論文 PC 鋼より線の付着履歴特性を考慮した圧着型 PCaPC 曲げ部材の FEM 解析

市岡 有香子*1·河野 進*2·渡邉 史夫*3

要旨: 圧着型プレキャストプレストレストコンクリート部材の曲げ挙動解析のため, 繰返しによる付着応力 劣化を考慮した PC 鋼材の付着-すべり関係モデルを構築し, FEM 解析モデルに組み込んだ。本付着すべり モデルは PC 鋼より線を対象としたもので, FEM 解析により, 片持ち梁の繰返し載荷実験における荷重-部 材角関係, 及び PC 鋼より線の張力変化について実験結果を精度良く追跡できた。一方, 同 FEM モデルで付 着すべり特性を弾性または完全付着としたモデルでは, 荷重を過大評価する結果となった。また, 付着劣化 を考慮した部材履歴モデルの構築に有用な知見として, 繰返し載荷時の付着応力分布の推移を明らかにした。 キーワード: プレキャスト, プレストレストコンクリート, 付着特性, FEM 解析, 圧着

1. はじめに

圧着型プレキャスト(以下 PCa と略記) プレストレス トコンクリート(以下 PC と略記)構造では,部材間目 地部の離間を許容すれば,目地部の開閉に変形を集中さ せて他の部分の損傷をごく軽微に留めることができる。 この点に着目し,1990年代より,弱点となるエネルギー 消費性能をダンパー等で補うことによって,復元性を有 し,かつ地震時応答を低減できる構造形式としての研究 が進められている^{1),2)など}。著者らも,これまでに混合よ り線を用いた構法³⁾,波形鋼板ダンパーを用いた構法⁴⁾ について,その実用可能性及び RC 構造と比較した際の 損傷抑制効果等を示してきた。

本研究では,過去に提案された PC 鋼材の付着- すべ り関係の繰返し履歴モデルに修正を加え,ランダムな繰 返し載荷に適用可能なモデルを新たに提案する。更に, 既往の研究³⁾における片持ち梁試験体を対象として,修 正付着モデルを反映した FEM 解析を行い,繰返し載荷 時の荷重-変形角関係及び PC 鋼より線の張力変動を算 定する。

*1 日本建築総合試験所 工博 (正会員) *2 京都大学大学院 工学研究科 准教授 工博 (正会員) *3 京都大学大学院 工学研究科 名誉教授 工博 (正会員)



2. PC 鋼より線付着モデルの構築

2.1 既往の付着モデルの問題点及びその解決方法

足立ら⁵⁾は森田・角⁶⁾の普通鉄筋を対象とした付着す べりモデルを基に, PC 鋼より線の付着すべりモデルを提 案した。このモデルは、単調(あるいは繰返し時の第1 サイクル)載荷時には図-1(a)のように付着応力が降伏 により一旦低下した後に再上昇し、繰返し時には図-1 (b)の包絡線と、(c)及び(d)に示す前サイクルの最大応力 及びすべり振幅から規定される履歴経路を辿るモデル である。図-2に示すように、すべり振幅が漸増する載 荷履歴とした場合、足立らのモデルは実験結果を精度良 く模擬した。

しかし、このモデルは新サイクルの履歴が前サイクル の最大応力とすべり量に依存するため、ランダムな載荷 履歴を与える場合においては以下の点が問題となり履 歴が計算できない。

- 初回のサイクルにおいて、すべり量が図-1(a)の A 点を超えずに反転する場合の履歴が定義されていない。
 また A 点を超える場合でも、ある程度すべり振幅が大 きくないと、応力減少域の開始点や終了点のすべり量
 が図-1(d)の4等分区間による値を越えてしまう。
- ・前サイクルよりも小さなすべり量で載荷方向を反転 する場合についての履歴が定義されていない。

そこで本研究では、どのような繰返し履歴にも対応で きるように足立らのモデルを修正した。足立らのモデル と異なるのは次の2点である。

- 単調載荷時曲線と繰返し載荷時包絡線を同一の曲線
 で表現した。
- 前サイクルまでの最大経験すべり量に基づき「仮定 サイクル」を設定することで、ランダムな繰返し時に も履歴が決定できるようにした。

2.2 修正付着モデル詳細

以下では修正したモデルについて詳述する。修正モデ ルの付着応力-すべり量関係を図-3に示す。

【単調載荷曲線及び繰返し時包絡線】

修正モデルの単調載荷曲線及び繰返し時包絡線は,原 点・点 X (付着降伏点(*S_y*, *τ_y*))・点 A (足立らのモデル(図 -1(a))の点 A と同じ(6.0*S_y*, 0.65*τ_y*))・点 B'(足立らの モデル点 B を修正した点(80*S_y*, 1.0*τ_y*))を直線で結んだも のとする。第3折れ線(A-B')の剛性を低下させて繰 返し時の包絡線(図-1(b))に近付けることで,単一の 曲線を用いた表現とした。

【繰返し時の付着特性を定める係数】

係数 a, β ともに,式(1)~(3)に示すように足立らのモ デルと同じ値を用いた。ただし, β の計算に用いるすべ り量は,足立らのモデルでは前サイクルの最大すべり量 であるのに対し,修正モデルではそれまでの全サイクル における最大経験すべり量とした。

- $\alpha = 0.45 \tag{1}$
- $\beta = 0.75 + 0.04 |S_{max}| \quad (|S_{max}| \le 5(\text{mm})\mathcal{O} \succeq \rightleftharpoons)$ (2)
- $\beta = 0.95 \qquad (|S_{max}| > 5(\text{mm})\mathcal{O} \succeq \rightleftharpoons) \qquad (3)$
- ここに, S_{max}: それまでの最大経験すべり量(mm)。

【繰返し時の履歴】

繰返し時の履歴は以下の i)~v)で定義した。なお,応 カー定域を,足立らは図-1(d)のように前サイクルのす べり振幅の4等分区間の中央2区間として定義していた が,修正モデルではモデルの適合性を上げるため5等分 点を用い,中央の1区間で応力一定とした(図-4)。

- i) 【載荷開始~】載荷開始から付着降伏を経験するまで は、原点を通り初期剛性 K_0 (= τ_y / S_y)の直線上を移動 する (図-3のO→X)。
- ii) 【反転1回目,「仮定サイクル」定義】付着降伏を経 験後, すなわちすべり量が S_vを超えてから反転すると

きは、反転時のすべり量 S_{p1} 及び付着応力 τ_{p1} に基づき、 初回サイクルの点 C~J を以下のように仮定する。(図 -3の X→A→Y→C→D→E→F→G→H→I→J)

- ・点 C $(S_C, -\alpha \tau_{p1})$: $S_C = S_{p1} (1 + \alpha) \tau_{p1} / K_0$
- ・点 D $(S_D, -\alpha\beta\tau_{p1})$: $S_D = (3S_{p1} + 2S_{n1}) / 5$ ただし $S_{n1} = -S_y$
- ・点 E $(S_E, -\alpha\beta\tau_{p1})$: $S_E = (2S_{p1} + 3S_{n1}) / 5$
- ・点 F (-S_y, τ_F): 点 F は負側のスケルトンカーブ第3折れ線(A-B)の延長線,すなわち包絡線上で, x 座標が-S_yとなる点。
- ・点G(S_G , - $\alpha \tau_F$): $S_G = S_{n1} (1 + \alpha) \tau_F / K_0$
- ・点 H (*S_H*, -*a*βτ_F)
- ・点 I (S_D , - $\alpha\beta\tau_F$)
- ・ 点 J $(S_J, \beta \tau_{p1})$: $S_J = S_{p1} (1 \beta) \tau_{p1} / K_0$

ただし、C-D間またはD-E間で履歴が負方向の初期 弾性直線O-X、と交わる場合は、交点以降は負方向の 初期弾性直線と包絡線上を移動する($\mathbf{2}-5$)。また、 点Cのすべり量が点Dのすべり量 S_D を下回る場合には、 直線C-Dの傾きを- K_0 として S_D を再計算する。









のすべり量が点 F を超える場合は,ii)における点 G~J について, S_{n1} を反転時のすべり量に代えて「仮定サイ クル」を再計算する。以後のサイクルでは、反転時の 最大すべり量が更新されるごとにサイクルを仮定し直 す。ただし,正負いずれの側のサイクルでも応力再上 昇後の履歴はスケルトンカーブを超えないものとする。 (図-3の X→A→Y→C→D→E→F→Y')

- iv)【反転2回目以降(最大すべり量更新なし)】反転時のすべり量が点F(またはそれまでの最大経験すべり量)を超えない場合には、「仮定サイクル」を更新しない。傾きK₀の除荷直線が「仮定サイクル」と交わった時点で、以降は「仮定サイクル」上を移動するものとする。(図-6のX→A→Y'→C→D→E→F'→G'→H')
- v) 以降の挙動は最大すべり量を超えなければ iv),超えれば iii)を繰返し、以後、最大すべり量が更新されるたびに「仮定サイクル」を更新することで、どのような繰返し履歴においても付着強度を得ることができる。 [足立らの実験結果との比較]

図-2に修正付着すべりモデルと、足立らのモデル及 び実験結果との比較を示す。修正モデルは、足立らのモ デルと同程度かそれ以上の精度で実験結果と一致した。

3. FEM 解析による片持ち梁実験結果の追跡

3.1 解析モデル

修正付着すべりモデルを PC 鋼より線の付着特性に反映して,FEM 解析を行った。解析対象は,文献 3)における片持ち梁試験体 BOND(緊張材に普通より線を使用し, グラウトしたもの)である。図-7に解析モデル形状を, 表-1及び表-2に試験体諸元を示す。図-8に梁の断 面詳細を示す。解析プログラムは Abaqus v6.7 を用いた。

モデルは梁及びスタブ部分から成る。目地モルタルは モデル化せず,梁部分のコンクリート要素長さに含めた。 本来はヤング係数や強度が異なるのでモデル化すべき だが,解析対象とする試験体では目地幅が15 mm と小さ く,また解析範囲である部材角 R≦2.0%の範囲では圧 壊・剥落が軽微であったため,全体の挙動に与える影響 は小さいと判断した。梁とスタブの境界において,引張 時に無抵抗で,圧縮時にはそれに接続する要素の応力を



完全に伝達する特性を持つ接触対を設けて,圧着型 PCaPC 部材の特徴である圧着接合面の開閉を模擬した。

圧着面に生じるせん断力については、梁-スタブ間圧 着面の鉛直方向摩擦力のみを考慮し、摩擦係数は 0.6 と した。圧着面のせん断力が摩擦力を上回る場合は、圧着 面にすべりが生じ、この時点で解析終了とする。PC 鋼材 のみ通し配筋として付着すべりを考慮し、組立筋及びせ ん断補強筋は完全付着とした。解析モデルを構成する各 要素の詳細は以下である。

- (A) コンクリート:4 節点平面応力要素を用い,材料特 性は Abaqus に用意されているコンクリート損傷塑性モ デル^{7),8)}とした。圧縮側では実験時のシリンダー圧縮試 験結果に基づき Mander の拘束効果⁹⁾を考慮した応カー ひずみ関係を設定し,除荷時の剛性は初期剛性の 1/2 と した。引張側では,応力は引張強度に達した後,初期 剛性×-1 の傾きで低下するとし,除荷時の剛性は初期 剛性の 1/2 とした。
- (B) 普通鉄筋:組立筋及びせん断補強筋は2節点トラス 要素を用い、完全付着を仮定して各節点をコンクリー ト要素に固定した。材料特性はバイリニア型とし、降 伏後の剛性低下率を0.03とした。
- (C) PC 鋼材:2節点トラス要素を用い、1要素の長さは 埋設されるコンクリート要素の長さ(=100 mm)に一 致させた。この要素長さは、足立ら⁵⁾がモデルの提案に 用いた試験体の付着長さ127mmに近く、2章で示した 付着特性を適用して問題ないと考えられる。鋼材の両 端は耐圧板外面に拘束し、他の節点はPC 鋼材要素軸方 向にのみ変位可能とした。材料特性は鉄筋と同様のバ イリニア型(降伏後剛性低下率 0.03)とした。梁端に

表-1 FEM 解析に用いた試験体諸元(その1)

より線	断面積	降伏強度	引張強度	弹性係数	より線初期導入力	初期導入力の	付着強度	τ_y 時すべり量
	(mm ²)	(MPa)	(MPa)	(GPa)	(kN / 本)	軸力比換算値	<i>τ_y</i> (MPa)	S_y (mm)
SWPR7B Ø15.2	138.7	1774*	2718	191	97.9	0.062**	4.1	0.18

*降伏強度は 0.2%オフセット時の値, **コンクリート強度について Mander の拘束効果を考慮した値

表-2 FEM 解析に用いた試験体諸元(その2)

鉄筋	D6	D10	D19
降伏強度 (MPa)	370	377	346
引張強度 (MPa)	519	511	539
弾性係数 (GPa)	173	171	159
コンクリート類	梁	スタブ	グラウト
圧縮強度 (MPa)	52.6*	60.6*	45.4
割裂引張強度 (MPa)	4.3	4.7	計測せず

*Mander の拘束効果⁹⁾を考慮した値



強制変位を与えるステップの前に、初期導入力に相当 するひずみを与えた。

(D) ボンドリンク:図-9のように、コンクリート要素 に固定した節点 A と PC 鋼材の節点 B の間に、非線形 バネであるボンドリンクを設けた。非線形バネとして トラス要素を設定し、材料の履歴特性に修正付着すべ りモデルを指定した。これにより、AB 間の距離の変化、 すなわち PC 鋼材のコンクリート要素に対するすべり 量に応じて、AB 間で付着力が生じる。トラス要素の断 面積は、PC 鋼材の周長×要素長さとし、PC 鋼より線 の周長は公称径を直径とする円の周長とした。PC 鋼材 に初期ひずみを与える際には、耐圧板外面の拘束のみ 残してボンドリンクを無効とした。コンクリートに圧 縮力が生じて応力が釣り合った後に、再度ボンドリン クを有効にして、梁端に強制変位を与えた。付着降伏 時(図-3の点 A)のすべり量 Sy及び付着強度 cpは、 以下に示す是永ら¹⁰⁾の提案式を用いた。

$$S_y = 2.88 \times 10^{-3} \tau_y \times \phi \tag{4}$$

$$\tau_y = 0.602\alpha \times (_G \sigma_B)^{1/2} \tag{5}$$

ここに、 ϕ :鋼材径(より線の公称径)(mm), α :より 線の形状による係数で、7本より線では α = 1.0、 $_{G\sigma_B}$: グラウト材圧縮強度(MPa)。

3.2 解析結果と実験結果の比較

FEM モデルに,部材角 *R* = 0.5, 1.0, 2.0%各 2 サイク ルずつの履歴を与えて解析を行った。図-10(a)に荷重-部材角関係,図-11(a)に正方向載荷時に引張側となるよ り線張力-部材角関係における解析結果と実験結果の 比較をそれぞれ示す。実験結果におけるより線の張力は, より線の圧着面位置に貼付したひずみゲージ値から算 出した。提案した解析モデルは,荷重一部材角関係にお いて実験結果を高い精度で追跡できた。より線の張力に 関しても実験時の挙動を良好に再現でき,圧着型 PCaPC 部材の挙動を精度良く模擬できるモデルを実現した。

4. 付着すべり特性を変数としたケーススタディ

3章で示した FEM 解析において, ケーススタディとし て, 付着すべり特性を弾性とする場合, 及び完全付着と する(付着すべりが生じない)場合について, 3章と同 じ履歴を与えた解析をそれぞれ行い, 付着すべり特性が 及ぼす影響を明らかした。

4.1 荷重一部材角関係

図-10に、付着劣化考慮(2章の付着すべりモデルを ボンドリンクに適用),付着すべり弾性(ボンドリンク に2章の付着すべりモデル初期剛性と同じ剛性を有する 弾性バネを適用),完全付着(ボンドリンクを剛に設定) の場合の荷重-部材角関係をそれぞれ示す。付着劣化を 考慮したモデルの履歴が実験結果とほぼ一致している のに対し、付着すべりを弾性とした場合は圧着面離間(R = 0.3%付近)後の剛性低下量が小さく, R = 1.4%付近で PC 鋼材が降伏した。このときの荷重は実験結果の約1.2 倍であった。また, R = 2.0%第1 サイクル負側で, コン クリートの圧壊が大きくなったことにより、収束不能の ため計算を終了した。完全付着とした場合には、R=0.6% 付近でPC鋼材が降伏するまで剛性がほとんど低下せず, 耐力は R = 1.0%時で実験結果の 1.3 倍程度となった。ま た、PC 鋼材の降伏によって除荷時の圧着力が減少し、R =1.0%第1サイクル終盤で圧着面にすべりが発生したた め解析を終了した。

4.2 より線張力-部材角関係

図-11に、付着特性の異なる3モデルにおける、正方 向載荷時に引張側となるより線の張力-部材角関係を 示す。付着劣化を考慮したモデルでは実験結果を良好に 追うことができ、PC 鋼材は弾性範囲で挙動した。付着す べり特性を弾性としたモデルでは張力変動が大きく、R= 1.4%でより線が降伏した。完全付着としたモデルでは、 張力の履歴は実験と大きく異なったものとなり、R= 1.0%第1サイクルの除荷時には圧縮となった。同サイク ル終盤では、正方向載荷時に圧縮側となるより線も降伏 して張力低下したため、圧着面に生じるせん断力が摩擦 力を上回って梁-スタブ間にすべりが発生し,解析を終 了した。

4.3 付着応力分布の推移

4.2 節より, PC 鋼材の付着特性を適切に考慮しなけれ ば, PC 鋼材の張力変動を過大に見積もることになり,想 定する変形において部材の耐力を過大評価してしまう おそれがあることがわかった。以下では,付着劣化を考 慮した PCaPC 曲げ部材の履歴モデル構築を視野に入れ, モデル化において考慮すべき一要因である付着応力分 布について検討する。

図-12に、付着劣化考慮モデル、及び付着すべりを弾 性としたモデルにおける、PC 鋼材の付着応力分布の推移 を示す。材軸方向位置0mmを梁とスタブの圧着面とし、 付着応力は、各ボンドリンクに生じた応力を、鋼材の伸 び出しに抵抗する向きを正としてプロットした。付着劣 化考慮モデルでは付着降伏がちょうどR=0.5%で発生し たため、図-12(c)に示すように、付着降伏発生まではR = 0.5%第1サイクル、以降はR=1.0%第1サイクルの、 それぞれ正側半サイクルにおける各点の結果を示した。 付着すべりを弾性としたモデルでは、図-12(d)に示すよ うにR=1.0%第1サイクルの正側半サイクルにおける各 点の結果を示した。

載荷時(図-12(a))については、付着降伏発生までは、 応力分布は両モデルとも圧着面を頂点とする概ね三角 形の形状となった。以降,付着劣化考慮モデルでは,降 伏を経験したボンドリンクの応力が減少し(図-3のX -A間に相当),その他のボンドリンクの応力が引き続き 増加するため,降伏発生前の三角形から中央部が陥没し た形状になった。一方の付着すべり弾性モデルでは,応 力分布形状は引き続き三角形となった。除荷時(図-12(b))については,付着劣化考慮モデルでは,降伏を経 験したボンドリンクほど応力の低下量が大きく,圧着面 付近の付着応力のみが負の値となった。しかしこの応力 減少は,負側の付着降伏強度に達することで頭打ちとな り,その後は降伏を経験していないボンドリンクの応力 が低下することで,除荷完了時(荷重0時)には応力分 布の形状は台形となった。一方の付着すべり弾性モデル では,応力分布形状は載荷時と同じ三角形のまま推移し, 除荷完了時には応力は全てのボンドリンクで0となった。

5. 結論

本研究の結論は以下である。

- (1) PC 鋼より線の付着応カーすべり量関係に関する既往 の繰返し履歴モデルを修正し, FEM 解析におけるラン ダムな繰返し履歴に対応可能なモデルを提案した。
- (2) 圧着型 PCaPC 部材において,圧着接合面の離間と PC 鋼材の繰返しによる付着劣化を考慮した FEM 解析によ り,圧着型 PCaPC 片持ち梁の繰返し載荷実験における,





荷重-部材角関係及び PC 鋼材の張力変化を精度良く 追跡した。

- (3) 提案した FEM モデルを用いて, 付着すべり特性を変 数としたケーススタディを行い, 付着すべりを弾性と した場合, または完全付着とした場合には, PC 鋼材が 実際より早期に降伏し, 変形に対して荷重を過大に見 積もる結果となることを示した。
- (4) 付着劣化を考慮した圧着型 PCaPC 曲げ部材の履歴モ デル構築に必要となる, 繰返し載荷時の PC 鋼材付着応 力分布の推移について,提案した FEM モデルにより, 付着劣化を考慮した場合と付着すべり弾性とした場合 の差異を明らかにした。

謝辞

本研究の付着モデル構築に当たり,日本建築総合試験 所 足立将人氏に,貴重な実験データを提供していただ きました。ここに謝意を表します。

参考文献

- Priestley, M.J.N., Sritharan, S., Conley, J.R. and Pampanin, S.: Preliminary Results and Conclusions from the PRESSS Five-Storey Precast Concrete Test-Building, PCI Journal, Vol. 44, No. 6, pp. 42-67, Nov./Dec. 1999
- Morgen, B.G. and Kurama, Y.C.: A Friction Damper for Post-Tensioned Precast Concrete Moment Frames, PCI

Journal, Vol. 49, No. 4, pp. 112-133, Jul./Aug. 2004

- 市岡有香子ほか:混合より線を緊張材とする圧着型 片持ち梁の力学的性状に関する研究,構造工学論文 集,53B, pp.131-136,2007.3
- 4) 市岡有香子ほか:波形鋼板ダンパー付プレキャスト PC架構の力学的性状に関する研究,構造工学論文集, 54B, pp.479-484, 2008.3
- 5) 足立将人ほか: PC 綱より線とグラウト材間の付着特 性のモデル化,日本建築学会大会学術講演梗概集, C-2,構造 IV, pp. 1009-1010,2000.7
- 6) 森田司郎, 角徹三: 繰返し荷重下における鉄筋とコンクリート間の付着特性に関する研究,日本建築学会論文報告集, No. 229, pp. 15-24, 1975.3
- Lee, J. and Fenves, GL.: Plastic-Damage Model for Cyclic Loading of Concrete Structures, Journal of Engineering Mechanics, Vol. 124, No. 8, pp. 892-900, 1998
- Lubliner, J.J., Oliver, S.O. and Oñate, E.: A Plastic-Damage Model for Concrete, International Journal of Solids and Structures, Vol. 25, pp. 299-329, 1989
- Mander, J. B., Priestley, M. J. N. and Park, R.: Observed stress-strain behavior of confined concrete, Journal of the Structural Division, ASCE, Vol. 114, No. ST8, pp. 1827-1849, Aug. 1988
- 10) 是永健好,渡辺英義: PC 鋼より線とグラウト材の付着特性評価,日本建築学会大会学術講演梗概集,C-2,構造 IV, pp. 1083-1084, 1999.7