# .論文 4辺単純支持された鋼繊維補強軽量2種コンクリートRC版の押抜き せん断耐力の解析的検討

崔 智宣\*1·山口 浩平\*2·日野 伸一\*3·安田 真太朗\*4

要旨:4辺固定支持された RC 版の押抜きせん断破壊挙動は,既往の実験および数値解析により検討されているが,4辺単純支持された場合の解析手法は確立されていない。また,鋼繊維補強軽量2種コンクリートを対象とし,その鋼繊維混入率の影響を考慮した算定式は著者らの知る限り存在しない。本論文では,コンクリート,材料構成則に着目し,RC版のせん断破壊挙動をFEMにより検討するとともに,鋼繊維混入率をパラメータとした RC版の押抜きせん断耐力式の確立を目的とする。

キーワード: 押抜きせん断耐力評価, 4辺単純支持, 軽量コンクリート, 鋼繊維補強

#### 1. はじめに

RC 版が局部的な荷重を受けると、荷重直下のコンク リートが押抜かれる押抜きせん断破壊が生じる。普通コ ンクリート(以下,N)を対象とした押抜きせん断耐力 の評価については様々な式が提案されている。RC 版の 押抜きせん断耐力の算定式は,試験結果に加えて影響因 子の統計学的解析を行い,耐荷力算定式を導いている角 田ら<sup>1)</sup>の式やその角田式を基にしたコンクリート標準示 方書式<sup>2)</sup>,押抜きせん断破壊のメカニズムに則した前 田・松井ら<sup>3)</sup>の式などがある。これらのいずれの式も, 支持条件毎に整理されていない現状(角田式は全て単純 支持)にある。また,岸ら<sup>たとえば4),5</sup>は4辺固定支持した RC 版の押抜きせん断破壊挙動を,離散ひび割れモデル を用いた解析的検討により概ね再現している。

現在軽量コンクリート RC 版のせん断耐力に関して, コンクリート標準示方書では,軽量コンクリートの種類 に関わらず一律 70%に低減することが規定されており, 骨材種類や強度特性を考慮することができない。また, 短繊維および軽量1種コンクリートを用いた RC 版の押 抜きせん断耐力は舟橋ら<sup>6</sup>,東山ら<sup>7</sup>により,軽量化は 低減係数で,短繊維補強は繊維補強項で評価したせん断 耐力算定式が提案されている。しかしながら,粗骨材お よび細骨材の全てに人工軽量骨材を用いた軽量2種コン クリート,強度特性に優れる鋼繊維で補強した鋼繊維補 強軽量2種コンクリートを対象とし,さらにその鋼繊維 混入率の影響を考慮した算定式は著者らの知る限り存在 せず,現在の算定方法では明確な評価ができない。

著者らは,鋼繊維補強軽量2種コンクリートを用いた RC版の押抜きせん断試験を行い,耐荷挙動,せん断耐 力等を把握した。文献8)では,押し抜きせん断試験より, 軽量コンクリートを用いることでせん断耐力が減少し, 鋼繊維補強することでせん断耐力が増加することや軽量 化および鋼繊維補強することにより破壊面角度も異なる ことを明らかにした。その破壊モードは斜めひび割れの 貫通による押抜きせん断破壊が支配的であるため,コン クリート材料の引張側の構成則の影響が大きいと考えら れる。また,松井式を基準として軽量化および鋼繊維補 強が考慮できる式を提案した。しかし,その際,ダウエ ル作用に及ぼす繊維補強効果は実験から得られる鉄筋の ひずみ差(一律230µ)から求めており汎用性がない。一 方,文献9)では切り欠きはりを用いた3点曲げ試験によ りビニロン繊維,ポリエチレン繊維および鋼繊維を対象 として引張軟化特性について検討を行い,各短繊維の引 張軟化曲線のモデル式の提案している。

そこで本論文では、コンクリートの材料構成則に着目 した FEM により、RC 版のせん断破壊挙動を検討すると ともに、鋼繊維混入率をパラメータとした RC 版の押抜 きせん断耐力式の確立を目的とした。なお、FEM 解析モ デルは破壊面を予め定着する離散ひび割れモデルではな く分散ひび割れモデルを用いる。

種類	記号	性質				
普通ポルトランド セメント	С	密度:3.16t/m <sup>3</sup>				
海砂	普通S	表乾密度:2.58t/m3, 粗粒率:2.71				
砕石	普通G	表乾密度:2.88t/m <sup>3</sup> , 吸水率:1.92%, Gmax: 20mm				
人工軽量細骨材	軽量S	絶乾密度:1.68t/m <sup>3</sup> 24時間吸水率:10.0%, 粗粒率:2.69,実績率:53.2%				
人工軽量粗骨材	軽量G	絶乾密度:1.27t/m <sup>3</sup> , Gmax:15mm 24時間吸水率:10.3%, 粗粒率:6.47,実績率:63.1%				
高性能AE減水剤	SP	密度:1.05~1.09t/m <sup>3</sup>				
AE剤	AE	密度:1.06~1.10t/m <sup>3</sup>				

表-1 使用材料の種類および性質

*1	九州大学大学院	工学研究員社会基盤部門特任助教	博 (工)	(正会員)
*2	九州大学大学院	工学研究員社会基盤部門助教	博(工)	(正会員)
*3	九州大学大学院	工学研究員社会基盤部門教授	工博	(正会員)
*4	九州大学大学院	工学府都市環境システム工学専攻		

# -1345-



#### 2. 試験概要

試験体は、コンクリート種類(N, SL),混入率(0, 1.2%)をパラメータとした4タイプを各3体以上作製した。Nは普通コンクリート、SLは軽量2種コンクリート を示す。ハイフン後の数字は混入率を示し、例えば00, 12はそれぞれ体積比に対しての混入率0%,1.2%を示す。 鋼繊維は直径0.62mm、長さ30mmのフックエンド型を 使用した。 $\mathbf{表}-1$ に使用材料の種類および性質、 $\mathbf{\xi}-2$ に試験体および実験結果(平均値)を示す。図-1に試 験体概略図を示す。試験体寸法は辺長1200mm、高さ 100mm、有効高さ75mm、スパン長1000mmとした。鉄 筋は、上段鉄筋および下段鉄筋にD10(SD295A)を14 @80で配筋した。図-1の●の位置の変位および鉄筋ひ ずみを測定した。試験体中央には幅150×長さ150×高 さ50mmの載荷版を配置した。支持条件および載荷状況 を図-2に示す。

## 3. 解析概要

## 3.1 解析モデル

RC版の非線形挙動を解析的に検討するため,汎用解 析プログラム DIANA9.4.3を用いて,3次元非線形解析を 行った。最小要素寸法は 25×25×25mm, コンクリート には8節点ソリッド要素,支承にはトラス要素,鉄筋に は埋め込み鉄筋要素を用いた。実験と同様に試験体中央 には幅 150×長さ 150×高さ 50mm の載荷版をソリッド 要素で作成して,コンクリートと接触させた。また,鉄 筋の構成則は,降伏強度到達後は応力一定となるバイリ ニアモデルとし, VonMises の降伏条件を用いた。コンク リートと鉄筋の境界部にインターフェイス要素を用いて CEB-FIP Model Code<sup>10</sup>に従い,図-3に示す付着-すべ り関係を定義した。

#### 3.2 支持条件の検討

実験での支持条件は浮き上がり防止装置を取り付け ず4辺単純支持としたため、図-1の●に変位計を設置 し浮き上がりを確認した。RC版の浮き上がり変位と版 中心からの距離の関係を図-4に示す。その結果、版中 心からの距離が 150mm 付近から版の浮き上がり変位が 大きくなる一方、中央から 75mm (載荷板幅)の範囲は 浮き上がらず支承と接地しているため、解析では実験と 同様な支持条件にするため、支承をトラス要素により線 支持し、図-5に示すようにその領域を鉛直方向に支持 した。



## 3.3 材料構成則の検討

N-00 を基準に,表-3 の 6 つの解析ケースを設けて, 圧縮側や引張側の構成則について検討して,鋼繊維補強 軽量 2 種コンクリート RC 版の解析に適切な材料構成則 を把握する。図-6,7 に一例として普通コンクリート N-00 の圧縮側,引張側の構成則を示す。なお,本節では 設計基準強度40N/mm<sup>2</sup> に最も近いN-00Bを対象とした。

#### (1) 圧縮側

圧縮域は**図**-6のように2つを検討した。構成則(a) は岸ら<sup>4)</sup>が用いており,圧縮ひずみが3500 $\mu$ まで土木学 会コンクリート標準示方書<sup>2)</sup>の式,3500 $\mu$ 以降は初期弾 性係数の0.05倍で0.2 $f'_c$ まで線形軟化するモデルである。 構成則(b)は最大圧縮応力までは圧縮試験結果,それ以 降は山谷ら<sup>11)</sup>の研究の圧縮破壊試験から得られたコンク リートの圧縮破壊エネルギー $G_{fc}$ を用いて破壊領域を線 形で0まで低下する式( $\epsilon_{cm}$ は終局ひずみ)で定義した。

#### (2) 引張側

引張域は図-7のように3つを検討した。構成則(a) は著者ら<sup>9</sup>が繊維補強コンクリートを用いた切り欠きは りの3点曲げ試験から求めた引張軟化曲線( $\sigma_{BP}$ は曲が り点応力, $W_{1,2}$ は仮想ひび割れ幅, leq は等価要素長さ) を用いて提案したものである。構成則(b)は応力がゼロ 時のひずみを CEB-FIP Model Code<sup>10</sup>のモデル式に従い, 破壊エネルギー $G_f$ は提案した有効破壊エネルギー<sup>9</sup>を適 用して求めた材料構成則である。構成則(c)は最大応力 以降の第2折曲り点までは提案した引張軟化モデル(a) を用い,その以降から応力=0の時のひずみを(b)の CEB-FIP Model Code を適用した。なお,比較のため,(b), (c)の中に(a)の構成則を点線で示している。

#### 3.4 解析ケースの決定

表-3 に材料構成則による解析ケースと最大荷重,図 -8 に荷重-変位関係を示す。同図には実験値と比較す るため,N-00Bの一部データを合わせてグラフに載せて いる。同表および同図より,圧縮(a)を用いたケースが 圧縮(b)を用いたケースより最大荷重が小さい。また, 引張(a)を用いたケース①,④の初期剛性は実験値とほ ぼ同じであるが,ケース①の最大荷重は134kN,ケース ④のそれは156kNで,それぞれ実験値の0.77倍,0.88 倍と最大荷重を過小評価している。

一方,引張に(b)を用いたケース②,⑤の初期剛性 は実験値より大きく,最大荷重も実験の1.29倍,1.30倍 と大きい。また,破壊挙動はせん断破壊ではなく曲げ破 壊のような挙動を呈した。岸らは離散ひび割れモデルに 引張(b)を用いて精度よい結果を得ているが,文献<sup>8)</sup> より,軽量化や繊維補強の影響で破壊面角度が異なるこ とは明らかになっている。そのため、本研究では離散ひ び割れモデルではなく,分散ひび割れモデルを用いて解 析し破壊面角度を検討するため,引張(b)の結果は本解 析には適切ではないことが考えられる。

引張(c)を用いたケース ③,⑥は,初期剛性は勿論, 最大荷重もそれぞれ0.96倍,1.04倍なり,実験値と近い 値であった。しかし,最大荷重時のケース③の変位は実 験値の50%程度と,早い段階で最大荷重に達しているた め,ケース③よりケース⑥の方が適切であると判断でき る。以上より,圧縮側のみパラメータとしたケースを比 較した場合,初期剛性,最大荷重,最大荷重後の挙動な

	実験値			計算値	計算值 解析值				最大荷重		
タイプ	最大荷重 (kN) ①	斜めひび割れ 荷重(kN) ②	斜めひび割れ 時の鉄筋ひずみ (µ)	2/1	(kN)	最大荷重 (kN) ③	斜めひび割れ 荷重(kN) ④	斜めひび割れ 時の鉄筋ひずみ (µ)	4/3	実験値/ 解析値	実験値/ 計算値
N-00	179	130	1720	0.73	166	187	123	1772	0.66	1.08	0.96
N-04	-	-	-		-	215	124	1704	0.58	-	-
N-08	-	-	-		-	226	131	1663	0.58	-	-
N-12	248	180	1422	0.73	242	251	142	1499	0.57	1.02	0.99
SL-00	187	150	1729	0.80	189	163	94	1768	0.58	0.99	1.15
SL-04	-	-	-		-	169	106	1685	0.63	-	-
SL-08	-	-	-		-	191	121	1474	0.63	-	-
SL-12	232	164	1421	0.71	231	214	122	1439	0.57	1.00	1.08

25

#### 表-4 実験値と解析値の比較



図-8 荷重-変位関係

どの変化がほとんどなく,斜めひび割れ発生の貫通によ る押抜きせん断破壊が支配的であるため,引張側の構成 則の影響が大きいと判断できる。実験結果でも,FEM 解 析結果でも引張側の構成則が支配的であった。また,軽 量コンクリート,鋼繊維補強コンクリートの解析からも 初期剛性,最大荷重,最大荷重後の挙動,破壊面角度な ど総合的に判断してケース⑥がより一致した。それぞれ の比較については別の機会に公表予定である。

次章ではケース⑥の材料構成則に基づいて, コンクリ ート種類(N, SL), 鋼繊維混入率(0, 0.4, 0.8, 1.2%) をパラメータとした解析を行った。また, 軽量コンクリ ート, 鋼繊維補強コンクリートにおいて, それぞれらの 構成則については参考文献9)に提案された引張軟化曲線 を解析に用いた.

#### 4. 結果および考察

250

200

150

100

50

0

荷重(kN)

#### 4.1 最大荷重および荷重-変位関係

表-4 に実験値と解析値の比較を示す。同表より,最 大荷重は実験値と解析値の比は 0.95~1.13 と精度よく評 価できている。図-9 に荷重-変位関係を示すが,同図 より,鋼繊維補強による N と SL の解析値を比較した。 まず, SL-00 の最大荷重は N-00 の 0.87 倍であったが, 鋼繊維混入率が増加するほど,N,SL ともに最大荷重が 増加し,最大荷重からも鋼繊維補強効果が確認できた。 最大荷重到達後は,鋼繊維無補強タイプ (N-00, SL-00) は荷重が急激に低下するのに対し、繊維補強タイプは、 N-04, N-08, N-12 は一旦荷重が低下するが、その後は一 定の荷重を保持している。また、SL-04 は SL-00 と同様 に荷重が急激に低下したため、軽量2種コンクリートに 鋼繊維を 0.4%混入しても繊維補強効果はほぼ期待でき ないが、SL-08, SL-12 は一旦荷重が低下するものの、繊 維補強効果は顕著であった。

#### 4.2 荷重-鉄筋ひずみ関係

荷重と版中央から120mmの位置で求めた鉄筋ひずみ の関係を図-10に示す。小澤ら<sup>12)</sup>の論文では、普通コン クリートを対象とし、「径方向ひずみが全て減少に転じ た時に載荷を中止したものでありこの場合には載荷板に 向かう鉛直に近い曲げひび割れのみが発生している」と 記述されているため、径方向ひずみが全て減少に転じて から斜めひび割れが発生すると考えられる。一方、本研 究で対象としている軽量コンクリートや繊維補強コンク リートに関しての文献は著者らの知る限りはないので, 小澤らの論文を参考にして軽量コンクリートや繊維補強 コンクリートについても検討した。本試験結果では径ひ ずみが最大ひずみになってから、鉄筋ひずみ(図-10) の傾きが大きくなり、これを斜めひび割れ荷重であると 定義した。ここで、例えば『実験N-12』から2つの変曲 点が確認できる。50kN~100kNの時に見られる最初の変 曲点は曲げひび割れの発生時であるが、180kN(図の○) の第2の変曲点は、斜めひび割れが生じる荷重レベルと考 えられる。表-4に斜めひび割れ荷重と斜めひび割れ時の 鉄筋ひずみを示す。斜めひび割れ荷重の実験値は解析値 に比べ1.06~1.60倍とばらつきは大きいが、それは斜めひ び割れの位置やその幅などの影響を受けやすいためであ る。汎用的な松井式<sup>3)</sup>などの普通コンクリートの斜めひ び割れ角度は45°とされているが、各タイプによって斜 めひび割れによる破壊面角度が異なることは明らかにな っている。一方、鉄筋ひずみは破壊面角度45°を想定し て斜めひび割れが入る位置に貼付しているため、それで 求めた斜めひび割れ荷重も各タイプの斜めひび割れの位 置やその幅によって異なると考えられる。斜めひび割れ 荷重時の鉄筋ひずみは実験値と解析値はほぼ一致してい



る。また、図-11に斜めひび割れ荷重/最大荷重と鋼繊維 混入率の関係を示す。なお、同図には表-2の全ての結果 を示した。同図より、解析値の斜めひび割れ荷重/最大荷 重は0.57~0.66と、実験値の0.56~0.75内に収まっている ことがわかった。小澤らの論文には「径ひずみはいずれ も最大耐力の60~80%付近で圧縮ひずみが最大値に達し た」と記述されており、小澤らの結果と同様であると考 えられる。

## 4.3 押抜きせん断耐力の算定式

図-12 に斜めひび割れ荷重時の鉄筋ひずみと鋼繊維 混入率の関係を示し、定式化した。同図より、鋼繊維補 強することで斜めひび割れ荷重時の鉄筋ひずみが減少し ており、その減少率は SL の方が顕著であり、N より繊 維補強効果が大きいと考えられる。以下に著者らが提案 した押抜きせん断耐力式<sup>8)</sup>を示す。なお、式(1)のαは繊 維補強がダウエル作用に及ぼす影響を表している。  $P = \tau_{s,max} \{ 2(a+2x_m)x_d + 2(b+2x_d)x_m \}$ +  $a \cdot \sigma_{t,max} \{ 2(4C_d+2d_d+b)C_m + 2(a+2d_m)C_d \}$ 

$$D_{\mu} = D_{\mu0} \cdot e^{-0.002\varepsilon - 13}$$
(1)

ここで,*a,b*:載荷板の主鉄筋方向,配力鉄筋方向の周 長(cm),  $x_m x_d$ :主鉄筋および配力鉄筋に直角な断面の 引張側コンクリートを無視した断面の中立軸(cm),  $d_m d_d$ :主鉄筋および配力鉄筋の有効高さ(cm),  $C_m C_d$ : 主鉄筋および配力鉄筋からのかぶり厚さ(cm),  $\tau_{s,max}$ : 各タイプの強度評価式により算定, $\sigma_{l,max}$ :繊維無混入タ イプ(N-00, SL-00)の強度評価式により算定, $\alpha$ :ダウ エル作用に及ぼす繊維補強係数( $\alpha = D_u / D_{u0} = e^{-0.002c}$ ),  $D_u$ :引張力を受けた鉄筋のダウエル耐力(tf), $D_{u0}$ :引 張力を受けない鉄筋のダウエル耐力(tf)

式(2)の $\varepsilon$ はダウエル作用に及ぼす鉄筋に生じる鉄筋 ひずみ差であり、式(3)、(4)を適用し算出する。

普通コンクリートの場合

 $\Delta \varepsilon_{N} = \varepsilon_{N-00} - \varepsilon_{N}$ (3) 軽量 2 種コンクリートの場合

 $\Delta \varepsilon_N = \varepsilon_{SL-00} - \varepsilon_{SL}$ 

 $\epsilon_{N,SL}$ : 斜めひび割れ荷重時の鉄筋ひずみ( $\mu$ ),  $V_{sf}$ : 鋼繊 維混入率(%),  $\epsilon_{N-00}$ : 1789( $\mu$ ),  $\epsilon_{SL-00}$ : 1771( $\mu$ )

文献<sup>8)</sup>では実験結果より鉄筋ひずみ差を一律 230 $\mu$ と して求めた繊維補強係数は 1.05 であるが,この式 (3), (4) より,鋼繊維 1.2%と補強した場合,鉄筋ひずみ差 は,Nは 285 $\mu$ ,SLは 360 $\mu$ ,それぞれの繊維補強係数 は 1.06,1.07と前回の結果とほとんど変わらない。また, 同式を用いることで 0~1.2%内の任意の混入率において 斜めひび割れ時の鉄筋ひずみを求められ,より汎用性の 高い式を提案できた。しかし,これは本研究の条件での 解析結果であり,データ数も少ないことから今後さらに 検討が必要であると考えられる。

## 5. まとめ

- (1) FEM の材料構成則において, 圧縮域は圧縮試験結果 と圧縮破壊エネルギーを用いて線形で0まで低下す る式を,引張域は著者らが提案した引張軟化モデル とそれ以降からCEB-FIP Model Code を適用した式を 用いることで実験値を精度よく評価できた。
- (2) 解析結果から, SL-00の最大荷重は N-00の 0.87 倍で あったが, 鋼繊維混入率が増加するほど, N, SL と もに最大荷重が増大した。
- (3) 最大荷重到達後の挙動について,繊維無補強タイプ (N-00, SL-00) は荷重が急激に低下した。繊維補強 タイプは一旦荷重が低下するが,その後は一定の荷 重を保持しており,繊維補強効果が確認できた。
- (4) 斜めひび割れ荷重時の鉄筋ひずみと鋼繊維混入率の 関係を求め、0~1.2%内の任意の鋼繊維混入率におい

て適用可能な繊維補強係数を算出でき,より汎用性 の高い式を提案した。

参考文献

(1)

(4)

- 角田 与史雄, 井藤 昭夫, 藤田 嘉夫:鉄筋コン クリートスラブの押抜きせん断耐力に関する研 究:土木学会論文報告集, 第 229 号, pp.105-115, 1975.9
- 2) 土木学会:コンクリート標準示方書,2002
- 前田 幸雄,松井 繁之:鉄筋コンクリート床版の 押抜きせん断耐荷力の評価式,土木学会論文集,第 348 号/V-1 コンクリート工学年次論文集,Vol.23, No.1, pp.133-141, 1984.8
- 4) 岸 徳光,三上 浩,張 広鋒,内田 雅俊:RC 版の押抜きせん断破壊に関する数値解析的研究,土 木学会北海道支部論文報告集,第61号,V-39,2004
- 5) 張 広鋒,岸 徳光,三上 浩,高玉 郁子:離散 ひび割れを考慮した RC 版の押し抜きせん断破壊正 常に関する数値解析,応用力学論文集,Vol.10, pp.477-484,2007.8
- 6) 舟橋 政司,原 夏生,横田 弘,二羽淳 一郎: 高性能軽量コンクリートを用いた RC 部材のせん断 耐力評価手法,土木学会論文集,No.767/V-64, pp.211-226,2004
- 東山 浩士,水越 睦視,松井 繁之,青木 真材: 繊維補強軽量コンクリートを用いた RC 床版の押し 抜きせん断耐荷力,構造工学論文集, Vol.54A, pp.105-115, 1975.9
- 8) 崔 智宣,日野 伸一,山口 浩平,柴田 博之: 鋼繊維補強軽量2種コンクリートRC床版の押抜き せん断耐力評価,土木学会第66回年次学術講演会, V-526, pp.1051-1052,2011.9
- 9) 崔 智宣、山口 浩平、日野 伸一、梶原 秀夫:
  各種短繊維で補強した軽量2種コンクリートの引張 軟化特性、コンクリート工学年次論文報告集, Vol.33, pp.1243-1248, 2011.7
- 10) CEB-FIP Model Code 1990, Thomas Telford, 1990
- 山谷 敦,中村 光,檜貝 勇:回転ひび割れモデ ルによる RC 梁のせん断挙動解析,土木学会論文集, No.620/V-43, pp.187-199, 1999.5
- 小澤 満津雄,内田 裕市,小柳 洽: RC スラブの押抜きせん断破壊機構に関する基礎的研究,コンクリート工学年次論文報告集, Vol.21, No.3, pp.565-570, 1999.7
- 13) 鈴木 基行,中村 泰介,堀 内信,尾坂 芳夫: 軸方向鉄筋のダウエル作用に及ぼす引張力の影響
   に関する実験的研究,土木学会論文集,第 526/V-15, pp.159-166, 1991