# 論文 鉄筋コンクリート梁のせん断破壊機構のAE波形解析による考察

沢田 陽佑\*1・大野 健太郎\*2・下薗 晋一郎\*3・大津 政康\*4

要旨:巨大地震などによって生じる鉄筋コンクリート(RC)梁のせん断破壊は,RC部材の耐力が急激に低下する脆性的な破壊のため、構造物に致命的な損傷を及ぼす危険性を有している。そこで本研究では,RC梁のせん断スパン内におけるせん断破壊にAE法を適用し、その破壊メカニズムを解明することを目的とした。 得られた AE 波形に SiGMA 解析を適用した結果、載荷初期から破壊するまでの間に3段階の AE 発生挙動が確認され、せん断破壊が微小クラックの集積過程として機構的かつ可視的に明らかにできた。また、AEパラメータ解析と SiGMA 解析の結果を比較することにより、両解析による AE 発生機構の違いが確認された。 キーワード:アコースティック・エミッション、AEパラメータ解析、RC梁、せん断破壊、SiGMA 解析

1. はじめに

1995年に起きた阪神淡路大震災に代表される巨大 地震により,建物,道路,鉄道,通信,ライフライン等 の各種社会基盤施設は甚大な被害を受けてきた。その結 果,阪神淡路大震災では,数万人もの死傷者,30万人以 上の被災者を出すという人的被害を被った。建造物の多 くは鉄筋コンクリート(RC)構造物であり,このRC構 造物の被害も例外ではなく,RC梁部材においては曲げ破 壊,せん断破壊が多く報告されている<sup>1)</sup>。RC梁部材のせ ん断破壊は脆性破壊であり<sup>2)</sup>,破壊の進行が急激で靭性 に欠け,構造物に致命的な崩壊をもたらす危険性を有し ている。さらに,RC梁部材のせん断破壊に関するメカニ ズムは,曲げ破壊に比べ未だ解明が十分ではないとされ ている。

せん断補強鉄筋を有していないRC梁について、2点集 中荷重を受ける長方形断面単純梁のせん断破壊形式は、 せん断スパン(a)と引張り鉄筋までの有効高さ(d)の比, a/dに依存して異なると知られている<sup>3)</sup>。

本研究では, RC 梁のせん断スパン内におけるせん断 破壊に着目し, その破壊メカニズムを解明することを目 的とした。RC 梁曲げ試験時にアコースティック・エミ ッション (Acoustic Emission : AE) 法をせん断スパン内 に適用した。AE とは,「固体材料内部の微小な破壊,あ るいはそれと同様なエネルギー開放過程によって発生 する弾性波動現象」であると定義される<sup>4)</sup>。AE 法は,構 造物から発生する弾性波特性から定量的な損傷度評価 を行う手法であり,また構造物の健全性の診断,監視に 対して高い能力を持つ非破壊検査手法として注目され ている。供試体はせん断スパン有効高さ比 a/d を 1.97 と してせん断スパン内でせん断破壊を起こすように作成

\*1 熊本大学大学院 自然科学研究科社会環境工学専攻 (正会員)
\*2 熊本大学大学院 自然科学研究科複合新領域科学専攻 (正会員)
\*3 熊本大学大学院 自然科学研究科社会環境工学専攻 (非会員)
\*4 熊本大学大学院 自然科学研究科教授 工博 (正会員)

した。その供試体に 4 点載荷試験と AE モニタリングを 行い,得られた AE 波形に,AE 波形解析手法の SiGMA(Simplified Green's functions for Moment tensor Analysis)解析 <sup>5)</sup>を適用し,せん断破壊メカニズムを定量 的に評価することを試みた。また,検出された AE 信号 に AE パラメータ解析 <sup>6)</sup>を行い,SiGMA 解析結果と AE パラメータ解析結果を比較し,考察を行った。

#### 2. 解析理論

#### 2.1 AE パラメータ解析

本研究で解析可能な AE パラメータを図-1 に示す。 これら AE の発生に関するパラメータの変動を検討し, AE 発生源を定量的に評価することを試みた。本研究で は、これらの AE パラメータから(社)日本建材産業協 会規格(JCMS)で規格化されている<sup>6</sup>RA 値(立上り時間/ 最大振幅値)と平均周波数(カウント数/信号継続時間) の関係を用いて,発生するひび割れが主として引張型か せん断型かを識別することにした。



## 2.2 SiGMA 解析

検出されたAE信号波形を逆解析することにより,AE 発生源となったひび割れの発生機構に関する情報が得 られる。

AE波動の基礎理論<sup>7</sup>によれば、弾性体の内部において 発生したAE波が、弾性体の境界面上かあるいはその内部 に設置されたAEセンサによって検出される時、このAE センサにおいて発生源より伝播、到達してくるAE波の第 一波における振幅値すなわち初動振幅値A(x)は次のよう に表される。

$$A(x) = C_s \frac{1}{R} \operatorname{Ref}(s, \gamma) \gamma_p \gamma_q m_{pq}(x') \cdot DA$$
(1)

ここで、C<sub>s</sub>はセンサ感度も含めた物性値の係数、Rは ひび割れ発生点**x**'から検出点**x**への距離であり、γ<sub>p</sub>、γ<sub>q</sub> はその方向余弦を意味する。*Ref(s*,γ)は、センサ設置点で の反射を考慮するための検出点への入射角を考慮した 反射係数である。*m<sub>pq</sub>*はモーメントテンソルと呼ばれるも のであり、マイクロクラックの方向を決定するために有 効な波形解析の手法をもたらす。Lameの定数λ, μを用い て等方弾性体を仮定すれば、

$$m_{pq} = (\lambda l_k n_k \delta_{pq} + \mu l_p n_q + \mu l_q n_p) \Delta V$$
<sup>(2)</sup>

となる。ここで、モーメントテンソル $m_{pq}$ の各成分は次式のようになる。

$$m_{pq} = \begin{bmatrix} \lambda l_k n_k + 2\mu l_1 n_1 & \mu (l_1 n_2 + l_2 n_1) & \mu (l_1 n_3 + l_3 n_1) \\ \mu (l_2 n_1 + l_1 n_2) & \lambda l_k n_k + 2\mu l_2 n_2 & \mu (l_2 n_3 + l_3 n_2) \\ \mu (l_3 n_1 + l_1 n_3) & \mu (l_3 n_2 + l_2 n_3) & \lambda l_k n_k + 2\mu l_3 n_3 \end{bmatrix} \Delta V^{(3)}$$

3次元位置標定によりクラックの発生位置が決定され ていれば,式(1)の右辺はm<sub>pq</sub>を除いて既知である。した がって,AE信号波形からP波初動振幅値を左辺に代入す ることにより,モーメントテンソルの成分に関する線形 連立方程式を構成する。

モーメントテンソルは2階のテンソルであるので,主 値と主方向を取り出すために固有値解析を行えば,固有 値および固有ベクトルは

第1 (最大) 固有値 
$$e_1 = \mu b \left( \frac{l_k n_k}{1 - 2\nu} + 1 \right) \Delta V$$

第2(中間)固有値

第3 (最小) 固有値 
$$e_3 = \mu b \left( \frac{l_k n_k}{1 - 2\nu} - 1 \right) \Delta V$$

 $e_2 = 2\mu b v \frac{l_k n_k}{1 - 2\nu}$ 

第1固有ベクトル	$e_l = l + n$	
第2固有ベクトル	$e_2 = l \times n$	(5)
第3固有ベクトル	$e_3 = l - n$	

となる。ここでは、一方のクラック面の運動ベクトルす なわちBurger's vector bを、大きさbと方向ベクトルlの積 b=blと表現している。

モーメントテンソルの固有値は、図-2に示すように、 (a)せん断成分X (shear component), (b)引張偏差成分Y (CLVD: compensated liner vector dipole component), および(c)引張静水圧成分Z (hydrostatic component) の3つの成分に分解することができる<sup>8)</sup>。図-2において正六面体のそれぞれの面は、正面(背面)が最大主面、上面(下面)が最小主面、右側面(左側面)が中間主面を表わしている。このことからモーメントテンソルのそれぞれの固有値は次のように一意的に表わすことができる<sup>9)</sup>。

第1(最大)固有値
 
$$e_1 = X + Y + Z$$

 第2(中間)固有値
  $e_2 = 0 - 0.5Y + Z$ 
 (6)

 第3(最小)固有値
  $e_3 = -X - 0.5Y + Z$ 

式(6)から、あるモーメントテンソルにおける各成分の 構成比は次のようになる。

せん断成分比	$X = \frac{e_2 - e_3}{e_1}$
引張偏差成分比	$Y = \frac{2}{3} \left( \frac{e_1 - 2e_2 + e_3}{e_1} \right) $ (7)
引張静水圧成分比	$Z = \frac{1}{3} \left( \frac{e_1 + e_2 + e_3}{e_1} \right)$

以上から,モーメントテンソルの各成分の構成比によって,そのAE波の発生源となったクラックが,引張モード(X<40%),せん断モード(X>60%),あるいはこれら2つの混合モードであったのかといったクラックの「種別」の分類に関して定量的な分類を行うことができることになる。さらに,式(5)の固有ベクトルからクラックの面の「方向」に関する幾何学的諸量を知ることができる。



図-2 モーメントテンソルの固有値成分

(4)



表 -1

## 表-2 コンクリートの力学的特性









図-4 AE センサ設置概要図

## 3. 実験概要

実験に使用した供試体の概要とコンクリート配合お よびコンクリートの力学的特性を表-1,表-2,図-3 に示す。また,使用した鉄筋は \$10mm, \$13mmの異形鉄 筋であり、降伏点応力は295N/mm<sup>2</sup>である。本実験では、 供試体に確実にせん断破壊を発生させるため、せん断ス パンの一方には100mm間隔でせん断補強鉄筋(スターラ ップ、φ5mm)を5本設置し、もう一方にはせん断補強 筋を設置しなかった。そのせん断スパン比は1.97である。 載荷試験は、支点間距離1800mm、載荷点間距離1000mm で実施した。載荷試験と同時にせん断補強鉄筋を有しな いせん断スパン内で集中的にAE 計測を行い、供試体の 破壊に伴いAE計測を終了した。AE計測にはDiSP(PAC 社製)を使用し、AEセンサはR15(共振周波数:150kHz) を用いた。SiGMA解析を行うためには6個以上のAEセン サが必要であり、本実験では、図-4に示すとおり供試 体の片側のせん断スパン部に8個のAEセンサを取り付け た。AEセンサよって検出された信号はプリアンプによっ て40dB増幅した後, さらにメインアンプにて20dB増幅さ せて記録した。DiSPでは、メインアンプ出力のセンサ出 力比が42dB以上となったところでトリガを機能させ、サ ンプリング周波数1MHzで信号波形をA/D変換し、1波形 を1024wordsのデータとして記録した。





#### 4. 解析結果

## 4.1 AE パラメータ解析

AEヒット数と載荷荷重の時間的変化を図-5に示す。 最大荷重は96.1kNであった。載荷初期段階では、AEヒッ トはほとんど確認されず、載荷荷重が増加していくこと に伴いAEヒット数も増加する傾向が確認された。一般に, 破壊寸前にAEヒット数は急激に増加するが,本実験でも 同様の結果となった。そこで、各センサで検出されたAE ヒットについて、ひび割れの識別に効果を発揮するRA 値と平均周波数の関係を適用し、考察を行った。RA値と 平均周波数の関係を図-6に示す。本研究では、RA値と 平均周波数の比を10:1にして行った。つまり, A-FRQ/RA 値<1/10の場合はせん断型のAE (Shear-mode), A-FRQ/RA 値>1/10の場合は引張型のAE (Tensile-mode)と識別する こととした。

各センサでのAE識別の結果を図-7に示す。せん断型 と識別されたAEヒットの割合は、全てのセンサにおいて 同程度であるのに対し、引張型と識別されたAEヒットの 割合は、1CH、5CHで他のセンサと比較して多数検出さ れた。これらは、1CH、5CHが供試体底部に配置されて いるため、初期曲げひび割れ形成時や斜め引張ひび割れ 形成時に発生したAE信号を計測したと考えられる。



25% 20% 15% 10% 5% 0% 1ch 2ch 3ch 4ch 5ch 6ch 7ch 8ch □ Shear-mode ■ Tensike-mode

図-7 各センサ AE 識別判定結果

次に、破壊のメカニズムを時系列ごとに認識するため に、図-5において一分間あたりのAEヒット数の特徴よ り載荷開始から破壊までを3段階に分けた。まず、載荷 開始からAEヒット数が増大する前の53分までをStage1、 54分から一度AEヒット数が減少する前(68分)までの14 分間をStage2、69分から破壊までの6分間をStage3とした。 表-3に各ステージにおけるすべての事象のAEパラメー タ解析の結果を示す。いずれのStageにおいて、引張型と 識別されたAE波形の割合が多かった。Stage2では、Stage1 と比較して引張型のAEの割合が増加していた。これは、 Stage2は曲げスパン内に多数の曲げひび割れを生じた時 間を有しているためだと考えられる。Stage3では、Stage1, Stage2と比較してせん断型と識別された割合が増加して いた。これは、せん断スパン内に斜めせん断ひび割れが 生じたため、せん断型のAEが卓越したと考えられる。

#### 4.2 SiGMA 解析

ここでは、AE計測によって得られたAE波形について 初動振幅値と立上り時間を読み取り、SiGMA解析を行っ た結果を報告する。

今回の SiGMA 解析において, 縦波速度は 4230m/sec, ポアソン比 0.2 であり, 解析に使用した AE イベントは 8 個の AE センサ全てで同定されたものとした。イベント を定義するための時間 Event Definition Time (EDT) は 120µsec に設定した。EDT とは, AE 波の第一波がセン サに到達した時間と他のセンサに到達した AE 波の到達 時間との差であり, 最初に検出された AE 波から 120µsec 以内にその他の全ての AE センサで AE 信号を検出した

表-3 Stage ごとの引張型とせん断型の割合

	Shear-mode	Tensile-mode
Stage-1	33.2%	66.8%
Stage-2	25.0%	75.0%
Stage-3	38.6%	61.1%
Total	30.9%	69.1%



ものだけをイベントと定義した。SiGMA 解析結果を 3 次元空間で表示するために, 3 次元モデリングソフト Light Wave 3D (New Tek 社製)を用いて図化した。図-8 に破壊時の RC 梁図を, 図-9 に各 Stage の SiGMA 解 析結果について, AE 計測を対象としたせん断スパン内 での AE 発生源の位置標定結果とクラック形成モードの 結果を示す。

Stage1 では, AE ヒット数が僅かであったことから同 定された AE 発生源は 6 個であり、その位置は供試体曲 げスパンに近いことが分かる。Stage2 では多くの AE 発 生源が同定され、位置標定結果は Stage1 と比較して、せ ん断スパン中央に移動していることが確認できる。この ことから、載荷荷重がある一定値を越えると、コンクリ ート内部の微小クラックが曲げスパン付近からせん断 破壊面に移行することがわかる。目視において, Stage2 の段階では、供試体表面にせん断ひび割れは確認されて いないが、この段階においてせん断スパン内のコンクリ ート中には多数の微小クラックの形成が確認できる。 Stage3 では、せん断クラックは供試体高さ中央付近に集 中し、引張クラックは供試体底面と上面に多く集中して いる。全ての AE 事象と最終的に形成されたせん断ひび 割れを図-9(g)に示す。この図より、位置標定された AE 発生源と最終的に形成されたせん断ひび割れ面が一致 していることが確認され, 引張型クラックが先行して供 試体内の脆弱な部分から発生し、その後せん断型クラッ クがそれらの微小クラックを繋ぐように伸びていった と考えられる。



(a) 引張型クラック







(f) Stage3

(b) 混合型クラック



(c) せん断型クラック





(e) Stage2

(g) TOTAL



# 5. AE パラメータ解析結果と SiGMA 解析結果の比較

図-10、図-11 に AE パラメータ解析結果, SiGMA 解析結果を Stage 別に示す。この両解析結果を比較する と、いずれの Stage においても、引張型クラック、せん 断型クラックの割合は一致していないことが分かる。こ の要因として、SiGMA 解析ではせん断スパン内の AE イ ベントのみを対象とされたのに対し、AE パラメータ解 析では AE 計測中に検出された全ての AE ヒットを対象 とされたと考えられ、対象とした AE 源の違いが影響し たと考えられる。

そこで,AEパラメータ解析,SiGMA 解析において対象となるAE源を統一するためにSiGMA 解析で使用した445 個のイベントに対してAEパラメータ解析を適用したものを図-12に示す。図-12と比較しても引張型クラック,せん断型クラックの割合は一致していないことが認められた。ここで,RA 値と平均周波数の比を2:1,



図-10 各 Stage での AE パラメータ解析結果

つまり, A-FRQ/RA 値<1/2 の場合はせん断型の AE (Shear-mode), A-FRQ/RA 値>1/2 の場合は引張型の AE (Tensile-mode)と識別したグラフを図-13 に示す。この結 果では, 図-11 の SiGMA 解析結果と比較して, せん断 型のクラックの割合がかなり一致していることが確認 できる。また, 図-11 の SiGMA 解析結果において,



□ Shear-mode 🗷 Mixed-mode 🔳 Tensile-mode

図-11 各 Stage での SiGMA 解析結果



□ Shear-mode ■ Tensile-mode

図-12 SiGMA 解析で使用した 445 個のイベント に対しての AE パラメータ解析結果



図-13 RA 値と平均周波数の比を 2:1 として 行った AE パラメータ解析結果

Mixede-mode と識別された AE 源は,図-13の AE パラ メータ解析結果での引張型に属することが示された。

#### 6. まとめ

せん断スパン有効高さ比 a/d が 1.97 の RC 梁供試体に 4 点曲げ載荷試験と同時にせん断スパン内における AE モニタリングを行い, せん断破壊に至る微小クラックの 進展状況に関する考察を行った。AE パラメータ解析の 結果,せん断型と識別される AE ヒット数の割合はどの センサでも同程度であったのに対し,引張型と識別され る AE ヒット数の割合はセンサ設置個所に依存して異な ることが明らかとなった。AE 発生頻度の特徴より 3 段 階の AE 発生挙動が存在することが確認され,SiGMA 解 析の結果,微小クラックの発生から進展,破壊までを視 覚的に明らかにすることができた。特に Stage2 では,供 試体表面にせん断ひび割れは確認されていないにも関 わらず,解析により,コンクリート中に多数の微小クラ ックが形成されていたことが確認されたことは今後の 破壊機構解明に貴重な成果を得た。また,RA 値と平均 周波数の関係によるひび割れ識別基準は,現在のところ 明確な指標がなく,本研究により,SiGMA 解析結果との 一致が示されたことは,今後の識別基準に優位な成果で あるといえる。

## 参考文献

- 社団法人日本建築学会:阪神・淡路大震災調査報告 鉄筋コンクリート造建築物 建築編1,社団法人日 本建築学会,1997
- 社団法人日本材料学会:建設材料実験,社団法人日 本材料学会, pp.211, 2003
- 谷川 恭雄,太田福男,尾形素臣,小野博宣,金子 林爾,小池狭千朗,山田和夫:構造材料実験法(第 3 版),森北出版,pp.234-236,2003
- 大津 政康:アコースティック・エミッションの特 性と理論(第2版),森北出版,2005
- 大津 政康,重石 光弘,湯山 茂徳,岡本 亨久: AEモーメントテンソル解析のためのSiGMAコードの開発,非破壊検査, Vol.42, No.10, pp.570-575, 1993
- コンクリートの非破壊検査方法・アコースティック・エミッションによるコンクリートのひび割れ監視方法,社団法人日本建材産業協会規格,pp47-64,2003
- M.Ohtsu and K.Ono : A Generalized Theory of Acoustic Emission and Green's Function in a Half Space, Journal of AE, Vol.3 , No. 1, pp.124-133, 1984
- L.Knopoff and M.J.Randall, J.Geophys : Res, Vol.75, pp.4957, 1970
- M.Ohtsu : Simplified Moment Tensor Analysis and Unified Decomposition of AE Source, Journal of Geophysical Pesearch, Vol.94, No.B4, pp.6211-6221, 1991