論文 せん断スパン比の小さい RC 柱部材の水平加力試験

松本 浩一*1・菅野 貴浩*2・小林 将志*3・築嶋 大輔*4

要旨:ディープビームのせん断耐力については, RC 梁の実験結果に基づいた計算式がいくつか提案されてい るが,せん断スパン比の小さい RC 柱部材のせん断耐力については知見が少ない。そこで水平加力試験によ り破壊状況やせん断耐力等に関する検討を行った。その結果, RC 柱部材に配置するせん断補強鉄筋量により ひび割れの発生状況には 2 つの形態があること,せん断耐力については棒部材式に適用されるトラス理論に よりせん断補強鉄筋の効果を評価できる場合と斜め圧縮破壊耐力により評価できる場合があり,両者のうち 小さい方の値を用いることでせん断耐力を比較的精度よく評価できることを確認した。 キーワード:せん断スパン比, RC 柱部材,せん断耐力,せん断補強鉄筋,水平加力試験

1. はじめに

一般にせん断スパン比(せん断スパン a と有効高さ d の比)の小さい鉄筋コンクリート(以下「RC」という) 梁のせん断耐力については、ディープビームの載荷実験 結果をもとに、いくつかのせん断耐力式が提案され、そ れらに基づいて算定している。しかし、壁式橋脚のよう なせん断スパン比の小さい RC 柱部材のせん断耐力につ いては知見が少なく、また壁式橋脚などは断面形状、配 筋等が梁部材と異なる点があるにもかかわらず、RC 梁 に適用されるディープビームのせん断耐力式を用いて 設計しているのが現状である。

そこで、本研究ではせん断スパン比の小さい RC 橋脚 について、破壊状況やせん断耐力を確認することを目的 に、せん断スパン比、せん断補強鉄筋比等をパラメータ に用いた RC 柱部材の水平加力試験を行った。さらに、 比較のため柱部材と同一断面寸法の梁部材による載荷 試験を実施した。本論では水平加力試験の結果をもとに、 破壊状況や各パラメータがせん断耐力に与える影響、せ ん断耐力式の評価方法について考察する。

2. 試験概要

2.1 試験体および載荷方法

図-1に試験体形状, 寸法の一例として試験体 No.1を, 表-1に各試験体の諸元を示す。試験体の形状は, せん断 スパン比の小さい RC 橋脚を想定したものであり, 一般 的な RC 梁と比較すると断面幅と断面高さの比が大きい ことおよび主鉄筋と同径の側方鉄筋を配置しているこ とが特徴である。試験体数では RC 柱部材を 15 体, RC 梁部材を 2 体の計 17 体で試験を実施し, 試験体の断面 寸 法 は , 850mm×350mm , 1,050mm×250mm , 750mm×250mm の 3 種類で, 750mm×250mm の試験体に



ついては部材寸法が同一の柱部材,梁部材においてそれ ぞれ2体ずつ試験を行った。主なパラメータはせん断ス パン比,せん断補強鉄筋比,軸力,側方鉄筋で,各パラ メータの範囲は,せん断スパン比 a/d は 0.95~2.00,せん 断補強鉄筋比は 0~1.89%,軸力は 0~1.5N/mm²である。 なお載荷板幅は No.1を 100mm とし,それ以外について は 150mm とした。

載荷方法は RC 柱部材については水平交番載荷試験装置を用いて一方向に載荷し, RC 梁部材については, 2 点 対称載荷で静的に一方向単調載荷により行った.両者と もに最大荷重に達し荷重が低下した後,荷重がある程度 一定になった時点で試験を終了した。

2.2 計測項目

載荷試験時は, せん断スパン内の軸方向鉄筋およびせ ん断補強鉄筋のひずみを計測した。また, 載荷点から載 荷点の反対側の基部を結ぶ対角のエリア(以下「圧縮ス

*1	東日本旅客鉄道	(株)	建設工事部構造技術センター 耐震技術	プロジェクト 工修 (正会員)
*2	東日本旅客鉄道	(株)	建設工事部構造技術センター 耐震技術	プロジェクト課長 工修 (正会員)
*3	東日本旅客鉄道	(株)	建設工事部構造技術センター 耐震技術	プロジェクト 工修 (正会員)
*4	東日本旅客鉄道	(株)	上信越工事事務所 工事管理室副課長	(正会員)

表-1 試験体諸元

	高さ 有効系 (mm) d(m	ちからさ.	同 +.	せん断 スパン: a(mm)	a/d	f' _c (N/mm²)	軸力 (N/mm ²)	引張鉄筋		せん断補強鉄筋				圧縮鉄筋	側方鉄筋	中時店		
No		有効高で、 d(mm)	b _w (mm)					呼び名	f _{sy} (N/mm²)	р _с (%)	呼び名	f _{wy} (N∕mm²)	s₅ (mm)	р _w (%)	呼び名 −本数	呼び名 -本数	关款 (kN)	部材
1	850	800	350	800	1.00	31.3	1.5	D29	381.7	1.15	D13	366.0	100.0	0.72	D29-5本	D29-14本	1,899	柱
2	850	800	350	1200	1.50	28.8	1.5	D29	381.7	1.15	D13	366.0	100.0	0.72	D29-5本	D29-14本	1,539	柱
3	850	800	350	1600	2.00	28.5	1.5	D29	381.7	1.15	D13	366.0	100.0	0.72	D29-5本	D29-14本	1,302	柱
4	850	800	350	800	1.00	27.9	1.5	D29	381.7	1.15	-	-	-	0.00	D29-5本	D29-14本	1,223	柱
5	850	800	350	800	1.00	24.5	1.5	D29	381.7	1.15	D19	373.5	100.0	1.63	D29-5本	D29-14本	2,025	柱
6	850	800	350	800	1.00	30.3	1.5	D29	381.7	1.15	D13	355.7	100.0	0.72	D29-5本	D29-8本 D16-6本	1,862	柱
7	850	800	350	1600	2.00	30.6	1.5	D29	381.7	1.15	D13	366.0	100.0	0.72	D29-5本	D29-40本	1,463	柱
8	850	800	350	800	1.00	26.5	0.0	D29	381.7	1.15	D13	355.7	100.0	0.72	D29-5本	D29-14本	1,703	柱
9	850	800	350	800	1.00	24.1	1.5	D29	428.1	1.15	D13	355.7	100.0	0.72	D13-2本	D29-10本	1,770	柱
10	850	800	350	800	1.00	23.6	1.5	D29	428.1	1.15	D6	353.1	150.0	0.12	D29-5本	D29-14本	1,273	柱
11	850	800	350	1200	1.50	25.2	1.5	D29	436.3	1.15	D16	360.3	60.0	1.89	D29-5本	D29-40本	2,038	柱
12	1050	1000	250	950	0.95	31.2	0.3	D22	437.4	0.46	D16	376.8	100.0	1.58	D22-3本	D22-20本	1,681	柱
13	1050	1000	250	950	0.95	28.5	1.5	D25	371.9	0.81	D6	347.9	100.0	0.25	D25-4本	D25-8本 D6-16本	1,135	柱
14	750	700	250	700	1.00	17.4	0.0	D22	437.4	1.79	D10	367.9	100.0	0.57	D22-3本	D22-10本	744	柱
15	750	700	250	1400	2.00	17.4	0.0	D32	424.6	3.36	D13	408.1	100.0	1.01	D32-3本	D32-10本	817	柱
16	750	700	250	700	1.00	15.5	0.0	D22	437.4	1.79	D10	364.5	100.0	0.57	D22-3本	D22-10本	758	梁
17	750	700	250	1400	2.00	24.7	0.0	D32	424.6	3.36	D13	362.8	100.0	1.01	D32-3本	D32-10本	861	梁

トラット」という)のコンクリート断面内には, ずれ止 めを設けた径 10mm 程度のアクリル製の棒にコンクリー トゲージを取り付け,コンクリート圧縮ひずみを計測し た。アクリル製の棒は圧縮ストラットに平行に3本配置 し,ゲージ取り付け位置は圧縮ストラットを等分割する ように配置した。

3. 試験結果

3.1 ひび割れの発生状況とひずみ分布

試験体は全て最大荷重付近でせん断破壊となり,その 後荷重が低下した。いずれの試験体も最大荷重後の急激 な荷重低下を示す脆性的な破壊とはならず,比較的緩や かな荷重低下となったのが特徴である。

ひび割れについては、まず曲げひび割れが発生し、そ の曲げひび割れが斜めひび割れに進展する。さらに圧縮 ストラットにも斜めひび割れが発生し、最大荷重に達し た後、緩やかに荷重が低下した。

(1) ひび割れの発生状況

試験体のひび割れ発生状況として、最大荷重付近まで に圧縮ストラットに発生する斜めひび割れには、ひび割 れが分散して多く発生するものと比較的ひび割れが集 中するものに大きく2つに分類される。斜めひび割れが 分散する場合の試験体 No.1 の最大荷重時のひび割れ発 生状況を図-2に、斜めひび割れが集中する場合の試験体 No.13の最大荷重時のひび割れ発生状況を図-3に示す。

このひび割れの発生傾向の違いは,主に配置したせん 断補強鉄筋量に関係し,せん断補強鉄筋量が多い場合の 試験体 No.1, 2, 3, 5, 6, 7, 8, 9, 11, 12, 14, 15, 16, 17 は,斜めひび割れが分散して多く発生する傾向と なり,せん断補強鉄筋量が少ない場合の試験体 No.4, 10, 13 では,斜めひび割れが集中する傾向となった。

このことは、せん断スパン比が 1.0 以上のディープビ ームにおける過去の載荷試験においても同様の効果が



図-2 ひび割れ分布 No.1(ひびわれが分散する場合)



図-3 ひび割れ分布 No. 13 (ひび割れが集中する場合)

確認されており¹⁾, せん断補強鉄筋の効果によりせん断 スパン内の斜めひび割れが集中せず, 分散しているもの と考えられる。

(2) せん断補強鉄筋のひずみ分布

図-4 は, せん断スパン比 1.0 である試験体 No.1 の最大 荷重時におけるせん断補強鉄筋のひずみ分布である。降 伏している箇所は▲で表示し, 降伏していない箇所は△ で表示している。せん断補強鉄筋は最大荷重時において せん断スパンに対し基部からせん断スパンの約 2/3 の範 囲までが降伏し, 特に圧縮ストラットに沿ってせん断補 強鉄筋が降伏した。

これはせん断補強鉄筋を配置しなかった試験体 No.4 やせん断補強鉄筋が降伏しなかった試験体 No.5,11,12 を 除く, すべての試験体においてせん断スパン比に関係な く同様の傾向を示した。なお, せん断補強鉄筋が降伏し なかった試験体 No.5,11,12 においても, 圧縮ストラット に沿ってせん断補強鉄筋のひずみが大きくなる傾向を 示すことが確認された。

(3) コンクリートのひずみ分布

載荷時におけるコンクリートの圧縮ひずみは,全試験 体において最大荷重時に載荷点から載荷点の反対側の 基部を結ぶ対角線上において,ひずみの値が大きくなる 傾向を示した。これは,最大荷重時のコンクリート表面 の挙動として,圧縮ストラットにおいて微細なひび割れ が発生し,コンクリートの圧縮ひずみが終局ひずみに達 するものも確認できることから両者には関係があるも のと考えられる。

ここで、せん断補強鉄筋が降伏した試験体 No.10 につ いて、最大荷重時のコンクリート内部のアクリル棒によ る圧縮ひずみを図-5 に示す。数字のマイナスは圧縮を示 す。図より最大荷重時では圧縮ストラットの圧縮ひずみ が大きい傾向にあり、せん断補強鉄筋が降伏しない試験 体においても同様の傾向を示した。

(4) 荷重変位曲線と各ひずみの関係

最大荷重時の圧縮ストラット基部付近におけるコン クリート内部の圧縮ひずみとせん断補強鉄筋の引張ひ ずみ及び水平荷重について変位との関係に着目した。図 -6に試験体 No.10,図-7に試験体 No.11の試験結果であ り、それぞれ最大荷重付近でせん断補強鉄筋が降伏する 場合と降伏しない場合の例である。

図-6 の最大荷重時に着目すると,最大荷重時でせん 断補強鉄筋の引張ひずみは塑性域の7,500µに対し,内部 コンクリートの圧縮ひずみは4,000µ以上となっている。 一方,図-7 では,最大荷重時で内部コンクリートの圧縮 ひずみは約4,000µとなっているが,せん断補強鉄筋の引 張ひずみは1,600µ程度となっていることがわかる。

このように両者とも最大荷重付近で内部コンクリー トは終局圧縮ひずみに達するが,せん断補強鉄筋は降伏 する場合と降伏しない場合が計測された。なお,最大荷 重以降はコンクリートのひび割れ,損傷が進行するため, 特にアクリル棒によるコンクリートの圧縮ひずみの値 は正確に計測されていないと思われる。

3.2 各パラメータの比較

ここで示す荷重と変位の関係において、○で示す位置 はせん断補強鉄筋が降伏した時点を表す。

(1) せん断スパン比の影響

図-8 は, 試験体 No.1, 2, 3 の荷重と変位の関係を示 したものである。それぞれせん断スパン比は 1.0, 1.5, 2.0 であり, その他の諸元については断面寸法, せん断 補強鉄筋比 0.72%, 軸力 1.5N/mm², 鉄筋本数, 配置もす



図-4 最大荷重時のせん断補強鉄筋ひずみ(No.1)



図-5 最大荷重時のコンクリート圧縮ひずみ(No.10)



図-8荷重変位関係(パラメータ:せん断スパン比)

べて同一条件とした。図-8よりせん断スパン比が小さい ほど,最大荷重値は大きくなっており,せん断耐力にせ ん断スパン比が影響することがわかる。なお,試験体 No.1,2,3ともに最大荷重時以前にせん断補強鉄筋が降 伏した。

(2) せん断補強鉄筋の影響

図-9 は、試験体 No.4、10、1、5 の荷重と変位の関係 を示したものである。それぞれせん断補強鉄筋比は0%、 0.12%、0.72%、1.63%で、これ以外は軸方向鉄筋の種別 を除き、せん断スパン比 1.0、軸力 1.5N/mm²、鉄筋本数、 配置もすべて同一条件とした。軸方向鉄筋の種別は、試 験体 No. 4、1、5 は引張鉄筋及び側方鉄筋に D29 SD345 を使用しており、No.10 は引張鉄筋及び側方鉄筋に D29 SD390 を使用した。

最大荷重については、配置したせん断補強鉄筋比が大 きいものほど大きくなっており、せん断耐力にせん断補 強鉄筋比が影響することがわかる。また、試験体 No.4 はせん断補強鉄筋を配置していない試験体であり、この 最大荷重はせん断補強鉄筋を考慮しないコンクリート のみのせん断耐力の実験値を表す。

そこで、図-9 をもとに各試験体の最大荷重について、 せん断補強鉄筋比との関係を検討する。せん断補強鉄筋 が負担するせん断耐力とせん断補強鉄筋比の関係につ いて示したものが図-10 である。ここでせん断補強鉄筋 が負担するせん断耐力として、各試験体の最大荷重値か ら試験体 No.4 の最大荷重値の差を用いた。この図から、 せん断補強鉄筋比が 0.72%まではせん断補強鉄筋が負担 するせん断力はせん断補強鉄筋比の増加に伴い、ほぼ比 例的に増加するが、せん断補強鉄筋比が 1.63%ではその 増加の割合が緩やかになっていることがわかる。

(3) 側方鉄筋の影響

RC 橋脚と RC 梁の配筋上の違いの一つに, 側方鉄筋の 量が異なる点が挙げられる。今回の試験において, せん 断スパン比が 1.0, 2.0 の各試験体において, 側方鉄筋量 のみパラメータとする試験を行った。

試験体 No.1,6 はせん断スパン比が 1.0, せん断補強鉄 筋比 0.72%, 軸力 1.5N/mm² と全て同一とし,最外縁鉄筋 以外の側方鉄筋量のみ変化させ,試験体 No.1 は D29 SD345 を 14 本,試験体 No.6 は D29 SD345 を 8 本と D16 SD345 を 6 本配置した。図-11 は試験体 No.1,6 の荷重 と変位の関係を示したものである。試験体 No.6 の方が最 大荷重となる変位が 2mm ほど早いが,最大荷重は試験 体 No.1 が 1,899kN で No.6 が 1,862kN と同程度であり, 最大荷重にはほとんど差が生じなかった。

試験体 No.3,7 はせん断スパン比が 2.0, せん断補強鉄 筋比 0.72%, 軸力 1.5N/mm² と全て同一とし,最外縁鉄筋 以外の側方鉄筋量のみ変化させ,試験体 No.3 は D29



図-9 荷重変位関係 (パラメータ:せん断補強鉄筋比)





図-10 実験値-V(No.4)とせん断補強鉄筋比の関係

図-11 荷重変位関係 a/d=1.0 (パラメータ:側方鉄筋)





図-13 荷重変位関係 a/d=2.0 (パラメータ:側方鉄筋)



SD345 を 14 本, 試験体 No.7 は D29 SD345 を 40 本配置 した。図-12 に, 試験体 No.3 と試験体 No.7 の配筋図の 比較を示す.図-13 は試験体 No.3,7 の荷重と変位の関 係を示したものである。試験体 No.7 の方が最大荷重とな る変位が約 6mm 早く,最大荷重は試験体 No.3 が 1,302kN で No.7 が 1,463kN と約 160kN の差があり,側方鉄筋の 影響が考えられる。

(4) 軸力の影響

図-14 は、試験体 No.1、8 の荷重と変位の関係を示したものである。試験体 No.1 と No.8 は形状、寸法、配筋等全て同一のものとし、試験体 No.1 は軸力 1.5N/mm²、試験体 No.8 は軸力 0N/mm²で軸力のみ変化させて載荷した。試験の結果、試験体 No.1 は 1,899kN、試験体 No.8 は 1,703kN となり、差は 196kN で 1.12 倍程度、試験体 No.1 のほうが No.8 より大きい結果となった。ただし、コンクリート強度は、No.1 のほうが No.8 より 1.18 倍大きいため、同一強度で考慮した場合は、差が縮まるものと考えられる。

また, RC 部材のせん断耐力に与える軸力の影響は, 部材のせん断スパン比に関係なく棒部材もしくはディ ープビームによる設計せん断耐力式^{2),3)}の β_n 項で表現さ れている。軸力の違いによる β_n の比について試験体 No.1 は No.8 に対し, 1.06 となり,前述のコンクリート強度の 違いを考慮した場合,軸力の効果は β_n でほぼ妥当に評価 されているものと考えられる。

4. 各設計式と実験値の比較

4.1 既往の設計せん断耐力式と提案する評価方法

ディープビームのせん断耐力式については、せん断補 強鉄筋を用いないディープビームのせん断耐力算定式⁴⁾ を元に土木学会コンクリート標準示方書^{2),5)}による方法, 鉄道構造物等設計標準・同解説(コンクリート構造物) ^{1),3)}による方法などいくつか提案されている。

ここでは、せん断補強鉄筋を用いないディープビーム のせん断耐力算定式 V_c^{41} とトラス理論で求められるせん 断補強鉄筋が受け持つせん断耐力 V_s^{21} を加算する方法 (V_1) と斜め圧縮破壊耐力²¹による方法 (V_2) があり、前述の 試験結果に基づき、両者のうち小さい方の値でせん断耐 力が定まる考え方 (V_3) (以下、提案する方法という)に ついて実験値と計算値の比較を行う。以下にそれぞれの 計算式を示す。

$$V_3 = \min(V_1, V_2) \tag{1}$$

$$V_1 = V_c + V_s \tag{2}$$

$$V_{c} = \frac{0.24f_{c}^{*2/3}(1+\sqrt{100p_{t}})(1+3.33r/d)}{1+(L_{a}/d)^{2}}b_{w}d$$
(3)

$$V_s = A_w f_{wv} z / s_s \tag{4}$$



d(1)(=d:有効高さ) d(i) d(i) d(n) o o o o o o o o d(n) bw a(n) bw bw A(n) bw bw A(n) bw

図-16 引張鋼材量と有効高さの考え方

$$V_2 = f_{wc} b_w d \tag{5}$$

$$f_{wc} = 1.25\sqrt{f'_c} \tag{6}$$

4.2 せん断スパンおよび引張鋼材の考え方

せん断補強鉄筋を用いないディープビームのせん断 耐力算定式は、梁部材であるディープビームの載荷実験 結果に基づいて提案されており、載荷板幅とせん断スパ ンがパラメータとなっている。

そのため柱部材の計算を行う場合,梁部材と異なりせん断スパンの考え方が異なる。梁部材と同等の条件を考慮し,柱部材については図-15 に示すように,圧縮ストラット下部に仮想載荷板があるものとして,せん断スパンLaを定めた。

また,耐力算定に用いる引張鋼材量 A_sについては, せん断破壊時の中立軸を計算で求め,引張側に位置する側 方鉄筋は,鉄道構造物等設計標準・同解説(コンクリー ト構造物)³⁾を参考に,式(7)のように有効高さと圧縮縁 からの距離の比で低減させて算出した。引張鋼材量と有 効高さの関係を図-16に示す。

$$A_s = \sum_{i=1}^n A_s(i) \cdot \frac{d(i)}{d(1)} \tag{7}$$

$$p_t = A_s / (b_w d) \tag{8}$$

4.3 実験値との比較

図-17 は、実験値と提案する方法による計算値との比較を行ったもので、計算値には $V_1 \ge V_2$ の両方の計算結果を示す。図中の各記号の意味については凡例に示す。なお梁部材については、全て V_1 により求まり、 V_2 により求まったものはなかった。さらに実験値には、 β_n 項により柱部材における軸力の影響を除いている。図-17を踏まえ、図-18 では、実験値と計算値 V_3 の結果を比較し

たもので,比較的精度良く実験値と計算値が評価できて いる。

提案の方法において V_1 により決まる場合と V_2 で決ま る場合の決定要素についてはせん断補強鉄筋比が大き く影響しており、今回の試験範囲においては、せん断補 強鉄筋比が1.01%以下の場合は V_1 でせん断耐力が決定し、 せん断補強鉄筋比が1.58%以上の場合は V_2 でせん断耐力 が決定する結果となった。

次に図-19 は、今回の試験結果に既往の梁部材のせん 断試験の実験結果を加えて、実験結果と今回の提案の方 法による計算結果の比較を行ったものである。 V_1 で決ま るものを〇で、 V_2 で決まるものを口で示す。これによる と実験値の大きいところで危険側の評価を行う結果も あるが、それ以外は概ね精度よく評価できているものと 考えられる。なお危険側に評価している実験値の大きい ものは、試験体の断面高さが 2m 以上となるものである。

今回行った実験とあわせて,既往の梁部材のせん断試 験を含めた各パラメータの範囲は,以下のとおりである。

せん断スパン比: 0.5~2.5

せん断補強鉄筋比:0~1.89%

軸力:0~1.5N/mm²

有効高さ:265~2,000mm

コンクリートの圧縮強度:15.5~32.0N/mm²

以上より,今回の本論文で検討した範囲においては, 柱および梁の部材の違いによる計算結果の相違は確認 されず,部材の種類に関係なく今回の提案の方法により せん断耐力を評価することが可能であると考えられる。

5. まとめ

以上より, せん断スパン比の小さい RC 柱部材の水平 加力試験およびせん断耐力計算の結果, 得られた知見に ついて以下に示す。

- ・せん断補強鉄筋比が 0.72%以上となる場合は、せん断 スパン内の斜めひび割れは分散して発生するが、せん 断補強鉄筋比が 0~0.25%程度の小さい場合は、せん断 スパン内の斜めひび割れは数本程度に集中して発生 し、その後破壊に至る。
- ・試験の範囲内であるせん断補強鉄筋比が 1.01%以下の場合, せん断スパンの高さ約 2/3 までのせん断補強鉄筋が圧縮ストラットに沿って降伏ひずみに達し, せん断補強鉄筋比 1.58%以上のせん断補強鉄筋を配置した場合は, せん断補強鉄筋が降伏ひずみに達しなかった。
- ・実験値と提案の方法による計算値の比較の結果,比較 的精度よく評価できた。また V_1 , V_2 の決定要素はせ ん断補強鉄筋比に影響し,1.01%以下の場合は V_1 でせ ん断耐力が決定し,せん断補強鉄筋比が1.58%以上の 場合は V_2 でせん断耐力が決定する結果となった。



図-19 今回および既往の実験値と計算値 V₃の関係

参考文献

- 谷村幸裕,佐藤勉,渡邊忠朋,松岡茂:スターラップを有するディープビームのせん断耐力に関する研究,土木学会論文集 No.760/V-63, pp.29-44, 2004.5
- 2) 土木学会:コンクリート標準示方書[構造性能照査 編], pp.190-192, 2002
- 鉄道総合技術研究所:鉄道構造物等設計標準・同解
 説 コンクリート構造物, pp.142-150, 2004.4
- 4) 二羽淳一郎:FEM 解析に基づくディープビームのせん断耐力算定式,第2回RC構造のせん断問題に対する解析的研究に関するコロキウム論文集, pp.119-126,1983
- 林川俊郎,斉藤文彦,角田与史雄:せん断補強鉄筋 を有する RC ディープビームの強度について、コン クリート工学年次論文報告集, Vol.12, No.2, pp.319-324, 1990