論文 鋼材の腐食によるコンクリートのひび割れに関する解析的検討

川口 和広*1・植木 博*2・下西 勝*3・村上 正明*4

要旨:コンクリートが炭酸化し、鋼材に腐食が生じてコンクリートのひび割れに至る現象について数値解 析モデルを構築し、鉄筋コンクリート構造物におけるかぶりコンクリートの剥離、剥落を防止するための 補修時期を定量的に予測した。炭酸化解析でpHの低下する時期を求め、次に鉄筋周囲の遷移帯分布を考 慮して、分散ひび割れモデルおよび離散ひび割れモデルを用いてひび割れ解析を行った。鉄筋コンクリー ト壁高欄に対してひび割れ発生時期とひび割れ幅を定量的に求めた結果、約30年で中性化が20mmの深 さまで進行し、鉄筋の腐食開始後、約450日でかぶりコンクリート表面に0.2mmのひび割れが発生する 結果が得られた。

キーワード:中性化,鉄筋腐食,遷移帯,侵食度,ひび割れ幅,pH

1. はじめに

鉄筋コンクリート構造物の耐久性の検討に際し ては、鉄筋の腐食状況を的確に把握することが重 要となる。コンクリート中の強アルカリ環境下の 鉄筋表面には、不動態皮膜と呼ばれる酸化皮膜が 形成される。鉄筋は、この皮膜により水分や酸素 から遮断されるために腐食が抑えられる。炭酸化 などで鉄筋周辺コンクリートの空隙水の pH が低 下すると不動態皮膜は破壊され、そこに水分や酸 素が供給され腐食が始まる例えば1)。腐食により鋼 材の体積が増大すると、周囲のコンクリートに膨 張圧が作用し,ひび割れが生じる。都市内高架道 路においては、かぶりコンクリートの剥離・剥落 により第三者被害が想定されるために、かぶりコ ンクリートを貫通するひび割れ発生時期とひび割 れ性状の予測を定量的に行い、補修が必要となる 時期を適切に予測することが、維持管理における 大きな課題となってきている。

この背景の中,著者らはコンクリートの空隙構造を考慮した二酸化炭素の拡散と空隙水中の化学 平衡に基づき pH を評価指標とした炭酸化反応モ デルを提案した²⁾。さらに,鋼材腐食モデルと鋼 材周囲の遷移帯厚さを考慮にいれたひび割れ解析 を行い,かぶりコンクリートのひび割れの発生時 期やひび割れ幅の検討を行ってきた³⁾。今回,こ れら解析手法の予測精度を上げるため,鉄筋周囲 の遷移帯分布について,鋼材の配置による影響を 考慮した非対称形状のモデルとした。これらの修 正モデルを用いて,コンクリートの中性化からか ぶりコンクリートのひび割れまで,一連の解析を 行い,補修が必要となる時期を定量的に求めた。

2. コンクリートの炭酸化反応モデル

コンクリートの炭酸化反応モデルは,著者らの 既報のモデル²⁾を用いた。本モデルは,配合,施 工,および環境条件により変化する空隙構造をモ デル化しており,空隙構造に依存する二酸化炭素 の拡散係数を決定する物理モデルと,拡散した二 酸化炭素が水酸化カルシウムなどの各種アルカリ 成分と反応し空隙水中の各種イオンの化学平衡を 考慮した化学モデルから成り立っている。

3. 鋼材の腐食モデル

鋼材の侵食度および腐食による体積膨張量のモ デルには、筆者らの既報のモデル³⁾を用いた。

- *1 JIP テクノサイエンス(株)東京テクノセンタ事業開発部 (正会員)
- *2 首都高速道路公団 東東京管理局保全部 (正会員)
- *3 首都高速道路公団 保全施設部保全技術課(正会員)

*4 JIP テクノサイエンス(株)東京テクノセンタ事業開発部 (正会員)

コンクリート中の鋼材の侵食度は、コンクリー トの品質や環境条件などにより変動が大きいと考 えられる。本モデルでは、笹渕らの実験結果⁴⁾を 参考にして安全側となるように、水溶液の pH に よって規定される侵食度⁵⁾に対して実験定数 1/5 を乗じた値⁶⁾を用いた。本モデルで用いた侵食度 と pH の関係を図-1 に示す。なお、鋼材の腐食に は、腐食量が鋼材の円周方向で均一となるミクロ セル腐食と仮定しており、中性化領域が鋼材の表 面に到達した時点で鋼材全周囲のコンクリートの pH が同一になると仮定している。また、侵食度の モデル化においては、腐食に必要な物質のうち、 水分は空隙水の形で鋼材近傍に常に存在しており、 また、酸素(気体)についても、腐食反応に必要 な量が常に十分に存在するとした。

また,腐食生成物は鋼材表面に均一の厚さに生成され,軸方向には膨張しないと仮定し,鋼材の 膨張量は須田ら⁷⁾の分析結果等から式(1)に示す体 積膨張率nを3としてモデル化した。



$$n = \frac{\phi_{2}^{2} - \phi_{1}^{2}}{\phi^{2} - \phi_{1}^{2}}$$
(1)
ここに、 ϕ : 腐食前の鋼材径 (mm)
 ϕ_{1} : 腐食後の鋼材径 (mm)
 ϕ_{2} : 腐食による鋼材膨張径 (mm)

4. ひび割れ解析モデルおよび解析条件

4.1 解析対象モデルと解析手法

解析対象は、コンクリートの剥離・剥落が顕在 化している既設鉄筋コンクリート壁高欄とし、図 -2 のように壁高欄の隅角部を対象に使用鉄筋径 D13 (φ=12.7mm) がかぶり厚 20mm で水平に配 筋されているとした。

ひび割れ解析には、2 次元有限要素法(FEM) を用いた。コンクリート、および鋼材には平面ひ ずみ要素、また、鋼材周辺の遷移帯領域をモデル 化するため、コンクリートと鋼材の節点間にばね 要素を用いた。また、後述する離散ひび割れモデ ルでは、ひび割れ発生位置にコンクリート要素を 結合するインターフェイス要素を用いた。インタ ーフェイス要素の力学特性は、コンクリート要素 間に生じる応力と相対変位の関係で表現される。

また、境界条件として、モデル上端の鉛直方向 と右端の水平方向をそれぞれ拘束した(図-2)。 表-1にはコンクリートの配合条件を示す。

4.2 ひび割れ解析モデル

ひび割れ解析では,分散ひび割れモデル(多方 向固定ひび割れモデル⁸⁾),および,離散ひび割れ モデルを用いた。



表-1 コンクリートの配合条件

単位水量(kg/m ³)	167
単位セメント量 (kg/m ³)	287
水セメント比 (%)	58
乾燥開始材齢(日)	7
湿度(%)	70

多方向固定ひび割れモデルは、最大主応力が引 張強度に達した場合に最大主応力の直角方向にひ び割れが発生し、一度生じたひび割れ面の方向は 変わらない。その後主応力方向が変わり、さらに 引張強度に達した場合には複数のひび割れが発生 するモデルである。離散ひび割れモデルは、予め 発生するひび割れ面にインターフェイス要素を設 定することによりひび割れの局所的な挙動を表現 するモデルで、インターフェイス要素に生じる引 張応力が引張強度を超えるとひび割れが発生する モデルである。各解析ケースの鋼材周辺の要素分 割図を図-3、図-4に示す。

4.3 コンクリートの引張軟化特性

引張軟化曲線には,引張破壊エネルギーを考慮 した 1/4 モデル ⁹⁾を用いた(**図**-5)。また,引張 強度 f_{tk}は設計基準強度 f'_{ck}に基づいた式(2),式(3) から求めた ⁹⁾。

$$f_{tk} = 0.23 \cdot f_{ck}^{\prime \, 2/3} \tag{2}$$

 $G_F = 10 (d_{\max})^{1/3} \cdot f_{ck}^{\prime 1/3} \quad (N/m)$ (3)

ここに, f'_{ck}:設計基準強度(N/mm²)

d_{max}:粗骨材の最大寸法(mm)

図-5 に示すようなひび割れ幅との関係で表した引張軟化特性を要素の応力-ひずみ関係で表現



図-5 引張軟化曲線モデル

表-2 コンクリートの材料特性値

ヤング係数 (N/mm ²)	2.8×10^{4}
ポアソン比	0.2
設計基準強度 (N/mm ²)	30
引張強度 (N/mm ²)	2.22
粗骨材最大寸法 (mm)	25
引張破壊エネルギー (N/mm)	0.091

する分散ひび割れモデルに適用する場合,要素材 料特性の定義において,ひび割れ幅をひずみに変 換する必要がある。この変換には,式(4)に示すよ うに,要素面積 A の 2 倍の平方根と定義した等価 要素長さ *I*_{eq}を用いた⁸⁾。

$$l_{eq} = \sqrt{2A} \tag{4}$$

また、本解析に用いた材料特性には、本検討で は解析予測モデルの検証を目的としているため、 設計時の値を用いた(**表-2**)。

4.4 鋼材周辺の遷移帯のモデル化

粗骨材や鋼材の周辺では、ブリージング水、Wall Effect, One-side growth effect 等の要因により、多 孔質で強度の弱い領域である遷移帯が形成されて いる。そのため、鋼材に腐食膨張が起こっても、 すぐに周囲のコンクリートに膨張圧を伝達するの ではなく、鋼材が遷移帯を押し広げながらコンク リートに力が伝達されると考えられる。そこで本 モデルでは、遷移帯をばね要素でモデル化し、図 ー6 に示すように、鋼材とコンクリートの要素間 の相対変位が遷移帯厚さδ,に達した後に膨張圧 が伝達するモデルとした。なお、鋼材の膨張が遷 移帯厚さδ,に達するまでの遷移帯の強度は、コン



図-6 遷移帯ばね要素の特性モデル



クリートと比較して十分小さいと仮定した。

遷移帯の領域は、配合、コンクリートの打設、 配筋方向等によって変化すると考えられる。本モ デルでは、水平鉄筋を対象にしていることから、 鋼材の上面と下面で遷移帯厚さを変え、図-6 に 示すように鋼材の周方向に線形的に変化するとし た。また、遷移帯厚さについては、大即らの研究 ¹⁰⁾を参考に、鋼材の上面には $\delta_t=20 \mu$ m、下面には $\delta_t=80 \mu$ m と仮定した。

5. 解析結果と考察

5.1 コンクリートの炭酸化解析

炭酸化解析モデルによるコンクリートの中性化 予測結果は,図-7に示す著者らの既報の1次元 解析結果²⁾を用いた。解析結果の中性化深さは, 30年で約20mmとなっている。この解析結果より, かぶり20mmの壁高欄に対する鋼材の腐食膨張の 開始は,供用30年後とした。

5.2 鋼材侵食度および膨張速度の算出

鋼材の侵食度 r_cは, 図-1 の pH と侵食度の関 係から読み取ることができ,炭酸化したコンクリ ートの解析結果平均値であった pH=10.9 では侵食 度 r_c=0.0365 (mm/year) が得られる。

また,D13 (φ=12.7mm) 鉄筋に対して,腐食 生成物による体積膨張率 n=3.0 を適用すると,式 (1)から鋼材の半径増分速度は以下の式から r_d=0.20 (μm/day) と算出できる。

$$\phi_2 = \sqrt{(1-n)\phi_1^2 + n\phi^2} \qquad (1)'$$

$$\varphi_1 = \varphi - 2r_c \tag{5}$$

$$\phi_2 = \phi + 2r_d \tag{6}$$



図-8 膨張に伴う鋼材中心位置の移動

5.3 腐食膨張によるひび割れ解析

鋼材が膨張した後,ばね要素でモデル化した遷 移帯を介してコンクリートへ膨張圧が作用するよ うに,鋼材の全要素に平均的な膨張ひずみを与え て漸増解析を行った。モデル化した遷移帯領域は, 鋼材上面よりも下面の方が広いため,腐食膨張に 伴って鋼材の中心位置は20-8のように下方へ移 動する。その後,腐食鋼材径が遷移帯領域を超え ると,コンクリートに膨張圧が作用し引張応力が 生じる。解析の結果,分散ひび割れモデルと離散 ひび割れモデルの両解析ケースともに,コンクリ ートに膨張圧が伝達したのは,鋼材の半径増分 Δ R が 46.5 μ m (腐食開始後 232 日)の時であった。

図-9 に、分散ひび割れモデルによる解析結果 のひび割れひずみベクトル図を示す。ひび割れひ ずみベクトルは,ひび割れ面と直角方向を示し, その長さでひずみの大きさが確認できる。図-9(a)は、鋼材半径増分ΔR=52.0μm、腐食開始後 260 日での結果であり、内部から表面まで貫通し たひび割れが生じ、コンクリート表面で幅 1.0 µm のひび割れが生じている。また、ひび割れは鋼材 周辺から発生し、鋼材の左右方向、および鉛直下 方向に進展していることが分かる。また,図-9(b) は、腐食が開始してから463日後(鋼材半径増分 ΔR=92.6μm)の結果である。鋼材周辺から発生 した複数のひび割れが各方向に進展し、特に、表 面に向って水平に局所的なひび割れが進展し、変 形が増大していることがわかる。この時のコンク リート表面におけるひび割れ幅は、樹脂注入等に よる補修が必要とされる 0.2mm に達している。分 散ひび割れモデルによるひび割れひずみからは, ひび割れ間隔やひび割れ幅を評価することは困難



であるとされるが、図-9 に見られるように、表面でのひび割れは1つの要素に局所的にひび割れが発生しており、その要素に1本の局所的なひび割れが生じたと考え、該当要素の平均ひび割れひずみに等価要素長さ $l_{eq}=5.6mm$ (式(4))を乗じてひび割れ幅を評価した。

図-10には、離散ひび割れモデルによる解析結 果の最大主応力コンター図を示す。インターフェ イス要素でモデル化したひび割れ位置は、分散ひ び割れモデルの解析結果から、鋼材中心から水平 および鉛直方向とした。図-10(a)は、コンクリー ト表面に内部から貫通したひび割れ(ひび割れ幅 1.0µm)が生じた鋼材半径増分 ΔR=52.5µm、腐 食開始後 263 日での結果である。ひび割れが表面 まで貫通した鋼材半径増分は、分散ひび割れモデ ルの結果とほぼ同じであった。しかし、表面まで 貫通したのは、分散ひび割れモデルでは水平方向 であったのに対し、離散ひび割れモデルでは鉛直 下向きであった。今回の隅角部のモデルでは、鋼 材左側と下側でのかぶりコンクリート厚さが同じ であるため、数値的誤差に伴う僅かな応力分布の 違いでひび割れ進展方向の違いが生じたと考えら れる。

図-10(b)は,表面ひび割れ幅が 0.2mm となっ た鋼材半径増分 Δ R=87.7 µ m,腐食開始後 439 日 での結果を示す。鋼材から各方向にひび割れが発 生しており,また,鉛直下方向に貫通したひび割 れは大きく開口し,それに伴い変形が増大してい ることが分かる。

図-11 は、分布ひび割れモデルおよび離散ひび 割れモデルによる解析に対して、鋼材の半径増分 とコンクリート表面でのひび割れ幅の変化を示し ている。2 モデルともにほぼ同様の関係が得られ ており、鋼材膨張半径が約52μmから表面にひび 割れが発生し、その後、ひび割れ幅は線形的に増 大し、表面に 0.2mm のひび割れ幅が生じるのは、 鋼材半径増分が約90μmであることが予測できた。

すなわち,中性化深さが 20mm に達し,鋼材周 辺の pH が低下し鋼材が腐食し始めると,コンク リート表面に貫通するひび割れが生じるのは腐食 開始後から約 260 日後,供用期間 30.7 年であり, また,補修が必要とされる表面ひび割れ幅が 0.2mm に達するのは,腐食開始から約450日,供 用期間31.2年であることが解析的に予測できた。

ここで、鋼材の腐食膨張によるひび割れ幅の評価について多くの研究が為されているが^{例えば 11}, それらの多くは鋼材の膨張を鋼材に接するコンク リート要素の節点に一様に強制変位を与えている。 本解析では、鋼材に膨張ひずみを与え、コンクリ ートは鋼材の膨張が遷移帯領域を超えた後に変形 するモデルとしており、また、コンクリートに発 生したひび割れの影響により、鋼材の半径増分と コンクリートの変位増分は異なる値となる。そこ で、図-12 には、鋼材半径増分と、隅角部から 45 度の方向において鋼材と接するコンクリート の半径増分量の関係を示す。

ここで、実験結果との検証が行われている示ら による鋼材腐食量とひび割れ幅の算定式¹¹⁾と本解 析結果との比較を試みた。式(7)に示す示らによる 算定式では、鋼材半径の増分厚さuを変数として いるが、本解析結果との比較検討の際には、変数 uに対して図-12に示すコンクリートの半径増分 を用いた。図-13に両者の結果を示す。

分散ひび割れモデルと離散ひび割れモデルによ る解析結果は、いずれも亓らの算定式と概ね一致 していることが確認できた。

$$W_{c} = \frac{\gamma}{\left(n-1\right)}u\tag{7}$$

ここに、 W_c : 鋼材腐食量 (mg/mm^2) u: 鋼材半径の増分厚さ(mm) γ : 鋼の密度 $(7.85mg/mm^3)$

6. まとめ

鉄筋コンクリート壁高欄を対象に炭酸化反応, 鋼材の腐食膨張,コンクリートのひび割れについ ての一連の数値解析モデルを構築し,コンクリー トが剥離・剥落を防止するための補修時期を定量 的に予測した。

今後は,首都高速道路での車線拡幅工事等に伴 い撤去した鉄筋コンクリート壁高欄等からサンプ ルを採取して得られた侵食度を用い,実測値等と の比較検討を行い,本解析モデルの精度の向上を 図っていく予定である。

参考文献

- 土木学会:鉄筋腐食・防食および補修に関する研 究の現状と今後の動向,土木学会コンクリート技 術シリーズ 26, 1997
- 植木博・後藤孝治・村上正明・益子直人:空隙構
 造と化学平衡を考慮したコンクリートの炭酸化反
 応モデル、コンクリート工学論文集 第 13 巻第 3
 号、2002.9
- オ上正明・川口和広・植木博・増井隆:鋼材の腐 食によるコンクリートのひび割れ解析モデルの構 築,コンクリート工学年次論文集, Vol.26, No.2, 2004
- 4) 笹渕優樹・桝田佳寛・中村成春:塩化物を含んだ コンクリート中の鉄筋腐食速度に関する暴露試験, コンクリート年次論文報告集, Vol.20, No.1, 1998
- Herbert H. Uhlig and R. Winston Revie: Corrosion and Corrosion Control, John Wiley & Sons, Inc, 1985
- 6) 小林悟志・下村匠:コンクリート中の物質移動と 鉄筋の腐食に関する数値解析,コンクリート工学 年次論文集, Vol.24, No.1, 2002
- 須田久美子・Misra Sudhir・本橋賢一:腐食ひびわれ発生限界腐食量に関する解析的検討,コンクリート工学年次論文報告集, Vol.14, No.1, 1992
- J.G.Rots:Computational Modeling of Concrete Fracture, PhD thesis, Delft University of Technology, 1988
- 9) 土木学会,2002 年制定コンクリート標準示方書[構 造性能照査型] pp.21~27,2002.3
- Nobuaki OTSUKI, Makoto HISADA, Nathaniel B.DIOLA and Tarek UDDIN Md. : Experimental Study on Interfacial Transition Zones in Reinforced Concrete, J.Materials, Conc. Struct., Pavements, JSCE, No.529/V-39, 155-167, 1998.5
- 11) 元 路寛・関 博:鉄筋腐食によるコンクリートの ひび割れ発生状況及びひび割れ幅に関する研究, 土木学会論文集 No.669/V-50, 161-171, 2001.2