1987.10
- 5) 本間優子ほか:柱RC梁S接合部の力学性状 (その1,2),日本建築学会大会学術講演梗概 集,C,pp.1183-1326,1990.10
- 6) 張富明ほか:柱貫通形 RC/S 接合部のせん断耐力及び変形性状に関する研究(その2 十字型接合部の載荷実験),日本建築学会大会学術講演梗概集,C-1,pp.1041-1042,1997.9