# 論文 せん断スパン比の小さい鉄筋コンクリート梁のせん断耐力に関する 支持条件の影響

前田 友章<sup>\*1</sup>·田所 敏弥<sup>\*2</sup>·谷村 幸裕<sup>\*3</sup>·渡辺 健<sup>\*4</sup>

要旨: せん断スパン比の小さい鉄筋コンクリート梁 (ディープビーム) に関して,多くの実験的・解析的検 討がこれまでにも報告され,せん断耐力を精度よく評価できる算定式が提案されている。しかし,逆対称曲 げモーメントを受けるディープビームに関しては,これまでに研究例が少なく,土木構造物の設計では,単 純支持されたディープビームのせん断耐力算定式を適用しているのが現状である。本研究では,ディープビ ームに逆対称曲げモーメントが作用する載荷試験を実施し,せん断耐力算定式を検討する。あわせて,単純 支持されたディープビームのせん断耐力算定式との比較を行い,支持条件の影響を考察する。 キーワード:逆対称曲げモーメント,ディープビーム,せん断耐力,支持条件

1. はじめに

鉄筋コンクリート (RC) ラーメン高架橋の横断方向の 地中梁および中層梁などにおいては,地震による水平荷 重が作用すると,梁の支間中央においてモーメントの正 負が反転する,逆対称曲げモーメント分布が形成される (図-1)。このような梁は,せん断スパン(a)と有効 高さ(d)の比(a/d)が比較的小さい,ディープビーム 的構造となる場合も少なくない。ディープビームを有す る土木構造物の設計に対して,現在では,単純支持され たディープビームのせん断耐力算定式<sup>1)</sup>が適用されてい る。このような支持条件において,せん断補強効果<sup>2)</sup>や 寸法効果<sup>3)</sup>など,ディープビームに関する多くの知見が

近年までに蓄積されている。 これまでのディープビームの研究には,形成されるタ

イドアーチ的耐荷機構の,圧縮ストラットを対象に検討 を行っている点に特徴がある。また,逆対称曲げモーメ ントを受ける柱および梁を対象としたものとして,日本 建築学会の靭性保証型耐震設計指針<sup>4</sup>があり,耐荷機構 として,トラス機構および梁全長に形成されるアーチ機 構が考慮されている。

本研究で対象としている,逆対称曲げモーメントを受けるディープビームにおいては、単純支持されたディー プビームを前提とした,現行の算定式の適用は適当でない可能性がある。

本研究は、ディープビームにおける支持条件の違いに よる影響を考察するとともに、逆対称曲げモーメントを 受けるディープビームの新たなせん断耐力算定式を検 討し、現行の算定式と比較することを目的としている。 具体的には、逆対称曲げモーメントが作用する載荷試験 を実施し、既往の研究<sup>2)</sup>と比較することで、支持条件の 相違による破壊形態、耐荷機構への影響を考察する。ま た、載荷試験の結果から、逆対称曲げモーメントを受け るディープビームのせん断耐力( $V_y$ )と、a/dおよびせん 断補強鉄筋比( $p_w$ )との関係を定式化し、現行の算定式 と比較、考察する。

載荷試験では、支持条件がせん断耐力におよぼす影響 を確認するため、単純支持されたディープビームを対象 とした既往の研究<sup>2)</sup>の試験体諸元を参照している。

# 2. 載荷試験

#### 2.1 試験体および載荷方法

図-2に, 試験体概要を示す。試験体は, 左右にフー チング部を有する矩形断面の RC 梁であり, 中央の試験 区間は長さ*L=2a*, 有効高さ*d*=400mmおよび幅*b*<sub>w</sub>=300mm



\*1 (財)鉄道総合技術研究所 構造物技術研究部コンクリート構造研究室研究員 工修 (正会員)
\*2 (財)鉄道総合技術研究所 構造物技術研究部コンクリート構造研究室副主任研究員 博(工) (正会員)
\*3 (財)鉄道総合技術研究所 構造物技術研究部コンクリート構造研究室室長 博(工) (正会員)
\*4 東京工業大学大学院 理工学研究科土木工学専攻助教 Ph.D. (正会員)



	試験体諸元,材料試験値												試験値2)
試験体		4		h	せん断補強鉄筋			軸方向鉄筋	コンクリート	V <sub>exp</sub>	V <sub>c exp</sub>	$V_{s exp}$	V
No.	a/d	(mm)	(mm)	0 (mm)	呼び名	$P_{w}$	$f_{wy}$	$f_{sy}$	$f'_c$	(kN)	(kN)	(kN)	$\frac{v_{te}}{(kN)}$
		()	()	()	нл O.нц		$(N/mm^2)$	$(N/mm^2)$	$(N/mm^2)$				(KI)
No.1					_	0	_	721	28.6	381	380	0	632
No.2	1.0	400	400	1700	D10	0.0048	390	721	27.3	544	380	164	750
No.3	1.0	400	400	1700	D13	0.0084	369	721	28.9	621	380	234	804
No.4					D16	0.0132	381	734	25.4	758	380	387	—
No.5	1.5 400	400	600	1500	-	0	-	721	30.3	250	244	0	284
No.6					D10	0.0048	390	758	27.8	440	244	214	491
No.7					D13	0.0084	368	758	28.9	549	244	321	570
No.8					D16	0.0132	383	721	27.0	643	244	420	—
No.9	2.0 4	400	800	1300	_	0		721	29.3	138	136	0	—
No.10					D10	0.0048	390	721	26.9	394	136	248	416
No.11					D13	0.0084	368	758	29.3	519	136	369	440

表-1 試験体諸元,材料試験値および試験結果

**※**a/d: せん断スパン比 d: 有効高さ a: せん断スパン b: フーチングの載荷点支点間距離  $p_w$ : せん断補強鉄筋比  $f_{wy}$ : せん断補強鉄筋の引張降伏強度  $f_{sy}$ : 軸方向鉄筋の引張降伏強度  $f'_c$ : コンクリートの圧縮強度  $V_{exp}$ : 本研究の載荷試験から得られた最大せん断力  $V_{cexp}$ :  $V_{exp}$ のうち, コンクリートが分担したせん断力  $V_{sexp}$ :  $V_{exp}$ のうち, せん断補強鉄筋が分担したせん断力  $V_{te}$ : 既往の研究 <sup>2)</sup>の載荷試験から得られた最大せん断力

である。試験区間の軸方向鉄筋は, D29 の鉄筋を使用し, 断面の上下縁に計 8 本配置した。引張鋼材比は 2.14%, 軸方向鉄筋の芯かぶりは 50mm とした。これは,試験結 果を比較するために,既往の研究<sup>20</sup>の試験体諸元を忠実 に再現したものであり,ラーメン高架橋の梁部材を想定 した諸元となっている。

その他の試験体諸元を**表**-1に示す。試験体は,a/dおよび $p_w$ をパラメータとして,変化させたものを製作した。せん断補強鉄筋は,D10,D13およびD16の鉄筋を閉合形状にしたものを 100mm の間隔で配置した(図-2)。

また,使用した鉄筋およびコンクリートの材料試験値 を表-1に示す。なお,コンクリートは,水セメント比 が 0.605, 骨材最大寸法が 20mm であった。

載荷は、4 点曲げで単調載荷とし、支間中央において モーメントの正負が反転する、逆対称曲げモーメントを 作用させた(図-3)。載荷点および支点は、拘束を取 り除くためにローラー支承とし、幅 250mm の支圧板を 設置した。試験時のコンクリートの圧縮強度(f'c)の平



図-3 試験体の載荷状況

均値は, 28.3N/mm<sup>2</sup>であった。

# 2.2 測定項目

鉄筋のひずみは、梁高さ中央、および支間を対角に結 ぶ直線状の位置のせん断補強鉄筋、および軸方向鉄筋の 計測を行った(図-2)。コンクリートの主ひずみは、 梁高さ中央内部の計測を行った。

変位は、両フーチングの相対的位置の変化(以下、層

間変位)およびせん断スパンにおけるせん断変形を計測 した。せん断力は,載荷点および支点にロードセルを設 置し,その計測値から算出した。

## 2.3 試験結果および考察

図-4に載荷試験による,せん断力と層間変位関係を 示す。図-4から,せん断スパン比(a/d)の異なるディ ープビームにおいても,最大せん断力(V<sub>exp</sub>),およびV<sub>exp</sub> 以降の耐力低下に対して,せん断補強鉄筋が有効に機能 していることが確認できた。

図-5に逆対称曲げモーメントが作用する載荷試験, および単純支持載荷試験<sup>2)</sup>における最大せん断力時の試 験体 No.3 (*a/d*=1.0, *pw*=0.84%)のひび割れ状況を示す。

試験体 No.3 は, 載荷に伴い, 梁の引張縁に曲げひび割 れが発生し, その後, 曲げせん断ひび割れに進展, 拡大 した。さらに, 軸方向鉄筋に沿って付着ひび割れが発生 した。そして,支間中央部にせん断ひび割れが発生し, せん断補強鉄筋のひずみが増大,降伏ひずみに至り, 最 大せん断力に達した(図-5(a))

顕著なひび割れとなった,支間中央部に発生したせん 断ひび割れは,支間全体を対角に結ぶ直線となった。単 純支持されたディープビームに発生するせん断ひび割 れは、せん断スパンを対角に結ぶ直線となることが報告 されており、せん断ひび割れの形状が異なることがわか った(図-5)。

# 逆対称曲げモーメントを受けるディープビームのせん断耐力の評価

#### 3.1 支持条件の違いによる影響

表-1に、ディープビームの単純支持載荷試験<sup>2)</sup>から 得られた最大せん断力( $V_{te}$ )を示す。支持条件の違いに よるせん断耐力の影響を確認するため、 $V_{te}$ と本研究の逆 対称曲げモーメントが作用する載荷試験で得られたデ ィープビームの最大せん断力( $V_{exp}$ )の比較を行う。同 じ試験体諸元の $V_{exp}$ を $V_{te}$ で除した $V_{exp}/V_{te}$ と $a/d, p_w$ の関 係を図-6に示す。なお、 $V_{exp} / V_{te}$ を求める際、 $f'_c$ の影 響を考慮して、 $V_{exp}$ および $V_{te}$ は、それぞれの試験体の $f'_c$ の 2/3 乗で除すことで得た値を用いている。試験体 No.11 ( $a/d=2.0, p_w=0.84\%$ )を除いて、 $V_{exp} / V_{te} < 1.0$ となり、 a/dおよび $p_w$ が小さいほど $V_{exp} / V_{te}$ の値は小さくなった。

単純支持されたディープビームの破壊は, せん断スパ ンを対角に結ぶ圧縮ストラットの圧壊に起因して終局 に至る形態が報告されている。一方,本研究の載荷試験



では、圧縮ストラットが推定される斜めひび割れが支間 を対角に結ぶ直線に発生したこと、あるいは軸方向鉄筋 に沿ったひび割れが卓越して発生したことから、支持条 件の違いによる影響を受け、破壊形態が異なったと考え られる(図-5)。

#### 3.2 評価方法

3.1 から、支持条件の相違により、部材のせん断耐力 が異なることが考えられる。よって、逆対称曲げモーメ ントを受けるディープビームのせん断耐力 (V<sub>y</sub>) 算定式 を新たに検討する。

逆対称曲げモーメントを受けるディープビームにおいて、最大せん断力時のコンクリートの最小主ひずみが、 圧縮強度時のひずみに対して、比較的小さい値であるこ とが、既往の研究<sup>5</sup>によりわかっている。くわえて、せ ん断補強鉄筋が降伏に至ることから、ここでは  $1.0 \leq a/d$   $\leq 2.0$ の範囲についても、斜め引張破壊すると仮定した。 そのため、せん断耐力の評価においては、棒部材のせん 断耐力算定式<sup>6</sup>を基本とした。 $V_y$ はトラス理論に従い、

せん断補強鉄筋を除いたディープビームのせん断耐力 (コンクリートが分担するせん断耐力(V<sub>c</sub>)),およびせ ん断補強鉄筋が分担するせん断耐力(V<sub>s</sub>)の加算により 算出することとする。

$$V_y = V_c + V_s \tag{1}$$

*V<sub>v</sub>*: せん断耐力(kN)

Vc: コンクリートが分担するせん断耐力(kN)

Vs: せん断補強鉄筋が分担するせん断耐力(kN)

# 3.3 コンクリートが分担するせん断耐力の評価

載荷試験で得られた各試験体の最大せん断力を表-1に示す。試験体 No.1, No.5 および No.9 は, せん断補 強鉄筋のないディープビームであることから, 載荷試験 で得られたディープビームの最大せん断力 ( $V_{exp}$ )をコ ンクリートが分担するせん断力 ( $V_{cep}$ )とした。なお,  $V_{cep}$ を求める際,  $f'_{c}$ の平均値をそれぞれの試験体の  $f'_{c}$ で除した値の 1/3 乗を  $V_{exp}$ に乗じることで,  $f'_{c}$ の影響を 排除した。また,  $p_{w}$ 以外の諸元が等しい試験体のコンク リートが分担するせん断力は等しいと仮定し,  $V_{cep}$ を同 値とした (**表-1**)。

 $V_{c exp}$ をせん断補強鉄筋を用いない棒部材の設計せん 断耐力 ( $V_{cd}$ ) <sup>6</sup>で除した  $V_{c exp} / V_{cd} \geq a/d$ の関係を図-7 に示す。なお、図-7において、せん断耐力算定式の評 価を行うため、部材係数 ( $\gamma_b$ ) は 1.0、コンクリートの 設計圧縮強度 ( $f'_{cd}$ ) は $f'_c$ の平均値とした。 $V_{c exp} / V_{cd} \geq$ a/dには相関関係があり、式(6)で表わされ、 $V_c \geq V_{cd}$ の関 係には、式(7)が成り立つ。

$$V_{cd} = \beta_d \cdot \beta_{pl} \cdot f_{vcd} \cdot b_w \cdot d / \gamma_b$$
<sup>(2)</sup>

$$\beta_d = \sqrt[4]{1000 / d} \tag{3}$$

$$\beta_{p1} = \sqrt[3]{100} p_c \tag{4}$$

$$f_{vcd} = 0.2\sqrt[3]{f'_{cd}} \tag{5}$$

$$f(a / d) = -0.75 + 4 / (a / d)$$
(6)

$$V_c = f(a/d) \cdot V_{cd}$$

ここで,

*V<sub>cd</sub>*: せん断補強鉄筋を用いない棒部材の設計せん断耐力(kN)

 $b_w:腹部の幅(mm)$ 

*d*:有効高さ(mm)

 $\gamma_b$ : 部材係数

 $p_c: せん断引張鋼材比$  $p_c = A_s / (b_w \cdot d)$ 

(8)

(7)

 $A_s: 引張側鋼材の断面積(mm<sup>2</sup>)$ 

f'cd: コンクリートの設計圧縮強度(N/mm<sup>2</sup>)

*f(a/d)*:補正係数

*a/d*: せん断スパン比 (1.0≦*a/d*≦2.0)

式(6)で表わされる  $f(a/d) \ge a/d$ の関係,および現行の算 定式<sup>0</sup>から算出したせん断耐力 ( $V_{dd}$ ) を  $V_{cd}$ で除した  $V_{dd}$ / $V_{cd} \ge a/d$ の関係を図-7に示す。なお図-7において, せん断耐力算定式の評価を行うため、部材係数 ( $\gamma_b$ ) は 1.0, コンクリートの設計圧縮強度 ( $f'_{cd}$ ) は $f'_c$ の平均値 としている。

$$V_{dd} = (\beta_d + \beta_w) \cdot \beta_{p2} \cdot \beta_a \cdot f_{dd} \cdot b_w \cdot d / \gamma_b$$
(9)

$$\beta_w = 4.2\sqrt[3]{100} p_w \cdot (a/d - 0.75) / \sqrt{f'_{cd}}$$
(10)

$$\beta_{p2} = (1 + \sqrt{100 \, p_c}) / 2 \tag{11}$$

$$\beta_a = 5 / (1 + (a / d)^2)$$
(12)

$$f_{dd} = 0.19 \sqrt{f'_{cd}}$$
(13)

ここで,

*V<sub>dd</sub>*:現行の設計せん断耐力(kN)

*p<sub>w</sub>*: せん断補強鉄筋比

$$p_w = A_w / (b_w \cdot s_s) \tag{14}$$

*A<sub>w</sub>*:区間 s<sub>s</sub>における部材軸と直交するせん断補強鉄筋
 の総断面積(mm<sup>2</sup>)

*s<sub>s</sub>*:部材軸と直交するせん断補強鉄筋の配置間隔(mm) 式(6)で表される *f(a/d)*は、せん断スパン比の違いにか



かわらず,現行の算定式から算出した*V<sub>dd</sub> / V<sub>cd</sub>*よりも精 度よく評価できることが,図-7から確認できた。

## 3.4 せん断補強鉄筋が分担するせん断耐力の評価

載荷試験結果から求めた, せん断補強鉄筋が分担する せん断力(*V<sub>s exp</sub>*)を表-1に示す。3.3 において, *V<sub>c</sub>*が 求まっていることより,式(15)から*V<sub>s exp</sub>*を求めた。

 $V_{sexp} = V_{exp} - V_c \tag{15}$ 

Vexp:載荷試験から得られた最大せん断力(kN)

 $V_{sexp}$ : せん断補強鉄筋が分担するせん断力(kN)

 $V_{s exp}$ をせん断補強鉄筋により受け持たれる棒部材の 設計せん断耐力 ( $V_{sd}$ ) <sup>6</sup>で除した  $V_{s exp}$  /  $V_{sd}$  と a/d,  $p_w$ の 関係を図-8に示す。なお、図-8において、せん断耐 力算定式の評価を行うため、部材係数 ( $\gamma_b$ ) は 1.0、せ ん断補強鉄筋の設計引張降伏強度 ( $f_{wyd}$ ) は  $f_{wy}$  としてい る。

**3.2**から,逆対称曲げを受ける梁は、トラス理論が適用できる可能性がある。トラス理論に基づく $V_s$ の算定式を式(16)に表わす。 $V_{sd}$ は、圧縮ストラットの角度( $\theta$ )を45°( $\cot \theta = 1.0$ )として算定している(式(17))。

$$V_{s} = (A_{w} \cdot f_{wyd} \cdot z \cdot \cot \theta / s_{s}) / \gamma_{b}$$
(16)  
$$V_{s} = (A_{v} \cdot f_{wyd} \cdot z / s_{s}) / \gamma_{b}$$
(17)

 $V_{sd} = (A_w f_{wyd} \cdot z / s_s) / \gamma_b$ (17)

ここで,

 $f_{wyd}$ : せん断補強鉄筋の設計引張降伏強度(N/mm<sup>2</sup>) z: 圧縮応力の合力位置から引張鋼材の図芯までの距離 z = d / 1.15 (18)

図-8より、 $p_w$ が大きい場合、または、a/dが小さい場合に、45°の圧縮ストラットを仮定したトラス理論を適用することは、せん断補強鉄筋が分担するせん断耐力 ( $V_s$ )を過大評価していることがわかった。これは、圧縮ストラットが45°とならないことが考えられるためである。 $V_{s\,exp}$ と $V_{sd}$ の比は、式(16)から $cot \theta$ を意味しており、図-8から、 $cot \theta$ はa/dおよび $p_w$ と線形関係が成り立つことがわかっており、 $cot \theta$ の算定式として式(19)を求めた。

$$\cot \theta = 0.44(a/d) - 35p_w + 0.58$$
 (19)  
図-9に、  $\theta \ge a/d$ および  $p_w$ の関係を示す。  $\theta$ は  $a/d$ および  $p_w$ の影響を受け、  $a/d$ が小さい、または  $p_w$ が大き  
れば  $\theta$ が大きくなり 45°を超過する傾向にある。

図-8に式(15)、式(16)、式(19)で表される  $V_s$ ,  $V_{s exp}$ と a/d,  $p_w$ の関係を示す。式(16)、式(19)は、a/dおよび  $p_w$ の違いにかかわらず、試験結果とほぼ一致しているこ とが確認できた。試験体 No.4 については、 $V_s$  と  $V_{sexp}$ に 若干の乖離が認められた。試験体 No.4 は他の試験体と比 較して、最大せん断力時、破壊モードが異なる可能性が ある。ただ、式(16)、式(19)から求まる  $V_s$ は、 $V_{s exp}$ より も小さな値であり、安全側に評価されている。



		平均值	標準偏差
タイの計験	$V_{exp}/V_y$	1.14	0.26
主ての武殿	$V_{exp}/V_{dd}$	1.19	0.31
$V_{exp} \ge 200 \text{kN}$	$V_{exp}/V_y$	1.03	0.08
の試験	$V_{mm}/V_{dd}$	1 20	0.29

表-2  $V_{exp}/V_{y} \geq V_{exp}/V_{dd}$ の平均値,標準偏差

# 3.5 現行の算定式との比較

逆対称曲げを受ける RC 部材のせん断耐力に関する既 往の研究<sup>77~11)</sup>,および本研究による載荷試験結果を用い て,現行の単純支持されたディープビームのせん断耐力 算定式から求めたせん断耐力(*V<sub>dd</sub>*)<sup>6</sup>と本研究で提案し た算定式式(1)から求めたせん断耐力(*V<sub>y</sub>*)の比較を行う。

 $V_y$ ,  $V_{dd}$  と既往の研究,および本研究の載荷試験から得られた最大せん断力 ( $V_{exp}$ )を比較したものを図-10に示す。 $V_y$ と  $V_{dd}$ の  $V_{exp}$ との相関関係を比較するため, それぞれの  $V_{exp}$  /  $V_y$ と  $V_{exp}$  / $V_{dd}$ の平均値と標準偏差を表-2に示す。表-2から、本研究の提案式は、現行の算定 式と比較して、相関がよく、特に  $V_{exp}$ が 200kN 以上にな る試験については、その傾向が顕著であることがわかった。これは、せん断補強鉄筋を配置している、逆対称曲 げモーメントを受けるディープビーム試験体について、 せん断補強鉄筋をほとんど評価しない  $V_{dd}$ に対し、 $V_y$ は 適切に評価しているからであると考えられる。

また,算出された *V<sub>y</sub>*と *V<sub>dd</sub>*を比較すると,*V<sub>dd</sub>*は *V<sub>y</sub>*よ りも小さな値となる傾向にあった。*V<sub>y</sub>*は逆対称曲げモー メントを受ける梁,*V<sub>dd</sub>*は単純支持された梁を前提とした 算定式であることから,せん断補強鉄筋がないディープ ビームのせん断耐力は,*V<sub>dd</sub>*が *V<sub>y</sub>*よりも大きな値となる (図-7)。しかし,*V<sub>y</sub>*は斜め引張破壊を前提にしてい るのに対し,*V<sub>dd</sub>*はせん断圧縮破壊を前提にしている算定 式であることから,せん断補強鉄筋が配置されているデ ィープビームのせん断耐力は,*V<sub>y</sub>*が *V<sub>dd</sub>*よりも大きな値 になると考えられる。

また、 $V_{cd}$ および $V_{sd}$ を求める際に、部材係数を考慮した場合の $V_y$ と既往の研究および本研究の試験結果の $V_{exp}$ を比較したものを図ー11に示す。図ー11より、設計の際に考慮する部材係数により、全ての載荷試験結果対して、 $V_y$ が安全側に算出されていることが確認できた。

#### 4. まとめ

本研究で実施した載荷試験,および既往の研究結果と の比較から得られた知見を以下に示す。

- (1)支持条件の相違により、ディープビームの破壊形態が 異なることがわかった。
- (2)逆対称曲げモーメントを受ける、せん断補強鉄筋のないディープビームのせん断耐力は、単純支持されたディープビームのせん断耐力よりも小さくなることが

わかった。

- (3)載荷試験の結果より,逆対称曲げモーメントを受ける ディープビームのせん断耐力算定式について検討し, 斜め引張破壊を前提とした算定式を提案した。
- (4)逆対称曲げモーメントを受けるディープビームについて,現行の算定式で算出したせん断耐力(V<sub>dd</sub>)と提案した算定式で算出したせん断耐力(V<sub>y</sub>)の比較を行い,提案した算定式が十分な精度を有していることを確認した。

#### 参考文献

- 二羽淳一郎:FEM 解析に基づくディープビームのせん断耐荷力算定式,第2回RC構造のせん断問題に対する解析的研究に関するコロキウム論文集, pp.119-126, 1983.10
- 谷村幸裕,佐藤勉,渡邊忠朋,松岡茂:スターラップを有するディープビームのせん断耐力に関する研究,土木学会論文集,No.760/V-63, pp.29-44, 2004.5
- 3) 幸左賢二,脇山知美,西岡勉,小林寛:せん断スパン比に着目したディープビームの破壊形態に関する実験的検討,土木学会論文集 E, vol.62, No.4, pp.798-814, 2006.11
- 日本建築学会:鉄筋コンクリート構造物の靭性保証 型耐震設計指針・同解説,1999
- 5) 渡辺健,田所敏弥,谷村幸裕,黒川浩嗣:逆対称曲 げが作用したディープビームの破壊性状に関する せん断スパン比の影響,コンクリート工学年次論文 集, Vol.29, No.3, 2007
- (財)鉄道総合技術研究所:鉄道構造物等設計標準・同解説(コンクリート構造物),2004.4
- 7) 鈴木,谷村,楠本:逆対称曲げを受けるせん断スパン比の小さい梁の耐力に関する実験的研究,コンクリート工学年次論文集,vol.26,No.2,2004
- 荒川,加藤,山本,今野:正負繰り返し荷重を受ける鉄筋コンクリート部材のせん断耐力性状について、日本建築学会大会学術講演概要集,vol.45, pp.713-714,1970
- 9) 荒川,武田,山本,小島:正負繰り返し荷重を受ける鉄筋コンクリート部材のせん断耐力性状について(その2),日本建築学会大会学術講演概要集,vol.46, pp.803-804, 1971
- 野口,堀川:鉄筋コンクリートばりのせん断抵抗機 構に関する研究,日本建築学会大会学術講演概要集, vol.56, pp.1479-1480, 1981
- 高木,奥出,新田:せん断補強筋の強度による梁の せん断耐力,コンクリート工学年次論文報告集, Vol.11, No.2, 1989