# 論文 Axial -Shear- Flexural Interaction model による実大3層建物の耐力低 下性状の検討

壁谷澤 寿一\*1・壁谷澤 寿海\*2・松森 泰造\*3・金 裕錫\*4

要旨:2006年9月から11月にかけて防災科学技術研究所実大三次元震動破壊実験施設(E-Defense)で行われた実大3層鉄筋コンクリート建物の振動台実験による破壊性状を解析モデルにより検討した。1970年代の既存 RC 学校校舎を模擬した旧基準試験体では最終的には基礎固定として短柱の破壊に起因する進行性脆性破壊により建物が崩壊した。耐力低下を考慮しうる既往のモデル(ASFI model)を用いて試験体1層の柱全ての耐力低下性状を模擬して,実験結果による耐力低下開始変形が解析モデルにより再現しうることを示した。さらに,脚部で部材力を計測された内柱の復元力特性について実験と解析を詳細に比較した。 キーワード:実大振動実験,非線形骨組解析,耐力低下性状,ASFI model

## 1. はじめに

既存鉄筋コンクリート建物における鉛直部材の最大 耐力,耐力低下性状,軸力喪失変形は構造物の耐震性能 を評価するために重要な要素であるが,せん断スパン比, 軸力,部材配筋,材料強度などさまざまな影響を受ける ため一義的な評価法が確立していないのが現状であり, 耐震診断<sup>1)</sup>などでは既往の実験式によるせん断強度と曲 げ強度時せん断力との比によって,極脆性柱あるいは長 柱の靭性指標を極めて簡略な評価法を採用している。

2006 年 9 月から 11 月にかけて文部科学省「大都市 大震災軽減化特別プロジェクトII(振動台活用による耐 震性向上研究)鉄筋コンクリート建物実験」<sup>2)</sup>の一環とし て既存の鉄筋コンクリート造学校校舎を模擬した実大 3 層 RC 建物の震動実験が実施された。本実験の目的の一 つとして,1970年代設計の既存鉄筋コンクリート学校校 舎を想定した試験体において,(極)短柱などが曲げ降 伏後のせん断破壊を起こして軸力の再配分によって構 造物が進行性軸崩壊に至る過程の解明を設定している。 実験的には想定した柱の進行性破壊が実現した。

本稿ではAxial -Shear -Flexural Interaction model<sup>3)</sup>を用 いて全ての柱部材をモデル化し、旧基準試験体(1 体目) の耐力低下開始変形を解析的に評価する手法の妥当性 について検討を行った。また、試験体極短柱構面近傍で 部材応力を計測した長柱について復元力特性を比較し てモデルの妥当性を詳細に検証した。

## 2. 震動実験試験体の柱断面および配筋

震動実験計画および試験体の設計,実験結果の概要, またその他の実験目標(基礎非線形逸散性状・外付け補強 効果)などについては既報<sup>4),5)</sup>に記したが,旧基準試験体 の柱断面および配筋を図-1に示す。試験体は1970年代 に設計された3階建て鉄筋コンクリート学校校舎を想定 した建物である。平面は3×2スパン,X2Y3位置で柱抜け している。階高は2.5mである。桁行き方向の鉛直支持部 材は全て柱であり,X1構面,X3構面の柱(2本)は腰壁付 き短柱となっており,X1構面の柱のみせん断スパン比 2 の極脆性柱となっている。コンクリート,主筋,帯筋強 度試験値は31MPa,384MPa,392MPaであり,初期軸力 比は最大でもY3構面の柱で0.1程度である。柱断面は400 ×400,主筋8D19が標準であり,耐震診断結果における 強度係数C<sub>0</sub>は0.63であった。



\*1 東京大学大学院 工学系研究科 都市持続再生研究センター 特任助教 工博 (正会員)
\*2 東京大学 地震研究所 教授 工博 (正会員)
\*3 防災科学技術研究所 研究員 (正会員)
\*4 東京大学 地震研究所 助教 工博 (正会員)

## 3. 耐力低下モデル

# 3.1 既往の耐力低下解析モデル

既往の耐力低下性状を考慮した部材モデルには主に 以下の3つが挙げられる<sup>の</sup>。(1)独立ばねモデル,(2)(軸) 曲げせん断連成モデル,(3)有限要素法モデル(1)の場合, 曲げ復元力性状に耐力低下性状を集約するため汎用化 しやすいが,適切な耐力低下開始点および耐力低下性状 は解析および部材実験結果などから設定する必要があ る。(3)の場合,座標と標準的な材料構成則から耐力低下 開始点および耐力低下性状を評価することができるが, 立体骨組解析などでは全ての部材・要素位置で非線形応 答計算を行うため,時刻歴応答解析では非常に計算時間 を要するため,モデルとして汎用化されにくい。

(2)の場合,耐力低下開始変形および低下性状を材料構 成則から評価でき,部材軸方向には要素数は少なくなる ため,計算時間も短い。しかしながら,部材端部曲げ変 形とコンクリートせん断破壊のメカニズム発生位置が 異なるため,部材軸方向の連成を考慮する必要がある。

# 3.2 Axial-Flexural-Shear Interaction model

Axial-Flexural-Shear Interaction model (ASFI model)は Hossein. Mostafaei により提唱された曲げーせん断ー軸 変形の相互作用効果を考慮して,柱の耐力低下開始変形 を計算する静的漸増載荷解析のモデルである。本モデル は部材端部の断面歪み( $\phi_x$ ,  $\phi_y$ ,  $\varepsilon_{c0}$ )から fiber (MS) model に よって曲げ剛性を計算し,反曲点中立軸位置における主 応力方向の平面・せん断歪み( $\varepsilon_x$ ,  $\varepsilon_y$ ,  $\gamma_{xy}$ )を定義し, Axial-Shear model によってせん断剛性を計算し,これら の変形成分累加値を部材の水平変形としている。

Axial-Shear model では部材端部から反曲点高さまでの 部材に作用するせん断,軸歪みから主応力方向を計算し, Modified Compression Field Theory に基づいたコンクリー ト構成則からせん断剛性を計算している。材端に曲げモ ーメントが作用する場合,曲率により発生する重心軸歪 みは部材軸方向に変化し,部材端部で最大,反曲点高さ で0である。一方,定軸力による重心軸歪みは一定であ る。そこで,本モデルでは fiber model の断面解析から曲 率により発生する重心軸歪みの部材軸方向平均値を軸 力で除して,曲げによる平均軸柔性を計算している。こ れを Axial-Shear model に連成させることで,曲げーせん 断ー軸方向の相互作用を考慮した部材の応答を計算し ている。また,両モデルにおけるコンクリート強度には 主引張歪から計算される強度低下指数βを考慮している。

本モデルでは柱部材実験結果における耐力低下開始 変形を解析的に推定できることが既往の研究において 検証されており,推定精度を向上させるためには Axial-Shear および fiber model のほかに aggregate interlock による主応力上限値,部材端部における主筋抜け出しに よる変形成分を考慮する必要があるとしている<sup>3)</sup>。

## 3.3 骨組解析用 ASFI モデル

本研究では骨組解析において柱部材の応答を計算で きるようにASFI model を修正した。図-2に骨組解析用 ASFI model の解析フローを示す。まず,節点増分変位に 軸曲げ剛性マトリクスを乗じて増分部材力とする。fiber model において増分部材力から各断面の歪み増分を計算 し,材料構成則を用いて部材端部軸力が釣り合うまで各 fiber の応力を収斂させて端部部材力を算出する。

Axial-Shear model では端部断面の重心歪みから反曲点 高さおよび平均軸歪みを推定し,軸剛性を再計算する。 fiber model の部材力増分に歪み柔性マトリクスを乗じて 平面歪みを算出し,主応力方向歪みに変換する。強度低 下を考慮した材料構成則から材料剛性を評価して,軸せ ん断剛性マトリクスを構築する。作用応力(軸応力,直交 方向 0)との釣り合いを満たすせん断歪み,せん断応力を 計算し,単一ばねとしてのせん断剛性値を評価して全体 部材剛性マトリクスを計算する。



本モデルは初期段階として aggregate interlock による主 応力上限値および部材端部の主筋抜け出し性状は考慮 していない。また, ASFI model と同様, いずれかの極短 柱のカバーコンクリートが圧縮破壊した時点で端部断 面における軸力差が収束しなくなるため応答計算は終 了する。fiber model の部材端部モーメントと Axial-Shear model のせん断力不釣合い力を収斂計算しており,外力 と部材力の不釣合い力は次ステップで解除している。

## 4. 内柱の応力計測結果と解析

## 4.1 実験結果

旧基準試験体の倒壊加振(加振 6)において X2Y2 内柱 (長柱)の脚部で計測された軸力および水平力の時刻歴を 図-3に示す。加振 6 において X2Y2 柱は柱脚で曲げ降 伏後のせん断破壊に至ったが,これは X1 構面の極脆性 柱がせん断破壊し,この軸力が再配分されたためである。

初期軸力は重量算定結果から 313(kN)であり,柱は構造物1層が水平最大耐力に至った 6.75(s)では,部材としての水平最大耐力に達しておらず 9.537(s)において最大値 259(kN)を記録している。鉄筋コンクリート構造計算規準<sup>9)</sup>に基づく初期軸力に対する柱の曲げ終局せん断耐力の計算値は 199(kN),最大変動軸力(9.652(s),347 kN)作用時では 255(kN)であり,変動軸力によって負担せん断力は大きく増加している。また,荒川せん断耐力(minimum)式<sup>1)</sup>による計算値は 258(kN)であり,これは軸力が増大したときの応答せん断力および曲げ終局せん断耐力に概ね一致している。

軸力の時刻歴波形には極脆性柱がせん断破壊した 6.75(s),7.56(s)直後には軸力再配分による基線のずれは みられなかったが,振動周期が明らかに長くなっている。 部材最大耐力を記録したサイクル以降では400 (kN)を超 える変動軸力が3回記録され,曲げせん断破壊に至った。 最終的には527(kN)軸力が変動し,初期軸力を考慮する と200(kN)程度の引張力が残存している。



図-3 X2Y2 柱の軸力および水平力の時刻歴波形

図-4に同加振における X2Y2 長柱の水平復元力特性 を示す。横軸は1層の層間変形角である。また,同柱の 軸力と軸変形の復元力特性を図-5に示す。

水平力は一時的に非定常な短周期振動を示しており, 最大耐力記録前に3回見られた(6.7, 7.65, 7.92(s))。また, 2階床絶対加速度にも同時刻に振動波形が見られた。こ れらの時刻は X1 構面極短柱の帯筋が降伏した時刻と対応しており, 脆性部材が負担していた水平力が瞬間的に 再配分され,分配後の水平力が部材剛性と釣り合うまで 振動したと考えられる。

また,最大水平耐力に達するまでの骨格曲線には応答 力が凹上に減少し,急激に等価剛性が低くなっている箇 所が見受けられた。これはいずれも水平力が短周期振動 した後であり,短柱のせん断破壊によって軸力と水平力 の位相が反転したためであると考えられる。

最大耐力を記録して以降,柱の応答せん断力は明確な 低下性状を示している。柱は初期軸力下においては曲げ 強度時せん断力はせん断強度を下回っているが,最大水 平力記録時の変動軸力では圧縮側に大きな値(9.5~ 9.6(s))を示しているため,軸力変動によって断面の曲げ せん断耐力が増加し,せん断耐力を超えることで耐力低 下性状を示したと考えられる。



図-5 X2Y2 柱の軸方向復元力特性

軸力 - 軸変位の復元力特性は倒壊前加振, X1 構面極短 柱がせん断破壊する時刻までは圧縮方向には線形,引張 方向には履歴減衰を示す Axial-Stiffness model に近い履 歴曲線であるが,その後は部材端部の曲げせん断破壊性 状に応じて非定常な履歴性状を示している。また,帯筋 降伏以降の軸力は常に引張側となっている。

## 4.2 X2Y2 柱の解析結果

本節では部材力を計測した X2Y2 柱について ASFI model を用いて静的漸増載荷解析における耐力低下開始 変形と比較した。実験および解析結果を図-6に示す。 実験結果は処女載荷サイクルにおける骨格曲線を連結 させた曲線を示した。解析における軸力は Casel では初 期軸力算定値で固定し, Case2 では変形を記録した時刻 における軸力の変動を考慮している。

実験結果では水平変形角が 0.01(rad)に達する前に応答 力が短周期振動し,一時的に剛性が低下しているが, 徐々に荷重が増加し変形角 0.03(rad)で最大耐力を記録し ている。その後,緩やかな勾配で耐力低下を開始し,変 形角 0.04(rad)に達する前に急激な耐力低下を示している。 Case1 では振動領域で水平力が実験結果を上回るが,同 変形角で耐力最大値を示し,その後,耐力に大きな変動 は見られない。一方, Case2 では実験結果と骨格曲線が 近似し,実験結果と同様に変形角 0.035(rad)で急激な耐力 低下を示した。いずれの解析結果においても耐力低下開 始変形は変形角 0.03~0.04(rad)の範囲内であり,変動軸 力による水平せん断力の変化は見られたが,終局変形角 の推定精度が明らかに向上することはなかった。

#### 4.3 試験体1層柱の解析結果

図-7に1層の柱部材をASFI modelを用いて静的漸増 載荷解析した結果を示す。全部材の中で耐力低下開始変 形が小さい部材は X1 構面の短柱および X3Y3 の柱であ り,層間変形角に換算すると,X1Y3 柱では 1/200, X1-Y1, Y2, Y4 柱では 1/100, X3Y3 柱では 1/125 である。

X2Y2 柱の水平復元力特性で部材力に振動が現われた 変形角は 1/200 であり, X1Y3 柱の耐力低下開始変形と対 応している。長柱は耐力低下開始点が層間変形角で 1/60 を超過しており,曲げ柱としての応答性状を示している。

#### 5.3 次元骨組応答解析

## 5.1 解析モデル

本研究では構造物に材端ばねまたは材料構成則を有 する柱部材モデル(model OC, FB)を適用し,骨組応答解 析を行った。耐力低下を考慮したモデル (model DT, DR) では耐力低下開始変形を静的漸増載荷解析から実験結 果と比較する。また,地震応答解析では柱部材の Post peak 応答性状を仮定し,材端ばねモデルを用いて1層応 答を実験結果と比較した。梁部材は全て材端ばねモデル, 直交方向の耐震壁については TVLE model<sup>つ</sup>でモデル化 している。また,地震応答解析時にはそれまでの加振に よる構造物損傷を考慮して,倒壊前加振 (JMA Kobe 加 速度倍率 75%)における正負最大応答せん断力まで静的 漸増載荷した後,試験体倒壊加振 (JMA Kobe 加速度倍 率 100%)における震動台加速度記録を入力した。



図-7 ASFI model による1階柱部材の応答性状

# 5.2 復元カモデル

材端ばねモデルの曲げばねの復元力特性は Takeda model<sup>80</sup>とし,軸ばねは Axial-Stiffness model としている。 曲げばねのひび割れ強度,降伏強度は鉄筋コンクリート 構造計算規準・同解説<sup>90</sup>の算定式に基づいて計算した。 柱に関して引張鉄筋は全鉄筋断面積の半分とし,梁はス ラブおよび腰壁が付帯する場合はコンクリート断面を ひび割れ剛性および強度に,床スラブ筋および腰壁横筋 を梁降伏強度に加算している。腰壁付き短柱の柱剛域は 既往の研究成果を参照して<sup>60</sup>,フェイズから柱せい半分 だけ低い位置に設定した。柱梁部材の剛性低下率は既往 の研究から菅野式<sup>10</sup>を用いて算出した。降伏後剛性は初 期剛性の 1%と仮定した。

材端ばねモデルにおける耐力低下を開始する変形角 は前節に示した解析結果を用いて定義した。最大耐力後 の耐力低下剛性は降伏後剛性と絶対値を等しくし,降伏 耐力の0.25倍まで低下させた。また,既往の研究成果か ら異方向の最大経験応答が再載荷時の指向点に反映さ れるモデルとした<sup>11)</sup>。

コンクリート剛性は実際の材料試験結果を用いると 弾性剛性が高く,実験結果における固有周期および非線 形性状と対応しないため,初期ひび割れなどを考慮して, 弾性固有周期,非線形性状が実験結果と整合するように 2.17×10<sup>7</sup>(kN/m<sup>2</sup>)とした。最大応力時コンクリート圧縮歪 は 0.25%, 終局時応力は最大応力の 0.2 倍, 歪は 1.00% とした。鉄筋の剛性は鉄筋コンクリート構造計算規準に 基づく値とした。粘性減衰は瞬間剛性比例型 3% とした。

コンクリート材料特性は既往の解析モデル<sup>12)</sup>を参照し, 図-8に示す構成則モデルを用いた。コンクリートの圧 縮モデルには主引張歪によるコンクリート圧縮強度の 軟化効果を考慮している。鉄筋には1 軸応カー歪関係の バイリニアモデルを適用した。



## 5.3 静的漸増載荷解析

図-9に静的漸増載積荷解析における Pushover 曲線 と実験結果の履歴曲線を比較した。外力分布は逆三角形 とし、X 軸には1層水平変形角、Y 軸には層せん断力係 数を示した。材端ばねモデル(OCDT)ではX1 構面の極脆 性柱がせん断破壊するサイクルにおいて実験結果に近 い履歴曲線を示しているが、変形の増加に伴って応答せ ん断はさらに増加している。一方、耐力低下を考慮した モデル(OCDR)では最大耐力は実際の応答せん断力の 0.87 倍と若干小さいが、耐力低下を開始する変形角は 0.012(rad)であり、これは実験において最大耐力を記録し た変形と概ね一致している。また、増分変形に対する耐 力低下傾向も解析仮定と非常に近似する結果となった。



材料構成則を用いたモデルでは(FBDT)降伏点剛性・最 大耐力ともに、材端ばねモデルの解析結果よりも大きく 評価されている。本モデルではせん断破壊による部材剛 性の低下を考慮しないため、変形角 0.025(rad)まで柱曲げ せん断耐力を累加した構造物水平耐力を保持している。 一方,耐力低下を考慮したモデル(FBDR)では変形角 0.012(rad)でX1Y3柱部材において耐力低下が開始してお り,これは実験結果において最大耐力を記録した変形と 概ね整合している。同モデルの骨格曲線および耐力低下 開始変形は静的漸増載荷解析結果を集約した材端ばね モデル(OCDR)の応答とほぼ一致している。

## 5.4 地震応答解析

図-10に加振6入力時の地震応答解析における1層 復元力特性を示す。また,図-11に層せん断力係数お よび層間変形角の時刻歴波形を示す。

耐力低下を考慮しない解析モデルでは1層の最大応答 変形角は0.02(rad)まで達していない。一方,耐力低下を 考慮したモデルでは最大応答変形角は0.035(rad)を超え, 履歴形状も実験結果により近似している。しかしながら, 解析結果では正方向と同様に負方向の耐力低下性状も 顕著であり,正方向に塑性変形が集中する実験結果は解 析によって再現されていない。





震動実験の復元力特性における骨格曲線は明らかに 同一変形量に対する正負の応答せん断力レベルが異な

っており、これは既往の研究においても tension stiffing factor を考慮した解析モデルでは既往の研究においても 耐力低下後,異方向の応答せん断力が著しく低い値を示 す傾向が検証されている<sup>13)</sup>。実験結果をより正確に再現

するためには本研究における材端ばねに変形を集約したモデルではなく, tension stiffing factor を考慮した地震 応答解析を行い,繰り返し荷重に対する耐力低下性状を 材料構成則からモデル化する必要があると考えられる。

しかしながら, ASFI model を用いて構造物が Post peak 変形領域に達する地震応答解析計算を行うためには, fiber model におけるカバーコンクリートが圧壊後, 圧縮 鉄筋の座屈を考慮して負担応力を低下させる必要があ る。Post peak 応答性状を材料構成則に基づいて定義した 耐力低下型の柱解析モデルを用いた地震応答解析につ いては今後モデルの開発を含めて詳細に再検討する。

# 6. まとめ

本研究では柱耐力低下開始変形を推定する既往の静 的漸増載荷解析プログラム ASFI model を用いて 2006 年 度実大震動実験結果における部材および骨組の耐力低 下開始変形の推定を行い,以下の知見を得た。

- 既往の ASFI model のアルゴリズムを骨組解析にも 適用できるように修正した。
- 2) 実大震動実験において旧基準試験体 X2Y2 柱で計測 した軸力および水平力の時刻歴応答を検討した。近 傍の極脆性部材がせん断破壊することで軸力と水 平力の位相が変化し、曲げ耐力が増加したために柱 が曲げ降伏後のせん断破壊に至ったことを示した。
- 3) ASFI model を用いて X2Y2 柱の耐力,耐力低下開始 変形を推定した。軸力固定と実験結果から軸力の履 歴・変動を考慮したモデルの解析結果では部材水平 力に差異は見られたものの,耐力低下開始変形に明 確な違いは見られなかった。
- 4) 骨組モデルの静的漸増載荷解析では、実験結果における構造物最大耐力時の変形と、耐力低下型モデルにおける耐力低下開始変形は概ね一致した。また、柱部材に ASFI model を適用した骨組、静的載荷解析結果から曲げばねに柱の耐力低下性状を集約した材端ばね骨組間に応答の差異は見られなかった。
- 5) 耐力低下考慮・非考慮の材端ばねモデルを用いて試 験体倒壊加振の地震応答解析を行った。耐力低下を 考慮したモデルでは応答変形角も大きく,履歴形状 も実験結果により近似していた。
- 6) 解析では正方向に塑性変形が集中する実験結果は 再現されなかった。これを再現するためは、繰り返 し荷重に対する柱の耐力低下性状を材料構成則か らモデル化する必要がある。

## 謝辞

2006 年度 実大震動台実験は文部科学技術省「大都市 大災害軽減化特別プロジェクト/テーマ II 震動台活 用による構造物の耐震性向上研究/鉄筋コンクリート 建物実験(大大特/RC プロジェクト)」の一環として行われた。実験実施関係各位および大大特RC委員会委員のご支援とご協力に謝意を表します。

## 参考文献

- 財団法人日本建築防災協会:2001 年度改訂版既存鉄 筋コンクリート造建築物の耐震診断基準および同 解説,2001.10
- 防災科学技術研究所: 3.2.1 鉄筋コンクリート建物の 三次元震動破壊実験,平成 18 年度大都市大震災軽 減化特別プロジェクト研究報告書, 273-324, 2007.
- Hossein Mostafaei: Axial-Shear-Flexure Interaction Approach for Displacement - Based Evaluation of Reinforced Concrete Elements, 博士論文, 2006.2
- 4) 壁谷澤 寿一, 壁谷澤 寿海, 松森 泰造, 壁谷澤 寿 成, 金裕錫: 実大 3 層鉄筋コンクリート建物の振動 実験, 日本建築学会構造系論文報告集,日本建築学 会, No.632, pp1833-1849, 2008.10.
- 5) 壁谷澤寿海,壁谷澤寿一:鉄筋コンクリート造実大 3層外付け補強建物の浮き上がり解析,コンクリー ト工学年次論文集,Vol.30 No.3 日本コンクリート工 学協会,pp409--414,2008.6
- 6) 金裕錫,壁谷澤寿海,松森泰造,壁谷澤寿一:耐力劣 化モデルによる鉄筋コンクリート実大6層震動実 験の解析,コンクリート工学年次論文集 Vol.29 No.3 pp25-30,2007.6
- 7) 壁谷澤寿海,塩原等,小谷俊介,青山博之:鉄筋コンクリート造実大7層試験体の耐震性に関する研究(その3)擬似動的解析,第6回日本地震工学シンポジウム講演集,pp1161-1168, 1982.12
- Takeda .T, M. A. Sozen, N. N. Nielsen : Reinforced Concrete Response to Simulated Earthquakes, Journal, Structural Division, ASCE, Vol. 96, No.ST12, pp. 2557-2573, 1970
- 9) 日本建築学会:鉄筋コンクリート構造計算規準・同 解説,1975
- 10) 菅野俊介他:鉄筋コンクリート部材の復元力特性に 関する研究, Concrete journal, Vol.11, No.2, 1973.2
- 11) 梅村恒,境有紀,南忠夫,壁谷澤寿海:繰り返しよる耐力劣化を考慮した鉄筋コンクリート部材の復元力特性のモデル化,コンクリート工学年次論文報告集,Vol.20, No.3, pp1015-1020, 1998
- 12) 陣 少華, 壁谷澤 寿海:非線形解析における鉄筋コンクリート耐震壁モデル, コンクリート工学年次論 文報告集, Vol.21, No. 3, pp. 763-768, 1999
- 13) 金 裕錫, 壁谷澤 寿海:鉄筋コンクリート柱のモデル化に関する研究, コンクリート工学年次論文報告集, Vol.26, No.2, pp43-48, 2004