# 論文 曲げとせん断を受ける RC 部材の曲げひび割れ発生位置に関する考察

増田 有佑\*1・南口 真一\*1・岸本 一蔵\*2

要旨:曲げとせん断を受けるコンクリート部材の曲げひび割れ発生位置を,引張側主筋とコンクリート間の 付着および断面内の力の釣り合い状態をもとに算定する解析手法を示し,同手法の妥当性等について考察を 行った。主筋の周長,部材長,軸力比をパラメータとした解析を行い,これらがひび割れ発生位置に与える 影響について検討した。また解析結果と既往の実験結果の比較を行い,本論文で示した解析手法は実験値を 大旨捉え得ることを示した。

キーワード:梁,柱,ひび割れ位置,解析手法,付着

## 1. はじめに

建築物の耐震設計法では,被災後の使用性や,経済的 視点からの補修の是非を容易に判断するため,被害程度 の分類をより細かく規定する試みが行われてきている。 このため,部材レベルにおける損傷度を明らかにするこ とが必要となり、コンクリート部材では「ひび割れ幅, ひび割れ長さ」を指標として用いることが有効とされて いる<sup>1)~3)</sup>。2004年に出版された「鉄筋コンクリート造建 物の耐震性能評価指針(案)・同解説」では,RC柱部材 の地震被災時における各種限界を示す値として,許容最 大ひび割れ幅の値が残留ひび割れ幅と関連づけて示さ れているが,同指針にも記載があるように未だ十分な精 度を有するとは言い難い。とくにヒンジ領域に発生する ひび割れ間隔,つまり発生するひび割れ本数は,その数 が最大ひび割れ幅に直接影響するため正確な算定が必 要であり精度の高い算定法が必要である。

本論文は、地震時荷重すなわち曲げとせん断を受ける コンクリート部材のひび割れ本数を算定するため、ひび 割れ発生位置を鉄筋とコンクリート間の付着および断 面内の力の釣り合い状態をもとに算定する手法につい て考察する。

## 2. ひび割れ位置評価

#### 2.1 算定対象とするひび割れ

曲げとせん断力を受ける部材では、最も曲げモーメン トの大きくなる材端部あるいはその極近傍に最初(第 一)のひび割れがが発生し、作用する荷重の増大ととも に順次材端より離れた位置でひび割れが発生する。本論 文では第二番目のひび割れ、つまり材端ひび割れ発生後、 その次に発生するひび割れの位置を求めることを目的 とする(図-1)。なお、第三、或いはそれ以降のひび 割れ位置については、第二ひび割れを求める手法を同様 に適用することで計算可能になると考えている。

## 2.2 評価手法

本論文では、曲げとせん断を受ける部材において、「第 二ひび割れ発生は、引張側コンクリートと引張側主筋間 の付着により力が伝達され、引張側コンクリートのひず み(応力)が曲げひび割れひずみ(強度)に達したとこ ろで発生する」という考え方を基本に計算を行った(図 -1)。通常最初のひび割れ(第一ひび割れ)は部材端部 に発生するため、第一ひび割れは既に発生していること を前提とする。つまり同図に示すように、部材端部の引 張側では引張側主筋のみが引張力を負担しており、同位 置でのコンクリートのひずみ(応力)は0であるとした。 部材端部から材央に近いほど、コンクリートー引張主筋 間の付着作用により引張鉄筋の応力の一部がコンクリ ートに伝達されるため、コンクリートに作用する引張応 力、すなわち引張ひずみは大きくなる。部材軸方向のあ



\*1 大阪大学大学院 工学研究科地球総合工学専攻 大学院生 (正会員)\*2 大阪大学大学院 工学研究科地球総合工学専攻 准教授 博士(工学) (正会員)

る位置で鉄筋ひずみとコンクリートの引張ひずみは一 致し、その位置よりも材央側では両者のひずみは全く同 じ値(スリップがない)となり、より材央側では漸減し ていく。よって、コンクリートの引張ひずみは同点で最 大となり、両者のひずみが一致する同点においてその値 がコンクリートの曲げひび割れひずみに達した段階で 第二ひび割れが発生すると考える。解析対象は図-2に 示すように、梁、或いは柱部材を材軸方向に分割し、分 割した各ブロック内の力の釣り合いおよびブロック間 の力の伝達を考えるモデルとしている。なおブロック内 での各バネのひずみ、応力は材軸方向には均一であると 仮定しており、ブロックの状態は断面解析で得られる値 に各ブロック長さを乗じた値で求めた。

解析のフローを図-3に示す。解析は、大きく二つの 部分に分かれ、前半では仮の第二ひび割れ位置の算定を 行い、ここから得られる値を条件としてより詳細な解析 を後半で行っている。なお、仮の第二ひび割れ発生位置 を計算する必要性については、2.4 項で述べる。



## 2.3 仮の第二ひび割れ発生位置の計算(フロー前半)

ここでは前述のようにコンクリートー鋼材間の付着 によって、引張側主筋の力がコンクリートに伝達される 条件を基に、コンクリートに発生するひずみがコンクリ ートの曲げひずみに達した時にひび割れが発生すると して第二ひび割れ発生位置を算定している。このとき、 部材に作用するモーメント分布を考慮していないため、 算定される値は概算値である。なお、引張力を負担する コンクリートの断面積は、文献4に従い、有効引張断面 の考え方を用い、式(1)により算定している。



ここで, b:梁幅, C<sub>b</sub>:かぶり厚, φ:鉄筋の直径 また, コンクリートー鉄筋間の付着特性(付着強度– 滑り量(τ-S)関係)については大野等の文献5を基に その形状をバイリニアとし,その剛性(K<sub>1</sub>)および付着



強度(tb)はそれぞれ式(2),式(3)で計算した。

- $K_{1} = 173 \times f_{c}^{0.166} \quad (N/mm^{3})$ (2)  $\tau_{b} = 0.484 \times f_{c}^{0.617} \quad (N/mm^{2})$ (3)
- ここで, *f<sub>c</sub>*:コンクリートの圧縮強度 (N/mm<sup>2</sup>)

コンクリートの曲げひび割れ強度(σ<sub>f</sub>) については,

野口等の文献6で示される式(4)により求めた。

$$\sigma_{\rm f} = 0.440 \times \sigma_{\rm B}^{0.678} \ (N / mm^2) \tag{4}$$

ここで、 $\sigma_B$ : コンクリートの圧縮強度 (N/mm<sup>2</sup>)

なお、図-3のフローで示す「Conc.ひずみ=主筋ひず み」の判定については、実際の計算では「Conc.ひずみと 主筋歪みの差が、Conc.ひずみの 30%以下となった時点」 として判定している。これは次のような理由による。 Conc.ひずみと主筋ひずみの値が近くなると(スリップ量 が小さくなるので)、付着により発生する力が低下し、 図-4に示すように、両者のひずみ-材端距離を示す線 が平行に近くなる。その結果、わずかな値の変動が結果 を大きく変えてしまい解が安定しない。そこで、解が安 定する条件として前述のような判定を行うこととした。



#### 2.4 第二ひび割れ発生位置の計算(フロー後半)

後半の解析では,前半で求めた仮の第二ひび割れ発生 位置の値を利用し,曲げモーメントの変化(材端から材 央に向かって減少する)を考慮して第二ひび割れ発生位 置を求める。すなわち,各ブロックでは引張側コンクリ ートー主筋間の付着による両者間の力のやりとりと同 時に,作用する曲げモーメントを満足することを条件に 部材解析を行い,第二ひび割れ位置を求める。具体的な 手法を図-3のフローに従い説明を行う。

#### (1) 第一ブロックの解析

部材端では既に第一ひび割れが発生しているため引張 側コンクリートには力は発生していない,従って第一ブ ロック内の状態は,圧縮側コンクリート,圧縮側主筋, 引張側主筋の力および軸力が分かれば確定できる。引張 側主筋のひずみは条件として与えられる(プログラム中 で収束計算される値の)ため,引張合力(=圧縮合力) は求まるが,平面保持の仮定が成り立たないため,中立 軸位置或いは圧縮縁ひずみのどちらかを決定しなけれ ば状態を確定できない。そこで,第一ひび割れ位置での 圧縮縁ひずみの値を仮の第二ひび割れ位置での圧縮縁 ひずみの1.2~1.4倍した値(軸力大きさにより変わる) と仮定し、そこから中立軸位置を計算し状態を確定する。 部材のモーメント分布は第一ひび割れ位置で最大であ るため、同位置での圧縮縁ひずみは当然第二ひび割れ位 置での値よりも大きい。また各ブロックでの中立軸位置 は、(本検討で対象としている範囲では)材央側ほど大 きくなる。従って、上記の2つの条件を満たす最小の倍 率(第一ブロックでの圧縮縁ひずみ/第二ブロックでの 圧縮縁ひずみ)を繰り返し計算により求め、その値を先 に述べた倍率として用いた。

## (2) 各ブロックに作用するモーメントおよび圧縮縁ひ ずみの計算

第一ブロックの状態が確定したので材端モーメント が求まり、そこから各ブロックに作用するモーメントが 計算できる。第二以降の各ブロックのモーメントが上記 のモーメントと一致するように圧縮側、引張側のコンク リート、主筋それぞれの状態を確定するが、第一ブロッ クと同様、引張側では平面保持の仮定が成立しない。こ のため各ブロックの圧縮側コンクリートのひずみを,第 ーブロックと仮の第二ひび割れ位置のブロック間で線 形補完して与えるとした。引張側主筋のひずみは前半の 解析と同様収束計算により求める。すなわち、コンクリ ートと主筋間の付着により主筋からコンクリートに力 が伝達され鉄筋応力(ひずみ)が減少するという点を考 慮した上で、ブロック内での圧縮、引張力の釣り合い条 件を満たし,かつブロックに作用するモーメント(前工 程で求めた値)を満足するように収束計算を行う。以上 の作業を順次各ブロックに対して行い、引張側コンクリ ートと主筋のひずみが一致し、かつその値がコンクリー トの曲げひび割れひずみの値となった時点で解析を終 了する。

#### 3. 解析手法および解析条件

本節では、2 節に示した解析手法により求まる第二ひ び割れ位置が、解析条件にどの様に影響を受けるかを検 討するため、主筋の周長、部材長、軸力比をパラメータ とした解析を行った。図-5に解析対象とした部材断面 および解析パラメータを示す。



#### 3.1 解析結果

## (1) 主筋の周長の影響

図-6に主筋の周長が異なる 場合の第二ひび割れ位置-材端 部間の距離(以下 ひび割れ位置) の違いを軸力比別(軸力比0,0.3) に示す。同図によれば軸力比が0 の場合,主筋の周長が大きくなる ほどひび割れ位置は小さくなっ ている。これは主筋の周長が大き くなるほどコンクリートー主筋 間の付着面積が大きく, コンクリ ートに伝達される力が大きくな るため、より材端部に近い位置で ひび割れが発生するものと考え られる(図-7)。これに対し、軸 力比 0.3 の場合,主筋の周長が大 きくなってもひび割れ位置はほ とんど変わらない。これは第二ひ び割れ発生時の第一ブロックで のスリップ量を示した図-8か ら分かるように、軸力比が 0.3 の 場合,スリップ量が軸力比0に較 べ全体に小さく,かつ主筋の周長 が大きいほど小さくなっている ことに起因していると考えられ る。即ち主筋の周長が大きいと, 付着面積は大きくなるものの, 第 二ひび割れ発生時のスリップ量 が小さく,単位面積当たりの付着 力が小さくなるため(図-9),結 果的にひび割れ位置に大きな差 があらわれないものと考えられ る。

#### (2)部材長の影響

図-10に部材長が異なる場合 の第二ひび割れ位置-材端部間 の距離(以下 ひび割れ位置)の 違いを軸力比別(軸力0,0.3)に 示す。同図によれば軸力比が0.3 の場合,部材長が長くなるほどひ び割れ位置は大きくなっている。 これは第二ひび割れ発生時の第 ーブロックでのスリップ量を示 した図-11から分かるように軸 力比0の場合に較ベスリップ量 が小さく,付着力の差がひび割れ



発生位置に大きく影響するためと考えられる(図-12)。 これに対し、軸力比0の場合は、部材長が長くなるほど ひび割れ位置は大きくなるが、軸力比 0.3 の場合と比べ ると増加率は小さい(図-10)。これは、軸力比 0.3 の場 合と較べ第一ブロックでのスリップ量が全体に大きく, 部材端から 50mm 程度の位置までは部材長の大小にかか わらずの付着応力が最大(4.5N/mm<sup>2</sup>)となっているため, それよりも材央側で大きくなる付着力の差がひび割れ 発生位置に大きく影響しないためと考えられる(図-1 2)

#### (3)軸力比の影響

図-14より、軸力比が大きくなると第二ひび割れ位 置までの距離は小さくなることがわかる。これは、解析 中でのコンクリートの曲げひび割れひずみの設定方法 に原因があると考えられる。以下にその原因を述べる。

断面にひび割れが発生するのは図-15(a)の左側の 図が示すように、コンクリート引張縁が曲げひび割れ強 度に達したときである。一方,本解析では2節で述べた ように引張力を負担するコンクリートの断面積(有効引 張断面積)を文献4に従い求めている(図-15(a)の 右側の図)。そ

のため解析時 に曲げひび割 れひずみの値 として前者の 値を直接用い ることはでき ない。そこで, 解析で用いる 曲げひび割れ の発生時ひず

引張側

ε <sub>crack</sub>

ひび割れひずみ





 $2C_b + \phi$ 

= =

引張側 E crack

等価ひび割れひずみ



軸力が作用すると 中立軸位置は下方に移動する。

・トの有効引張断面は )で、作用軸力が大き

面ひび割れひずみは小

(b) 軸力が作用するの場合

図-15 等価ひび割れひずみの考え方

み(等価曲げひび割れひずみ)をコンクリートの引張合 力が一致するように定めた。すなわち同図中の引張側領 域の三角形面積と四角形の面積が等しくなるようなひ ずみを曲げひび割れ発生時のひずみ(等価曲げひび割れ ひずみ: $\varepsilon_{crack}$ )とした。本解析では各ブロックの解析時 に求まる引張側コンクリートのひずみを等価ひび割れ ひずみと比較し、これを越えたときにひび割れが入ると

判定している。

実験

主筋

帯筋

コンクリ

主筋

帯筋

コンクリ

この等価ひび割れひずみの値は、軸力の作用する断面 の場合次のような影響を受ける。図-15(b)のように 作用する軸力が大きくなると,引張側コンクリートが負 担する引張力は小さくなる(三角形の面積が小さくな る)。この三角形応力分布を均一な四角形応力分布に置 換するとき,有効引張断面積は軸力によらず一定値なの

試験体			(1) No.1	2 No.2	3 No.3	@No.1	(5)No.2	60No.3	ØNo.4	8 S1	
軸力比			0.00	0.15	0.30	0.28	0.11	0.28	0.35	0.00	
断面(mm×mm)			300 × 300			250 × 250			600 × 600		
部材長(mm)			1200			1000				2800	
主伤	直径×全本数 <sup>引要</sup> <sup>武器比</sup> %		D13×12 (0.5		(0.56%)	D13 × 8 (0.61%)		D16 × 4 (0.64%)	D13 ×8 (0.61%)	D10 × 60 (0.32%)	
	<b>引張強度</b> (N/mm <sup>2</sup> )		-		426		512	495	-		
	降伏強度 (N/mm <sup>2</sup> )		339			323 349		349	359	-	
	ヤング係数 (N/mm <sup>2</sup> )		-			1.62 × 10 <sup>5</sup> 1.67 × 10 <sup>4</sup>			1.76 × 10 <sup>9</sup>	-	
帯	直径@間隔		D10@80			D6@50				D6@45	
ß	帯筋比 (%)		0.60			0.51				-	
コン	<b>引張強度</b> (N/mm <sup>2</sup> )		-			2.8			2.9	-	
<b>y</b>	<b>圧縮強度</b> (N/mm <sup>2</sup> )		30.1			37.6			42.7	39.9	
ŀ	ヤング保数	(N/mm <sup>2</sup> )	-			$2.10 \times 10^4$			2.43 × 104	-	
実験				鹿島	建設		京都大学			東京工業大学	
試験体			9 D-1	10 S-1	D-2	12 S-2	<b>13</b> S6N2		15 SUS 122	6 SUS 162	
軸力比			0.10		0.	30 0.20		20	0.00		
断面 (mm×mm)			250 × 250				270 × 270		500 × 500		
部材長(mm)			900				700		2100		
	直径×全本数 引号 《		D13×8 (0.61%			<b>b</b> )	D10 × 12 <sub>(0.39%)</sub>		D25×6 (0.61%) D25×8 (0.81%)		
主筋	<b>引張強度</b> (N/mm <sup>2</sup> )		-				461		657.3		
	降伏強度 (N/mm <sup>2</sup> )		-				330		368.6		
	ヤング係数 (N/mm <sup>2</sup> )		-				1.65 × 10 <sup>5</sup>		1.862 × 10 <sup>5</sup>		
帯筋	直径@間隔		D6@50				D6@50 <b>\$</b> 4@50		D13@100		
	帯筋比			0.	51		0.53 0.23			0.50	
コン	<b>引張強度</b> (N/mm <sup>2</sup> )					-	3.28				
クリ	圧縮強度	(N/mm <sup>2</sup> )	29.6	29.4	29.7	29.9	47	.3	39.1	41.3	
ŀ	<b>ヤング係数</b> (N/mm <sup>2</sup> )		2.62 × 104	2.74×104	2.72 × 104	2.76 × 104	2.55	×104	$10^4$ 2.96 × 10 <sup>4</sup>		
5		250 [	( )							• /	
前に	t		(mm)								
1)											
		200					-8		∽		
		1.50						/			
	果	150			•			0-	0   4	- 9	
	援							Ø-	2 🔺	- 00	
7	∽腦	100						•-	3 5	7-00	
	ΨN	100					0 0-		 ④ ▼	- 12	
				*	$\nabla$				<u>ه</u>	- 0	
	50							H-			
		30		$\land$							
								-	0	»- <b>(</b> 5	
								⊗-	8 <b>C</b>	- 16	
		0		50	10	00	150		200	250	

解析結果

図-16 第二ひび割れ位置

(mm)

表-1 試験体諸元及び材料特性

大阪大学2006

大阪大学2007

建設省 土木研究所

で,等価ひび割れひずみ(ε<sub>crack\_i</sub>)は小さくなる。よって軸 力比が大きくなると等価ひび割れひずみ(ε<sub>crack\_i</sub>)は小さ く算定され,スタブ部から第二ひび割れ位置までの距離 が小さくなると考えられる。従って、有効引張断面積の 考え方を用いているため、軸力が高い場合には軸力比の 影響を正しく表していない可能性があり、解析手法の修 正を含めた対応が必要と考えている。

## 4.実験結果と解析結果との比較

本節では、既往の実験結果と解析値を比較し、2節で 示した解析手法の妥当性について検討する。実験結果は 既発表の論文のうち、ひび割れ図から第二ひび割れ位置 が明確に判定できるもの、或いはそれらについて詳細な 情報を入手可能なものからデータを得た。表-1に各試 験体の諸元および材料の力学特性を示す。なお、コンク リートのヤング係数については文献に記載のあるもの はその値を、記載の無いものは AIJ の RC 規準<sup>12</sup>により 圧縮強度からその値を求め解析に用いた。また実験値に ついては、試験体が全て I 型試験体による正負交番載荷 であったため、柱頭、柱脚で各 2 箇所、合計 4 箇所で得 られる値を平均して実験値とした。

図-16は部材端から第二ひび割れ位置までの距離 について実験値と解析値を比較したものである。実験数 が少ないことから十分精度が確認できるわけではない が、本論文で示した計算手法はある程度実験値を捉える ことが可能と思われる。

## 5. まとめ

曲げせん断を受けるコンクリート部材の曲げひび割 れ発生位置を算定する解析手法について検討し,その妥 当性を考察した。その結果を以下に記す。

(1) 曲げとせん断力を受ける部材に発生するひび割れ本 数を算定するため、ひび割れ発生位置を鉄筋とコンクリ ート間の付着および断面内の力の釣り合い状態をもと に算定する手法について示した。

(2) 同手法によるパラメトリックスタディを行い,主筋の周長,部材長,軸力比が変化する場合の傾向について 検討を行った。

(3) 既往の実験でのひび割れ位置と解析値により得られ るひび割れ位置を比較した。十分な精度が確認できるわ けではないものの,解析値はある程度実験値を捉えるこ とが可能である。

(4) 引張力を負担するコンクリート断面積や,第一ひび 割れ発生時のコンクリートの圧縮縁ひずみの算定方な ど,今後更なる検討が必要である。

#### 【謝辞】

本論文を作成するにあたり,京都大学大学院 河野 進 准教授,鹿島建設技術研究所 丸田 誠博士には貴重なデ ータを提供して頂きました。ここに記して感謝の意を表 します。なお本研究は,平成 21 年度科学研究費補助交 付金 基礎 C 一般(課題名:地震荷重を受けた後の鉄筋 コンクリート構造部材の耐久性と許容ひび割れ幅,代 表 :岸本一蔵)の助成を受けて行われたものである。

#### 【参考文献】

- 安富 陽子,河野 進,下澤 正道,渡邉 史夫:一定 軸力を受ける RC 柱の残留ひび割れの定量化,日コ ンクリート工学年次論文集,27巻,2号,pp.259-265
- 五十嵐 さやか, 曺 炳玟, 前田 匡樹:曲げ降伏先 行型RC 柱部材の損傷量に基づく修復性評価モデル の構築に関する基礎研究, 31 巻, 2 号, pp.901-906, 2009.7
- 3) 高橋 典之,高橋 絵里,中埜 良昭:鉄筋コンクリ ート部材のひび割れ量推定モデルの検証,日コンク リート工学年次論文集,31巻,2号,pp.859-865, 2009.7
- 4) 日本建築学会:プレストレスト鉄筋コンクリート(□ 種 PC)構造設計・施工指針・同解説,1992
- 5) 乾 智洋,大野 義照,中川 隆夫:細径異形鉄筋と コンクリート間の付着応力-すべり関係のモデル 化,日コンクリート工学年次論文集,31 巻,2 号, pp.685-690,2009
- 野口貴文,友澤史紀:高強度コンクリートの圧縮強度と各種力学特性との関係,日本建築学会構造系論文集,第472号,pp.11-16,1995.6
- 7) 金子 貴司,田上 淳,丸田 誠,鈴木 紀雄:鉄筋コン クリート柱部材の挙動に及ぼすひずみ速度の影響に 関する実験的研究,日コンクリート工学年次論文集, 26巻,2号,pp.241-246,2004
- 8) 佃 有射, 横田 弘, 二羽 淳一郎, 長瀧 重義:水平載 荷を受けるステンレス鉄筋を用いたRC 柱部材に関 する実験的研究, 日コンクリート工学年次論文集, 29巻, 3号, pp.901-906, 2007
- 9) 浅津 直樹,運上 茂樹,星隈 順一,近藤 益央:軸 方向鉄筋の座屈解析による鉄筋コンクリート橋脚も 塑性ヒンジ長に関する研究,土木学会論文集,I-56, pp.177-194, 2001.7
- 10) 王建男,岸本一蔵,任旭,大野義照:曲げせん断加 力を受ける鉄筋コンクリート柱のヒンジ領域に発生 するひび割れ幅,日コンクリート工学年次論文集, 28巻,2号,pp.163-168,2006
- 11) 王建男,岸本一蔵,大野義照:鉄筋コンクリート柱の残留曲げひび割れ幅の評価,日コンクリート工学年次論文集,29巻,3号,pp.145-150,2007
- 12)日本建築学会:鉄筋コンクリート構造計算規準・同 解説、1999.1