論文 厚い袖壁を有する RC 造柱の曲げ強度と靭性に関する実験的研究

佐藤 充晴^{*1}・壁谷澤 寿海^{*2}・金 裕錫^{*3}・Hwang Hyun Seong^{*1}

要旨:比較的厚い袖壁を有する鉄筋コンクリート造袖壁付き柱の静的載荷実験を行った。反曲点高さおよび 袖壁端部の拘束状態が曲げ強度と靭性に与える影響を検討した。試験体は曲げ降伏するよう計画し、曲げ終 局強度,靱性,残存軸耐力,破壊と変形の関係を実験的に検証した。最大耐力を既往の設計式,略算式,完 全塑性理論による式と比較し,これらの妥当性を検証した。

キーワード:袖壁付き柱,曲げ強度,靭性,せん断余裕度,配筋詳細

1. はじめに

袖壁付き柱は, 建造物の主要構造物として, 軸力を負 担し, 水平力にも抵抗する。単純な形状の柱に比べ, 負 荷された袖壁によって柱の剛性および耐力は上昇し, 変 形を抑えられる。せん断耐力が曲げ終局時のせん断力を 上回るように設計すれば曲げ降伏先行型に設計するこ とは可能であるが, 通常の壁厚さの場合, 一般には袖壁 が圧縮破壊して, 比較的小さい変形で最大耐力以降の強 度低下が生じるのは避けられない。

本研究では、比較的壁厚さが厚い袖壁がつく場合につ いて、実大部材の2分の1程度の部材試験体を作成して 静的加力実験を行い、曲げ降伏後の靭性に影響する要因 を検討した。とくに、反曲点高さおよび袖壁端部の拘束 状態に着目して、曲げ終局強度および曲げ降伏後の耐力 劣化性能を実験的に検証した。

2. 実験概要

2.1 試験体

本研究の試験体は、端部拘束筋が無く同型で配筋詳細 が全く同じな試験体2体と、端部拘束筋を有する試験体 1体の計3体である。同型で同じ配筋詳細の2体は、載 荷時の制御方法によって反曲点高さを変化させている。 すべての試験体は形状が共通で、スパン長さ1800mm、 内法高さ1400mmの1層1スパン鉄筋コンクリート造袖 壁付き柱である。柱断面は400mm*300mm、袖壁水平長 さは400mm、袖壁の厚みは150mmで、袖壁張り出し比 $\beta = 1$ である。これは、実大スケールの 1/2 程度を想定し ている。柱の配筋はすべての試験体で共通しており、主 筋は 10-D16 (Ps=1.66%)、帯筋は D6@40 (Pw=0.4%) とした。袖壁の配筋は、壁端部に拘束筋を有する SWF5 にのみ柱の帯筋と同じ間隔となるように D6@40 で拘束 筋を配した。袖壁の縦横筋は D6@100 (Psh=0.43%)、壁 端部の縦筋は 6-D13 とした。壁横筋はすべて柱の内部ま で引き込んで配した。表-1 および図-1 に試験体の詳 細を示す。また、使用した材料の特性を表-2,表-3 に示す。

2.2 計測計画

載荷試験によって生じる試験体の変位を図-2に示 すような区間で計測した。試験体背面にアンカーを埋め 込み,そこにボルトを挿入し,固定した。このボルトに

表-2 コンクリート強度

試験体	SWF3	SWF4	SWF5
圧縮強度 (N/mm ²)	26.1	28.3	28.5
引張割裂強度 (N/mm ²)	2.31	2.30	2.33

表一3 鉄筋強度

種類	D6	D10	D16			
降伏点強度 (N/mm ²)	349	342	351			
ヤング係数 (×10 ⁴ N/mm ²)	17.0	18.4	18.4			
破断強度 (N/mm ²)	489	499	517			

表-1 試験体一覧

	柱			壁				今十十	可手に叶か	
試験体	断面 B*D	主筋	帯筋	幅、	厚さ	縦横筋	端部縦筋	端部拘束筋	(kN)	及囲点向e M/Q (mm)
	(mm)	Ps	Pw	(mm)	(mm)	100120000	10 11 10 210		()	, 🔍 (,
SWF3	200 * 400	10-D16	2-D6@40	400	150	D6@100double	6 - D12	_		2400
SWF4	300×400	(1.66%)	(0.40%)	400	150	(0.43%)	0-015		800	1800
SWEE	200 * 100	10-D16	2-D6@40	400	150	D6@100double	6 - D12	2-D6@40	800	2400
30050	300 * 400	(1.66%)	(0.40%)	400	150	(0.43%)	0-D13	2-D0@40		2400

*1 東京大学大学院 工学系研究科 建築学専攻 大学院生 (正会員)

*2 東京大学 地震研究所 教授 (正会員)

*3 東京大学 地震研究所 助教 (正会員)



ピストン式の変位計の両端を固定した。また,試験体に 配した鉄筋の歪度を計測した位置を図-3に示す。変位 測定区間及び歪度測定位置は,全試験体で共通である。

2.3 載荷方法

図-4に示す載荷装置を用いて鉛直方向には一定の軸 力を維持し水平方向に正負交番繰り返し載荷を行った。 鉛直方向の定軸力は,合計で800kNとなるように左右の





鉛直ジャッキで与えた。このとき,試験体ごとに決めら れたシアスパン長さ M/Q になるような応力状態を維持 するため,2 つのジャッキによって水平ジャッキが与え る水平力に応じた付加モーメントを与えた。載荷履歴は, 変位制御により部材変形角(柱頭での変位/柱内法高 さ)1/400,1/300,1/200,1/150,1/100,1/75,1/50,1/37.5, 1/25を正負交番で1サイクルずつ行い,最後は+1/12.5 rad まで載荷した。水平載荷を終了した後,水平変位を0に 戻し,その状態を維持しながら鉛直方向に左右合計で 2000kNを目標に加力し,軸圧縮試験を行った。

3. 実験結果

3.1 破壊経過

各試験体の水平加力終了時の破壊状況を**写真-1**に, 鉄筋の降伏状況を図-5に,水平荷重-水平変位関係と 強度計算結果を併せて図-6に示す。

鉄筋の降伏状況について, 柱脚部において SWF4 の 13 番を除くすべての歪みを測定した鉄筋が 1/150rad サイク ルまでに降伏している。また, 脚部から離れた位置など 一部を除き, どの試験体も 1/100rad サイクルまでにすべ ての縦鉄筋が降伏している。5 番 8 番 16 番といった柱脚 部から離れた鉄筋にばらつきがあるものの, 3 体の試験 体において降伏状況に際立った差は見られない。

強度は耐震診断基準¹⁾にある既往の袖壁付き柱の曲 げ終局算定式である式,同基準にある完全塑性理論によ る曲げ強度,式(2)に示す略算曲げ終局強度,文献²⁾にあ る分割累加によるせん断強度式に拠った。残留変形は水 平力を負荷する油圧ジャッキの圧力をすべて開放した 時点の変形で,必ずしも水平力0kN時の変形ではない。

(1) SWF3

+1/400 rad (水平変形 3.5mm) サイクル加力中, 袖壁端 脚部に曲げひび割れが発生した。+1/200 rad (水平変形 7.0mm) サイクル加力中に圧縮側の袖壁部分端部の脚部 に圧壊が生じた。+1/100 rad (水平変形 14mm) サイクル 加力中, +1/102 rad で正側最大耐力 409kN に, -1/100 rad サイクル加力中, -1/96 rad で負側最大耐力-422kN に達し た。+1/37.5 rad サイクル加力中, 柱脚部の圧縮側の端部 に圧壊が生じた。-1/37.5 rad サイクル加力中, 引張側の 壁端部の鉄筋が引張破断した。+1/12.5 rad サイクル除荷 時の残留変形は 89.43mm であった。

(2) SWF4

+1/400 rad (水平変形 3.5mm) サイクル加力中, 袖壁端 脚部に曲げひび割れが発生した。+1/150 rad (水平変形 9.3mm) サイクルで圧縮側の袖壁部分端部の脚部に圧壊 が生じた。+1/100 rad (水平変形 14mm) サイクル加力中, +1/102 rad で正側最大耐力 535kN, -1/100 rad サイクル加 力中, -1/98 rad で負側最大耐力-564kN に達した。+1/37.5 rad サイクル加力中, 柱脚部圧縮側の端部に圧壊が生じ た。-1/37.5 rad サイクル加力中, 引張側の壁端部の鉄筋 が引張破断した。+1/12.5 rad サイクル除荷時の残留変形 は 80.3mm であった。

(3) SWF5

+1/400 rad (水平変形 3.5mm) サイクル加力中, 袖壁端 脚部に曲げひび割れが発生した。+1/200 rad (水平変形 7.0mm) サイクル中に圧縮側の袖壁部分端部の脚部に圧 壊が生じた。+1/50 rad (水平変形 28mm) サイクル加力 中, +1/53 rad で正側最大耐力 427kN に, -1/50 rad サイク ル加力中, -1/51 rad で負側最大耐力-427kN に達した。 +1/25 rad サイクル加力中, 柱脚部の圧縮側の端部に圧壊





図-5 鉄筋降伏状況









が生じた。-1/25 rad サイクル加力中,引張側の壁端部の 鉄筋が引張破断した。+1/12.5 rad サイクル除荷時残留変 形は 94.05mm であった。

3.2 最大耐力

表-4に実験結果および強度計算結果を示す。算出さ れた強度は前頁に記載の4つの方法による。完全塑性理 論による曲げ強度は、図-8に示すように断面を7つの ピースに分け、鉄筋はピース内に等分布に存在するもの と仮定し、柱中央部の鉄筋は考慮しない。まず、中立軸 距離を仮定し、式(6)により中立軸距離を決定する。この 後、式(7)により曲げ終局時のモーメントが算定される。 これをシアスパン長さで除し、曲げ終局強度とした。分 割累加によるせん断強度式は、図-9及び式(8)(9)(10)に 示すように、壁と柱の断面を壁長さ方向に分割して、そ れぞれのせん断耐力を算出し、それらを累加するもので ある。せん断余裕度は、分割累加式のせん断耐力と完全 塑性理論による曲げ強度式を用いて算出した。

強度算定に拘束筋の有無は考慮されておらず、SWF3 とSWF5 はコンクリート強度の差のみが反映されている。 実験値と比較すると、すべての試験体で共通して、 完全 塑性理論は安全側の評価で 9~17%程度の余裕があり程 度よく評価できているが,設計式および略算式は明らか に過小評価となっている。分割累加によるせん断強度式 では、せん断余裕度の小さい SWF4 のみ実験値が一割程 度上回った。SWF3,SWF5 はせん断耐力の計算結果と比 べて実験値のほうが 7~10%程度下回った。最大耐力実 験値において、端部の拘束筋を配した SWF5 は、端部に 拘束筋のない SWF3 とかなり近い値を示している。若干 SWF5 の方が値は大きいものの、コンクリート強度にも 若干の差があり、拘束筋を配することによる最大耐力の 向上は認められない。また,最大耐力を示した変形角は, SWF3, SWF4 の 2 体は 1/102rad であったが, SWF5 は 1/53radと、拘束筋の有無で明らかな差が確認された。ど の試験体も最大耐力に達する以前にすべての鉄筋が降 伏しているが、拘束筋のない試験体は降伏の直後のサイ クルで最大耐力となるのに対し、拘束筋がある試験体は 鉄筋の降伏から最大耐力までにも変形能をもつ。

	表-4	実験値	と計算	値の比較
--	-----	-----	-----	------

試験体			SWF3	SWF4	SWF5	
宇	正 (kN)		409	535	427	
天殿	側	(rad)	1/102	1/102	1/53	
厥	負	(kN)	-422	-564	-427	
旧	側	(rad)	-1/96	-1/98	-1/51	
<u>設計式</u> 略算式			226	305	229	
			255	368	278	
完全塑性理論			361	491	369	
<u>分割累加</u> せん断余裕度			分割累加 450		458	
			せん断余裕度 1.25		1.24	

$$M = (0.9 + \beta) \cdot a_t \cdot \sigma_y \cdot D$$
$$+ 0.5N \cdot D \left\{ 1 + 2\beta - \frac{N}{b_e \cdot D \cdot F_c} \left(1 + \frac{a_t \cdot \sigma_y}{N} \right) \right\}$$
(1)

 β :張出比, a_t :柱引張鉄筋断面積(mm²), σ_y :降伏強 度(N/mm²), D:柱せい(mm), N:軸力(N), b_e :等価壁圧 (mm), F_c : コンクリート強度(N/mm²)

$$M_{u} = \sum (a_{t2} \cdot \sigma_{y2} \cdot j_{t}) \cdot + N \cdot j_{N}$$
⁽²⁾

ただし、各変数は**図**-8および以下の通り。 a_{t2} : 引張 鉄筋の断面積(引張鉄筋はコンクリート圧縮域外にある 壁縦筋,柱主筋をすべて考慮するが、圧縮域近傍の鉄筋 は無視してよい)(mm²)、 σ_{y2} : 引張鉄筋(壁縦筋,柱主 筋)の降伏強度(N/mm²)、 j_t : 引張鉄筋(壁縦筋,柱主 筋)とコンクリート圧縮域の応力中心間距離($=d_t - L_{cc}$) (mm)、 j_N : 軸力作用位置(柱芯)とコンクリート圧縮域 の応力中心間距離(mm)、 d_t : コンクリート圧縮縁から引 張鉄筋までの距離(mm)、 L_{cc} : コンクリート圧縮域中心の 圧縮縁からの距離(mm)で、式(4)または式(5)による、 A_{cc} : コンクリート圧縮域の面積(mm²)で式(3)による、 A_{wl} : 圧 縮側袖壁の断面積($=t_w \times L_{wl}$)(mm²)、 t_w : 袖壁厚さ(mm), L_{wl} : 圧縮側袖壁幅(mm), B_c : 柱幅(mm)

$$A_{cc} = \frac{\sum (a_t \cdot \sigma_y) + N}{0.85F_c} \tag{3}$$

$$A_{cc} \leq A_{w1} \mathcal{O} \, \text{$\stackrel{]}{\mathbb{H}}$}_{\rm cc}, \quad L_{cc} = A_{cc} \, / (2t_w) \tag{4}$$

$$A_{cc} \leq A_{w1} \mathcal{O} \stackrel{\text{H}}{\to} \stackrel{\text{c}}{\to},$$

$$L_{cc} = \frac{A_{w1}}{A_{cc}} \cdot \frac{L_{w1}}{2} + (1 - \frac{A_{w1}}{A_{cc}})(L_{w1} + \frac{A_{cc} + A_{w1}}{2B_{c}}) \quad (5)$$



図-7 曲げ強度の算定



L_c:壁端部補強鉄筋中心からコンクリート縁までの距離, D_c: 柱引張鉄筋中心よりコンクリート縁までの距離 中立軸距離決定式(j番目のピースに中立軸がある場合)

$$\sum_{i=1}^{K} {}_{s}A(i) \cdot D(i) \cdot \sigma_{y}(i) \cdot m + \sum_{i=1}^{K} B(i) \cdot D(i) \cdot F_{c} \cdot n + N$$
$$+ \left\{ 2 \cdot {}_{s}A(j) \cdot \sigma_{y}(j) + B(j) \cdot F_{c} \right\} \times \left\{ \sum_{i=1}^{j} D(i) - Z \right\} = 0 \quad (6)$$

$$+\left\{2\cdot_{s}A(j)\cdot\sigma_{y}(j)+B(j)\cdot F_{c}\right\}\times\left\{\sum_{i=1}^{m}D(i)-Z\right\}=0$$
 (6)

曲げ終局モーメント決定式

$$M_{u} = \sum_{i=1}^{K} {}_{s}A(i) \cdot D(i) \cdot \sigma_{y}(i) \cdot L(i) \cdot m + \sum_{i=1}^{K} B(i) \cdot D(i) \cdot F_{c} \cdot L(i) \cdot n$$

+ $N \cdot L_{N} + \left\{ 2 \cdot_{s}A(j) \cdot \sigma_{y}(j) + B(j) \cdot F_{c} \right\}$
 $\times \left\{ \sum_{i=1}^{j} D(i) - Z \right\} \times \left\{ \sum_{i=1}^{j} D(i) + Z \right\} \times \frac{1}{2}$ (7)

K:断面ピースの数, D(i):i番目のピースのせい(mm), B(i):i番目のピースの幅(mm), $_{s}A(i):i番目のピース内$ の鉄筋断面積を D(i)で除した値(mm), L(i):圧縮縁からi番目のピースの重心までの距離(mm), L_N:圧縮縁から軸 $力の作用位置までの距離, <math>\sigma_{y}(i):i番目のピースに含ま$ $れる鉄筋の降伏強度(N/mm²), Z:中立軸距離(mm), i<math>\leq j$ の場合 m=-1, n=-1, i>jの場合 m=1, n=0

$$Q_{su} = Q_{suw} + Q_{suc} + 0.1N$$
 (8)

$$Q_{suw} = \left\{ \frac{0.053 p_{we}^{0.23} (F_c + 18)}{\frac{M}{Qd_w} + 0.12} + 0.85 \sqrt{p_{wh} \sigma_{why}} \right\} t_w j_w$$
(9)

$$Q_{suc} = \left\{ \frac{0.053 p_{tce}^{0.23} (F_c + 18)}{\frac{M}{Qd_{ce}} + 0.12} + 0.85 \sqrt{p_{cwe} \sigma_{cwy}} \right\} b_{ce} j_{ce}$$
(10)

 $p_{tce} = \frac{a_{tc}}{(B - t_w)d_{ce}}$ $(a_{tc}: 柱引張側主筋1段目ま で)$ $a_{tc} = a_{tc}$

$$p_{tce} = \frac{1}{(B - t_w)d_{ce}}$$

(片側そで壁柱の場合、 a_{tw} :引張側壁縦筋 2段目まで)



$$\frac{M}{Q}$$
: せん断力スパン,ただし、 $1 \le \frac{M}{Qd_{ce}} \le 3$ とする $d_{ce} = 0.95D, a_w$: 柱帯筋 1 組の断面積,

$$p_{cwe} = \frac{a_w - p_{wh} a_w}{b_{ce} s}$$

柱等価帯筋比(壁横筋

柱等価帯筋比(壁横筋が柱に定着されている場合)

$$p_{cwe} = \frac{a_w}{b_{ce}s}$$

柱等価帯筋比(壁横筋が柱を通して配筋されている場合) s:柱帯筋間隔, p_w; そで壁横筋比

$$\sigma_{cwy}$$
: 帯筋降伏強度, B : 柱幅, $j_c = \frac{7}{8}d_{ce}, b_{ce} = B - t_w$

3.3 最大変形

表-5に各試験体の最大変形角と,その時点での耐力, 終局変形時の変形角・耐力を示す。すべての試験体が, 載荷装置の能力に応じて計画された本研究の載荷計画 における最大の変形である 1/12.5 rad まで変形しており, 1/12.5 rad が最大変形角となる。しかし,どの試験体も 破壊の状況をみると必ずしも最大変形角の時点で耐力 を失っていたとはいえず,もし実際に耐力喪失まで載荷 できれば,最大変形はこれよりも大きいものになると予 想される。最大耐力の8割まで耐力が劣化したときの変 形角を終局変形角と定義すると,SWF3は1/53rad(-1/70 rad),SWF4 は 1/53rad(-1/49rad)で終局変形となった。 SWF5 は 1/26rad(-1/39rad)で終局変形となった。SWF3 は

表-5 最大変形および終局変形

	試願	検体	SWF3	SWF4	SWF5
最大変形(rad)			1/12.5	1/12.5	1/12.5
星十	亦形	ままナナ(1-NI)	169	250	218
取入爱形时时几KIV			(40%)	(44%)	(51%)
	正 側	(kN)	328	435	343
		(%)	80.2	81.3	80.3
終		(rad)	1/53	1/53	1/26
局	負 側	(kN)	-339	-464	-391
		(%)	80.3	82.3	91.6
		(rad)	-1/70	-1/49	-1/39





SWF4 に比べせん断余裕度が大きいものの,変形性能に おいて優位とはなっていない。これは、曲げ破壊の場合, せん断余裕度が一定以上大きくなっても変形能が向上 しない可能性を示唆している。SWF3 と SWF5 はせん断 余裕度がほぼ等しいが,変形能は SWF5 が優れており, これは袖壁端部の拘束によるものと考えられる。

図-10は各サイクルの変位ピークにおける,曲げ変形 が全体変形に占める割合をプロットしたものである。正 側に着目すると,せん断余裕度の大きいSWF3は曲げ変 形成分が概ね8割,これの小さいSWF4は曲げ変形分が 5割前後である。負側は推移が安定しないが,SWF4は SWF3に比べて10%~20%程度曲げ変形成分が少く推移 する。試験体によって負側では割合が1を超えるところ があるが,これは測定における何らかのノイズが影響し ているものと思われる。破壊状況がほぼ同じであること から,この成分の差はせん断余裕度に起因すると考えら れ,耐力の差に関係が有ると考えられる。

曲げ変形成分は袖壁両端に取り付けた変位計による 変形の計測結果から、平面保持の仮定が成立しているも のとして,式(11)に示す方法で導いた。図-11(a)に示 すように,変位計を取り付けた位置に応じて試験体を上 5 つの区間に分け、その区間の左右で計測された変位の 差から当該区間の回転角・水平変位を導き、それらを重 ね合わせて全体の曲げ変形を算出する。式(12)は当該区 間で生じる端部の回転角による水平移動分を表してお り,端部の回転角は図-12(b)及び式(13)に示すように 図形的に求められる。式(14)及び式(15)は定義より与えら れる。最上端の曲率は φ 0 とし、反曲点高さと試験体形 状からφ1との関係を式(18)と仮定する。また, i 区間に おける曲率分布は図-13(c)に示すように上端と下端 を直線で結ぶ台形に仮定し、これを表すのが式(16)であ る。式(13)(15)(16)を整理すると式(17)となり、φiが求ま る。これと式(14)から, i 区間での水平変位δ, が求まる。

$$\delta_b = \sum \delta_{ri} + \sum \delta_i \tag{11}$$
$$\delta_c = \Theta \times I \tag{12}$$

$$\begin{array}{c}
O_{ri} = O_i \wedge_H L_i \\
Disp. \\
\end{array}$$
(12)

$$\theta_i = \frac{D \log p_i}{d} \tag{13}$$

$$\delta_i = \int_0^{Li} \theta_i(x) dx \tag{14}$$

$$\theta_i = \int_0^{L_i} \phi_i(x) dx \tag{15}$$

$$\phi_i(x) = \phi_{i-1} + \frac{\phi_i - \phi_{i-1}}{L_i} x \tag{16}$$

$$\phi_i = \frac{2Disp_i}{L_i d} - \phi_{i-1} \tag{17}$$

$$\phi_0 = \frac{M/Q - H}{M/Q - (H - L_1)}\phi_{i-1}$$
(18)

 δ_b :曲げ変形成分, δ_{ri} :i区間端部の回転角によって 試験体頂部に生じる水平変位(mm), δ_i :i区間端部の水 平変位(mm), θ_i :i区間端部の回転角(rad), $_{H}L_i$:i区 間上端から試験体頂部までの距離(mm), $Disp_i$:i区間に おける左右の変位差(mm),d:測定点間の水平距離(mm), ϕ_i :i区間の上下端の曲率で, ϕ_0 は式(18)による, L_i :i 区間の測定区間長さ(mm),M/Q:反曲点高さ(mm),H: 試験体高さ(mm)

4. まとめ

- (1) 最大耐力は完全塑性理論による曲げ強度算定で概ね 評価できた。(1)式に示した設計式および(2)式の略算 式では著しく過小評価となった。せん断耐力の評価 はせん断余裕度の小さい SWF4 のみ実験値を若干上 回ったが、せん断破壊は確認されず破壊性状は SWF3 と同様であった。
- (2) 形状・配筋詳細が同じ試験体で変形性能を比較する と、両端に厚い袖壁を有するものはせん断余裕度を 大きくしても変形性能は必ずしも向上しなかった。
- (3) 端部拘束筋は,耐力の向上には寄与しないが,変形 性能を確実に向上させた。
- (4) せん断余裕度と曲げ成分の関係から、せん断余裕度 が小さい場合には曲げ変形以外の変形成分が含まれ ることが確認された。

参考文献

- 財団法人日本建築防災協会:2001年改訂版,既存鉄 筋コンクリート造建築物の耐震診断基準同解説,財 団法人日本建築防災協会,pp229-238,2004.5
- 2) 壁谷澤寿海,壁谷澤寿成:袖壁付き柱の実用せん断強度式, 地震工学会, pp115-120, 2007