# 論文 中高層 RC 造住宅の保有水平耐力の二軸相関関係と柱の変動軸力

尾沢 諒一郎\*1·板倉 航大\*2·和泉 信之\*3

要旨: RC 造建築物の保有水平耐力計算では主軸2方向の地震力に対して独立に計算しており,斜め方向地震力に関する規定はない。本研究では,主軸2方向の保有水平耐力が大きく異なる構造である中高層 RC 造住 宅について保有水平耐力の二軸相関関係を検討し,斜め方向地震力による柱の変動軸力を評価する。6 階建・ 10 階建 RC 造住宅を対象として斜め方向地震力に対する静的弾塑性解析及び時刻歴応答解析を実施する。そ の結果から1 方向地震力による柱軸力に累加される直交方向からの柱軸力について保有水平耐力の二軸相関 係数を用いた評価方法を考察する。

キーワード:鉄筋コンクリート造建築物,保有水平耐力計算,時刻歴応答解析,変動軸力,地震応答

## 1. はじめに

現在,中高層鉄筋コンクリート造(以下,RC造)建築 物の保有水平耐力計算では,X・Y主軸2方向の地震力に 対して独立に計算している。しかし,斜め方向地震力に対 する保有水平耐力は計算が行われていないため,保有水 平耐力の二軸相関関係については検討されていない。ま た,柱に作用する軸力は骨組の変形性能に大きな影響を 与えるが,保有水平耐力計算では斜め方向地震力を考慮 した外柱の変動軸力の評価方法は具体的に規定されてお らず,外柱の変動軸力に対する評価は十分に検討されて いるとは言えない。

筆者らは,保有水平耐力の二軸相関関係に注目して柱 の変動軸力の評価方法について研究している。また,既往 の研究<sup>1)</sup>では10階建ピロティ構造の骨組について報告し た。

本研究では、全体崩壊形を形成する RC 造 6 階建・10 階建住宅を対象として、斜め方向地震力に対する静的弾 塑性解析及び時刻歴応答解析を実施する。そして斜め方 向地震力に対する保有水平耐力と外柱の変動軸力につい て検討する。これらの結果から、保有水平耐力の二軸相関 関係を考慮して桁行方向と梁間方向の骨組から作用する 外柱の変動軸力を検討し、外柱の変動軸力の二軸相関関 係について考察する(図-1)。

#### 2. 保有水平耐力の二軸相関関係

## 2.1 保有水平耐力の二軸相関係数

保有水平耐力のX・Y方向に関する二軸相関関係は,式 (1)に示す保有水平耐力の二軸相関係数(a)により評価す る。また,必要保有水平耐力の二軸相関関係は,式(2)によ り評価する<sup>1)</sup>。ここで, *D*<sub>SX</sub>, *D*<sub>SY</sub>, *C*<sub>BX0</sub>, *C*<sub>BY0</sub>は, それぞ れ構造特性係数 *D*s のX方向成分, Y方向成分, 斜め方向

\*1 千葉大学大学院 融合理工学府創成工学専攻 博士前期課程

\*2 千葉大学 工学部建築学科

\*3 千葉大学大学院 工学研究院 教授 博士 (工学)

地震力入力時のベースシア係数 *C*<sub>B</sub>の X 方向成分, Y 方向 成分を表す(図-1)。

$$\left(\frac{C_{BX\theta}}{C_{BX}}\right)^{\alpha} + \left(\frac{C_{BY\theta}}{C_{BY}}\right)^{\alpha} = 1$$
(1)  
$$\left(\frac{D_{SX\theta}}{D_{SX}}\right)^{2} + \left(\frac{D_{SY\theta}}{D_{SY}}\right)^{2} = 1$$
(2)



.

(フェロー会員)

## 2.2 柱の変動軸力の二軸相関係数

柱の変動軸力のX・Y方向に関する二軸相関関係は,式 (3) に示す柱の二軸相関係数 (β) により評価する (図-1)。ここで, N<sub>X0</sub>, N<sub>Y0</sub>はそれぞれ斜め方向地震力入力時 の柱の変動軸力の X 方向成分, Y 方向成分を表し, Nx, Nyはそれぞれ0度方向地震力による柱の変動軸力,90度 方向地震力による柱の変動軸力である。

$$\left(\frac{N_{X\theta}}{N_X}\right)^{\beta} + \left(\frac{N_{Y\theta}}{N_Y}\right)^{\beta} = 1$$
(3)

## 2.3 柱の変動軸力の直交方向係数

斜め方向地震力に対する柱の変動軸力(N<sub>θ</sub>)は、式(4) に示す直交方向係数(a, b)により評価する。ここで、Nx、 Nyはそれぞれ X 方向, Y 方向地震力による変動軸力, a, b はそれぞれ Y 方向地震力による X 方向地震力の変動軸 力の比率,X方向地震力によるY方向地震力の変動軸力 の比率である(図-1)。

$$N_{\theta} = a \cdot N_X + b \cdot N_Y$$

#### 表-1 6 階建住宅の主な梁部材の断面緒元

(4)

			G1				G2			G11		
階	В	D	端部	Fc	В	D	端部	Fc	В	D	端部	Fc
	[mm]	[mm]	上端筋	[N/mm <sup>2</sup> ]	[mm]	[mm]	上端筋	[N/mm²]	[mm]	[mm]	上端筋	[N/mm²]
RF	450	700	4-D22	30	450	700	4-D22	30	400	700	4-D19	30
6F	450	700	5-D25	30	450	700	5-D25	30	400	700	4-D19	30
5F	500	750	5-D25	30	500	750	5-D25	30	400	700	4-D19	30
4F	500	750	5-D29	36	500	750	5-D29	36	400	700	4-D19	36
2-3F	550	750	5-D32	36	60	850	5-D32	36	400	700	4-D19	36
			注:基礎	梁は Β が 1	1000mm	ı, Dが	2500mm	として非ヒ	こンジ部	材とする	<b>5</b> .	

梁の上端筋と下端筋は同一とする。D表示は SD390 とする。

#### 表-2 10 階建住宅の主な梁部材の断面緒元

階	В	D	G1 端部上端筋	Fc	В	D	G2 端部上端筋	Fc	В	D	G11 端部	Fc	表-5 6・10 階建住宅の 耐霊辟断西側			
	[mm]	[mm]	1段筋/2段筋	[N/mm <sup>2</sup> ]	[mm]	[mm]	1段筋/2段筋	[N/mm²]	[mm]	[mm]	上端筋	[N/mm <sup>2</sup> ]		则压	支空的面的	ניי
RF	500	700	5-D22	30	500	700	5-D22	30	400	700	4-D19	30		- V		
10F	500	750	5-D25/2-D22	30	500	750	5-D25/2-D22	30	400	700	4-D19	30	階	厚さ	縦筋	横筋
9F	550	750	5-D29/2-D25	36	550	750	5-D29/2-D25	36	400	700	4-D19	36		[mm]		
8F	550	750	5-D32/2-D29	36	500	750	5-D32/2-D29	36	400	700	4-D19	36	6階建	180	D10@150	D10@150
6-7F	550	800	5-D32/3-D29	36	550	800	5-D32/3-D29	36	400	700	4-D19	36	OPELE		ダブル	ダブル
4-5F	600	850	5-D35/3-D32	42	600	850	5-D35/3-D32	42	600	850	4-D19	42	4072比7中	190	D13@150	D13@15
2-3F	600	900	5-D35/3-D35	42	600	900	5-D35/3-D35	42	400	700	4-D19	42	10陌建	100	ダブル	ダブル
		-	注:基礎梁は	Bが1000	mm, I	D が 25	500mm として	非ヒンジ音	『材とす	トる。			注	: Fc は	柱と同一と	する。
											_					

梁の上端筋と下端筋は同一とする。D 表示は SD390 とする。

表-36階建住宅の主な柱部材の断面緒元

					C1			C2						
階	b	D	主筋		帯筋		Fc	b	D	主	筋	帯筋		Fc
	[mm]	[mm]	Х	Y	Х	Y	[N/mm <sup>2</sup> ]	[mm]	[mm]	Х	Y	Х	Y	[N/mm <sup>2</sup> ]
6F	850	750	6-D25	4-D25	4-D10@100	4-D10@100	36	800	700	6-D25	4-D25	4-D10@100	4-D10@100	36
4-5F	850	750	6-D29	4-D29	4-D10@100	4-D10@100	36	800	700	6-D29	4-D29	4-D10@100	4-D10@100	36
2-3F	850	750	6-D32	4-D32	4-D13@100	4-D13@100	36	800	700	6-D32	4-D32	4-D13@100	4-D13@100	36
1F	850	750	6-D35	4-D35	4-D13@100	4-D13@100	36	800	700	6-D35	4-D35	4-D13@100	4-D13@100	36
	注:D表示は主筋が SD390, 帯筋は SD295A とする。													

|--|

					C1			C2							
階	b	D	主	筋	帯	帯筋		b	D	主筋		帯筋		Fc	
	[mm]	[mm]	Х	Y	Х	Y	[N/mm <sup>2</sup> ]	[mm]	[mm]	Х	Y	Х	Y	[N/mm <sup>2</sup> ]	
8-10F	1050	800	6-D29	4-D29	4-S10@100	4-S10@100	30	850	800	6-D29	4-D29	4-S10@100	4-S10@100	30	
5-7F	1050	800	6-D32	4-D32	4-S13@100	4-S13@100	36	850	800	6-D32	4-D32	4-S13@100	4-S13@100	36	
1-4F	1050	800	6-D35	4-D35	4-S13@100	4-S13@100	42	850	800	6-D35	4-D35	4-S13@100	4-S13@100	42	
				注	・Dまテけ主命	2 00200 X	まそけ言	<b>法度</b> ++ 4.	断结论的	2 1 1 2 1 7 2	5 レオス				

) 表示は主筋が SD390,S 表示は高強度せん断補強筋 USD785 とする。

## 3. 解析計画

## 3.1 解析対象骨組

対象とする 6 階建・10 階建 RC 造住宅は, X 方向(桁 行方向) がラーメン構造, Y 方向(梁間方向) が連層耐震 壁付ラーメン構造である(図-2,図-3)。なお、対象骨 組の X 方向は梁曲げ破壊型, Y 方向は1 階壁脚曲げ破壊 型の全体崩壊形である。骨組の保有水平耐力が必要保有 水平耐力 (Qun, Ds は X 方向 0.30, Y 方向 0.40) を満足す るように断面を設定する(表-1~表-5)。ヒンジ柱では,



ø × 25 12m 図-36階建住宅の

## 略軸組図

	階	厚さ [mm]	縦筋	横筋		
6ß	皆建	180	D10@150 ダブル	D10@150 ダブル		
			3 7 10	3 2 10		
10	階建	180	D13@150	D13@150		
	ru 🗠		ダブル	ダブル		

D 表示は SD295A とする。

鉄筋コンクリート構造保有水平耐力規準(案)・同解説<sup>2)</sup> (以下,保耐規準)における A ランクまたは A ランク相当 のせん断補強指標を満たすよう帯筋を配筋する。また,柱 梁接合部では,接合部降伏破壊<sup>2)</sup>が生じないものとする。 3.2 部材のモデル化

解析には立体フレームモデルを用い,解析ケースの名称を表-6に示す(ケース名:階数+入力角度+解析方法例:6FOS)。1階の柱・耐震壁の曲げと軸力の評価にはFiberモデル(要素分割50mm)を用いる。ファイバースライスは部材端に配置し、塑性ヒンジ長さは可撓長さの0.1倍とする(図-4)。コンクリートの応力歪関係は、曲線剛性逓減型<sup>3)</sup>とし、引張力は負担しないものとする。また、鉄筋の応力歪関係はバイリニア剛性逓減型<sup>3)</sup>とする(図-4)。柱のせん断特性はバイリニア原点指向型、耐震壁のせん断特性はトリリニア原点指向型とする(図-5)。梁の履歴特性はTAKEDAモデルとし、除荷時剛性低下指数は0.40とする(図-6)。なお柱や梁、耐震壁の諸耐力は保耐規準<sup>2)</sup>に準拠し算定する。

### 3.3 検討用地震動

地震力は0度方向(X 方向)から90度方向(Y 方向)まで15度刻みで分割し入力する。静的非線形解析の外力分布はAi分布に基づく分布とする。検討用地震動は,第2 種地盤における告示波のレベル2地震動3波(表−7,図 −7)とする。内部粘性減衰は瞬間剛性比例型(*h*=3%)とする。なお,本解析ではP-δ効果は考慮しない。また,6 階建・10階建骨組の弾性固有周期を**表−8**に示す。

# 4. 静的解析による保有水平耐力と柱の変動軸力の評価

## 4.1 保有水平耐力

各ケースのベースシア係数(*C<sub>B</sub>*)と代表水平変形角(*R<sub>T</sub>*) との関係を図-8及び図-9に示す。なお,*R<sub>T</sub>*は地震力の 重心位置付近における床の水平変位をその高さで除した 値とする。*R<sub>T</sub>*が 1/100 時の*C<sub>B</sub>*は,6F0S が約 0.34,6F90S が約 1.63 であり,10F0S が約 0.33,10F90S が約 0.61 であ る。*R<sub>T</sub>*が 1/100 時 p において X・Y 方向とも *Ds* 以上であ り,0°方向よりも 90°方向の*C<sub>B</sub>*が大きい。

			T S	11 T							
角 度 [度]		6	谐建		10階 建						
			動的		動的						
	静的	Code-	Code-	Code-	静的	Code-	Code-	Code-			
		EI波	JMA波	Taft波		El波	JMA波	Taft波			
0	6F0S	6F0D-E	6F0D-J	6F0D-T	10F0S	10F0D-E	10F0D-J	10F0D-T			
15	6F15S	6F15D-E	6F15D-J	6F15D-T	10F15S	10F15D-E	10F15D-J	10F15D-T			
30	6F30S	6F30D-E	6F30D-J	6F30D-T	10F30S	10F30D-E	10F30D-J	10F30D-T			
45	6F45S	6F45D-E	6F45D-J	6F45D-T	10F45S	10F45D-E	10F45D-J	10F45D-T			
60	6F60S	6F60D-E	6F60D-J	6F60D-T	10F60S	10F60D-E	10F60D-J	10F60D-T			
75	6F75S	6F75D-E	6F75D-J	6F75D-T	10F75S	10F75D-E	10F75D-J	10F75D-T			
90	6F90S	6F90D-E	6F90D-J	6F90D-T	10F90S	10F90D-E	10F90D-J	10F90D-T			









表-7 検討用地震動(告示波)

波形名称	最大速度	最大加速度	継続時間
(レベル2地震動)	[cm/s]	[cm/s <sup>2</sup> ]	[s]
Code-Elcentro-NS	49	372	60
Code-JMA-NS	55	393	60
Code-Taft-EW	33	265	60





H H	6階	i建	10階建			
同刑	X方向	Y方向	X方向	Y方向		
1次[s]	0.598	0.174	0.726	0.345		
2次[s]	0.198	0.063	0.257	0.102		
0./m [e]	0 109	0.056	0 1 / 9	0.096		





1/50

0<sub>0</sub>

#### 4.2 代表重心位置の変位軌跡

6 階建及び 10 階建について代表重心位置の変位軌跡を 図-10 に示す。なお、代表重心位置とは R<sub>T</sub>に該当する床 の重心位置(10 階建では 7 階床, 6 階建では 5 階床)で ある。斜め方向入力時において変位の軌跡は X 方向に偏 る傾向が見られる。これは X 方向がラーメン構造のため、 耐震壁がある Y 方向に比べて水平剛性が小さく部材の塑 性化が早く進行するためである。

#### 4.3 保有水平耐力の二軸相関関係

保有水平耐力時の *C*<sup>B</sup> (*Cu*) 及び *Ds* の二軸相関関係を 図-11 に示す。斜め 45 度方向の *C*<sup>u</sup>は、6F45S が約 0.50、 10F45S が約 0.46 であり、入力角度の増加に伴い、Y 方向 の耐震壁の影響により *Cu* が増大することがわかる。*Cu* の二軸相関曲線は楕円曲線を形成しており、二軸相関係 数 (*a*) は6 階建が約 1.9、10 階建が約 2.1 である。また、 6 階・10 階建共にどの角度においても、*Cu* は式(2)による *Ds* を満足していることがわかる。

### 4.41階外柱の変動軸力

圧縮力を受ける 1 階外柱 C2 の変動軸力(*N<sub>E</sub>*)の二軸 相関関係を図-12 に示す。ここでは、柱の変動軸力は*R<sub>T</sub>* が 1/100 時の軸力(*N*)から長期軸力(*N<sub>L</sub>*)を引いた値と する。*N<sub>E</sub>*の二軸相関曲線は*Cu*の二軸相関曲線に比べて ばらつきが見られ、二軸相関係数(β)は6 階建が約 0.90, 10 階建が約 2.0 である。6 階建のβが 10 階建に比べて小 さいのは、6F90S の変動軸力が大きいためである。

## 5. 動的解析による層せん断力と柱の変動軸力の評価

#### 5.1 層間変形角

6 階建及び 10 階建について各層の最大応答層間変形角 (*R<sub>max</sub>*)の高さ方向の分布をそれぞれ図-13,図-14 に示 す。なお 15 度~75 度入力時の最大層間変形角は入力方向 とは異なる方向に生じているため、入力方向の層間変形 角としては、X 方向、Y 方向の最大層間変形角のベクトル 和の値を採用するものとする。0 度~45 度入力時は中間 層以上の *R<sub>max</sub>*が比較的大きいが、60 度~90 度入力時は 2 階以上の *R<sub>max</sub>* はほぼ一定の傾向が見られる。これは X 方 向はラーメン構造のため主に梁の曲げ変形に支配される のに対し、Y 方向は耐震壁付ラーメン構造のため主に連 層耐震壁の曲げ変形に支配されるためと考えられる。

#### 5.2 代表重心位置の変位軌跡

6 階建及び 10 階建について 0 度・45 度・90 度入力時の 代表重心位置の変位軌跡を図-15 に示す。0 度入力時の 変位が層間変形角と同様に他の入力方向に比べて大きい。 45 度入力時の変位は地震動により大きさは異なるが,静 的解析との軌跡と同様に X 方向に片寄っており,0 度入 力時の変位の 0.74~0.85 倍程度である。



#### 5.3 最大応答ベースシア係数の二軸相関関係

最大応答ベースシア係数 (*mCB*)の二軸相関関係を図ー 16 に示す。*mCB* は,各変位方向の最大応答ベースシア係 数とする。0 度入力時の *mCB* は 6F0D-T が約 0.37,10F0D-J が約 0.35 であり,90 度入力時の *mCB* は 6F90D-E が約 0.82,10F90D-E が約 0.72 である。また,Y 方向が耐震壁 付ラーメン構造のため,入力角度の増加に伴い*mCB* は増 大している。*mCB*の二軸相関関係は,静的解析による*Cu* の二軸相関関係とほぼ同様に概ね楕円曲線に近い形状で ある。二軸相関係数(α)は地震動によりやや異なり,6 階建 では 1.2~1.5 程度であり,10 階建では 1.3~1.9 程度であ る。

#### 5.4 外柱の最大応答変動軸力

1 階外柱 C2 の最大応答変動軸力 (*mNE*) の二軸相関関 係を図-17 に示す。ここでは,柱の変動軸力は最大応答 軸力 (*N*) から長期軸力 (*N<sub>L</sub>*) を引いた値とする。*N<sub>E</sub>*の二 軸相関曲線は概ね楕円曲線を形成しているが,地震動に よる違いが見られ,6 階建ではその違いが大きい。二軸相 関係数 (β) は地震動によりやや異なり,6 階建では 1.5~ 2.1 程度であり,10 階建では 1.3~1.8 程度である。

#### 6. 柱の変動軸力の直交方向係数の評価

#### 6.1 直交方向係数の算定

斜め方向地震力に対する柱の変動軸力は,式(4)を用 いて評価する。なお、 $N_E$ は前述した算定方法により,静 的解析では $R_T$ =1/100時,動的解析では入力倍率 1.0 倍に おいて算出する。

直交方向係数(a, b)は式(5),式(6)により評価する。*CBX0, CBY0*は、二軸相関係数(a)を用いて算定する。

$$a = \frac{C_{BX\theta}}{C_{BX}}$$
(5)  
$$b = \frac{C_{BY\theta}}{C_{BY}}$$
(6)

ここで, *C<sub>BX</sub>*: X 方向の *Cu* または *mCB C<sub>BY</sub>*: Y 方向の *Cu* または *mCB C<sub>BX0</sub>: Cu*または *mCB*の X 方向分力 *C<sub>BY0</sub>: Cu* または *mCB*の Y 方向分力

## 6.2 静的解析における直交方向係数

静的解析における加力方向別の直交方向係数(*as*, *bs*)を 図-18に示す。*as*は0.91 (75度方向)~1.00 (15度方向) であり、45度方向では0.99である。*bs*は0.15 (15度方 向)~0.97 (75度方向)であり、45度方向では0.53であ る。次に柱の変動軸力(*sN<sub>E</sub>*)と上記の直交方向係数を用い て式(5),式(6)により算出した変動軸力(*sN<sub>E</sub>*c)との関係を図 -19に示す。*sN<sub>E</sub>*の*sN<sub>EC</sub>*に対する比率は、6階建では平均 0.79、変動係数0.13であり、10階建では平均0.95、変動 係数0.07であり、比較的良く対応している。





#### 6.3 動的解析における直交方向係数

動的解析における加力方向別の直交方向係数 (*a<sub>D</sub>*, *b<sub>D</sub>*) を図-20 に示す。*a<sub>D</sub>*は 0.51 (75 度方向) ~1.00 (15 度方 向) であり, 45 度方向では 1.00 である。*b<sub>D</sub>*は 0.14 (15 度 方向) ~0.96 (75 度方向) であり, 45 度方向では 0.52 で ある。次に, Code-El 波に対する変動軸力 (*DNE*) と上記の 直交方向係数を用いて式 (5),式(6) により算出した変 動軸力 (*DNEC*) との関係を図-21 に示す。*DNE* の *DNEC* に 対する比率は,6 階建では平均 0.81,変動係数 0.10, 10 階 建では平均 0.94,変動係数 0.10 であり,よく対応してい ることがわかる。

#### 6.4 直交方向係数の評価

静的解析による直交方向係数(図-18)は動的解析によ る直交方向係数(図-20)とほぼ対応している。



以上より,保有水平耐力の二軸相関係数を用いた直交 方向係数により柱の変動軸力は概ね評価できると考えら れる。

## 7. まとめ

6 階建及び 10 階建 RC 造住宅を対象として斜め方向地 震力に対する静的非線形解析及び時刻歴応答解析を実施 し,斜め方向地震力に対する保有水平耐力と外柱の変動 軸力を検討した。その結果,本解析の範囲内ではあるが, 以下の成果を得た。

- (1)保有水平耐力の二軸相関関係及び柱の変動軸力の二 軸相関関係を定式化し、保有水平耐力の二軸相関関係を用いた柱の変動軸力の評価式を示した。
- (2) 静的解析による保有水平耐力の二軸相関関係は楕円 曲線を形成し、二軸相関間関係(a) は6 階建では約
   1.9, 10 階建では約 2.1 である。
- (3) 静的解析による柱の変動軸力の二軸相関関係は楕円 曲線を形成し、二軸相関間関係 (β) は6 階建で約 0.9 程度、10 階建で約 2.0 程度である。
- (4) 動的解析による最大ベースシア係数の二軸相関関係 は楕円曲線を形成し、二軸相関間関係(a)は6階建 では1.2~1.5程度、10階建では1.3~1.9程度である。
- (5) 動的解析による柱の最大変動軸力の二軸相関関係は 楕円曲線に概ね近い形状であり、二軸相関間関係 (β) は6階建では1.5~2.1程度、10階建では1.3~1.8程 度である。
- (6) 保有水平耐力の二軸相関関係による45度方向の直交 方向係数は, *as*が1.00, *bs*が0.53である。
- (7) 保有水平耐力の二軸相関係数を用いた直交方向係数 により柱の変動軸力は概ね評価できる。

今後,保有水平耐力の二軸相関係数を用いた外柱の変 動軸力の検討例を積み重ねて,柱の変動軸力の直交方向 係数について検討していきたい。

#### 参考文献

- 朱彤,小島菜奈,毎田悠承,和泉信之:斜め方向地震 力に対する RC 造 10 階建ピロティ構造の保有水平耐 力と柱の変動軸力,コンクリート工学年次論文集, Vol.40, No.2, pp.871-876, 2018.7
- 日本建築学会:鉄筋コンクリート構造保有水平耐力 規準(案)・同解説,2016.6
- 3) 構造システム(株): SNAPver.7 テクニカルマニュア ル, 2018.3